

Name :

Class No. :

HIGHER SECONDARY
FIRST TERMINAL EXAMINATION, SEPTEMBER - 2024

Max. Score : 80

Part III

Time : 2 Hrs

Second Year

MATHEMATICS (COMMERCE)

Cool- off Time : 15 Mts

General Instructions

- * There is a **cool-off time** of 15 minutes in addition to the writing time of 2 hours .
- * You are not allowed to write your answer nor to discuss anything with others during the **cool-off time**.
- * Use cool-off time to get familiar with questions and to plan your answers.
- * Read questions carefully before answering.
- * All questions are compulsory and only internal choice is allowed.

Answer any 6 questions from 1 to 8. Each carries 3 scores

1. Show that the relation R in the set $\{1, 2, 3\}$ given by $R = \{(1, 2), (2, 1)\}$ is symmetric but neither reflexive nor transitive [3]

2. (a) Find all points of discontinuity of the function $f(x) = |x| - |x + 1|$ [1]
(b) If the function is continuous, find the value of k , where $f(x) = \begin{cases} kx^2, & \text{if } x \leq 2 \\ 3 & \text{if } x > 2 \end{cases}$ [2]

3. (a) Write an example of a relation on set $A = \{p, q, r\}$ which is reflexive and symmetric [1]
(b) Show that the real function $f(x) = 3x + 2$ is one – one and onto [2]

4. Consider the matrix $A = \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$
(a) Find A^2 [2]
(b) Show that $A^2 - 5A + 7I = 0$ [1]

1. $\{1, 2, 3\}$ എന്ന ഗണത്തിൽ നിർവ്വചിച്ച $R = \{(1, 2), (2, 1)\}$ എന്ന ബന്ധം സിമട്രിക് ആണ് എന്നും, റിഫ്ലക്സീവ് അല്ല, ട്രാൻസിറ്റീവ് അല്ല എന്നും തെളിയിക്കുക. [3]

2. (a) $f(x) = |x| - |x + 1|$ എന്ന ഫങ്ഷന്റെ എല്ലാ ഡിസ്കണ്ടിന്യൂസ് പോയിന്റുകളും കാണുക. [3]
(b) $f(x) = \begin{cases} kx^2, & \text{if } x \leq 2 \\ 3 & \text{if } x > 2 \end{cases}$ എന്ന ഫങ്ഷൻ കണ്ടിന്യൂസ് ആയാൽ k യുടെ വില കാണുക. [2]

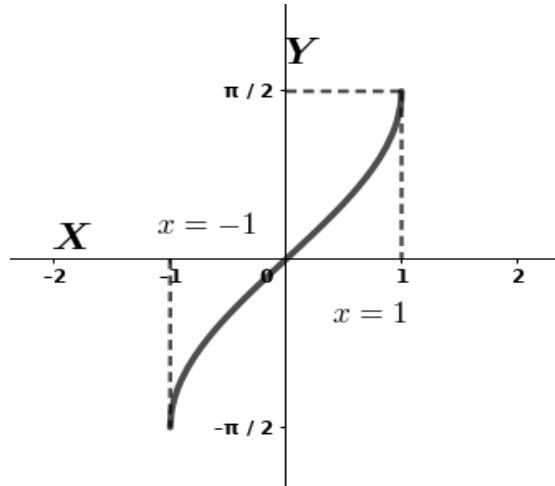
3. (a) $A = \{p, q, r\}$ എന്ന സെറ്റിലുള്ള റിഫ്ലക്സീവും, സിമട്രിക്കും ആയ റിലേഷൻ ഉദാഹരണം എഴുതുക [1]
(b) $f(x) = 3x + 2$ എന്ന റിയൽ ഫങ്ഷൻ one – one, onto എന്നു തെളിയിക്കുക. [2]

4. $A = \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$ എന്നു പരിഗണിക്കുക
(a) A^2 കാണുക. [2]
(b) $A^2 - 5A + 7I = 0$ [1]

5. (a) Find values of x , if $\begin{vmatrix} 2 & 4 \\ 5 & 1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 2x & 4 \\ 6 & x \end{vmatrix}$ [1]

(b) Show that the points $A(a, b+c)$,
 $B(b, c+a)$, $C(c, a+b)$ are collinear [2]

6. Consider the graph of a function given below



(a) Write the domain of the function [1]

(b) Write the range of the function [1]

(c) Write the name of the function [1]

7. (a) $\sin^{-1}\left(\sin\frac{3\pi}{5}\right) = \dots\dots\dots$ [1]

(b) Show that [2]

$$3\sin^{-1}x = \sin^{-1}(3x - 4x^3), x \in \left[-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right]$$

8. Find $\frac{dy}{dx}$ [3]

$$\text{where } y = \cos^{-1}\left(\frac{1-x^2}{1+x^2}\right), 0 < x < 1$$

5. (a) $\begin{vmatrix} 2 & 4 \\ 5 & 1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 2x & 4 \\ 6 & x \end{vmatrix}$ ആയാൽ [1]
 x ന്റെ വില കാണുക

(b) $A(a, b+c)$, $B(b, c+a)$, $C(c, a+b)$ എന്നീ
ബിന്ദുക്കൾ കൊളിനിയർ എന്നു തെളിയിക്കുക. [2]

6. ചുവടെ കൊടുത്ത ഫങ്ഷന്റെ ഗ്രാഫ് പരിഗണിക്കുക

(a) ഫങ്ഷന്റെ ഡൊമൈൻ എഴുതുക [1]

(b) ഫങ്ഷന്റെ റേഞ്ച് എഴുതുക [1]

(c) ഫങ്ഷന്റെ പേര് എഴുതുക [1]

7. (a) $\sin^{-1}\left(\sin\frac{3\pi}{5}\right) = \dots\dots\dots$ [1]

(b) $3\sin^{-1}x = \sin^{-1}(3x - 4x^3), x \in \left[-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right]$
എന്നു തെളിയിക്കുക. [2]

8. $y = \cos^{-1}\left(\frac{1-x^2}{1+x^2}\right), 0 < x < 1$
ആയാൽ $\frac{dy}{dx}$ കാണുക [3]

Answer any 6 questions from 9 to 16. Each carries 4 scores

9. Let $f: R \rightarrow R$ be defined by $f(x) = \cos x$ and
 $g: R \rightarrow R$ be defined by $g(x) = 3x^2$
Find (a) fog
(b) gof [4]

9. $f(x) = \cos x$ എന്ന രീതിയിൽ $f: R \rightarrow R$ ലും,
 $g(x) = 3x^2$ എന്ന രീതിയിൽ $g: R \rightarrow R$ ലും
നിർവ്വചിച്ചിരിക്കുന്നു.
(a) fog
(b) gof എന്നിവ കാണുക. [4]

10. (a) Let A be a non-singular square matrix of order 3×3 . Then $|adj.A| = \dots\dots\dots$

$(|A|, |A|^2, |A|^3, 3|A|)$ [1]

(b) Consider $A = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$

Verify that $A (adj. A) = (adj. A) A$ [3]

11. Find the relationship between 'a' and 'b' so that the function f defined by

$f(x) = \begin{cases} ax + 1, & \text{if } x \leq 3 \\ bx + 3, & \text{if } x > 3 \end{cases}$
is continuous [4]

12. (a) A function f is said to be
if it is both one-one and onto. [1]

(b) Let A and B be sets. Show that the function $f: A \times B \rightarrow B \times A$
such that $f(a, b) = (b, a)$ is bijective [3]

13. (a) Write the principal value branch of $\cos^{-1}(x)$ [1]

(b) Find the value of $\tan^{-1}(-1) + \cos^{-1}\left(-\frac{1}{2}\right) + \sin^{-1}\left(\frac{1}{2}\right)$ [3]

14. Write following in simplest form [4]

$\tan^{-1} \left[\frac{3a^2x - x^3}{a^3 - 3ax^2} \right], a > 0; -\frac{a}{\sqrt{3}} < x < \frac{a}{\sqrt{3}}$

15. (a) Find the derivative of $\sin(x^2)$ using chain rule [2]

(b) Find $\frac{dy}{dx}$, if $2x + 3y = \sin x$ [2]

16. (a) Let 'a' be a positive constant.

Find the derivative of a^a [1]

(b) Find the derivative of $x^{\log x}$ [3]

10. (a) A എന്നത് 3×3 മാട്രിക്സ് ഉള്ള ഒരു നോൺ

സിങ്കുലർ സ്ക്വയർ മെട്രിക്സ് ആണ്.

$|adj.A| = \dots\dots\dots$

$(|A|, |A|^2, |A|^3, 3|A|)$ [1]

(b) $A = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$ പരിഗണിക്കുക.

$A (adj. A) = (adj. A) A$ എന്നു പരിശോധിക്കുക. [3]

11. $f(x) = \begin{cases} ax + 1, & \text{if } x \leq 3 \\ bx + 3, & \text{if } x > 3 \end{cases}$ എന്നത്

ഒരു കണ്ടിന്യൂസ് ഫങ്ഷൻ ആയാൽ 'a' യും 'b' യും തമ്മിലുള്ള ബന്ധം കാണുക. [4]

12. (a) ഒരു ഫങ്ഷൻ വൺ - വൺ ഉം ഓൺറ്റുഉം [1]
ആയാൽ അതിനെ എന്നു പറയുന്നു.

(b) A യും B യും സെറ്റ് ആകുന്നു. $f(a, b) = (b, a)$
എന്ന വിധമുള്ള $f: A \times B \rightarrow B \times A$ എന്ന
ഫങ്ഷൻ ബൈജക്റ്റീവ് എന്നു തെളിയിക്കുക. [3]

13. (a) $\cos^{-1}(x)$

ന്റെ പ്രിൻസിപ്പൽ വാല്യൂ ബ്രാഞ്ച് എഴുതുക. [1]

(b) $\tan^{-1}(-1) + \cos^{-1}\left(-\frac{1}{2}\right) + \sin^{-1}\left(\frac{1}{2}\right)$
 x ന്റെ വില കാണുക [3]

14. താഴെ കൊടുത്തതിനെ ലഘൂരൂപത്തിലെഴുതുക

$\tan^{-1} \left[\frac{3a^2x - x^3}{a^3 - 3ax^2} \right], a > 0; -\frac{a}{\sqrt{3}} < x < \frac{a}{\sqrt{3}}$

15. (a) ചെയിൻ റൂൾ ഉപയോഗിച്ച് $\sin(x^2)$ ന്റെ

ഡെറിവേറ്റീവ് കാണുക [2]

(b) $2x + 3y = \sin x$ ആയാൽ $\frac{dy}{dx}$ കാണുക [2]

16. (a) 'a' ഒരു പോസിറ്റീവ് കോൺസ്റ്റന്റാണ്.

a^a ന്റെ ഡെറിവേറ്റീവ് കാണുക [1]

(b) $x^{\log x}$ ന്റെ ഡെറിവേറ്റീവ് കാണുക [3]

Answer any 3 questions from 17 to 20. Each carries 6 scores

17. (a) Show that the system of equations

$$3x - 2y + 3z = 8$$

$$2x + y - z = 1$$

$$4x - 3y + 2z = 4 \quad \text{is consistent} \quad [1]$$

(b) Solve the above system using matrix method [5]

18. (a) Construct a 3×3 matrix $A = [a_{ij}]$,

$$\text{where } a_{ij} = 2i + j \quad [3]$$

(b) Express A as the sum of symmetric and skew symmetric matrices [3]

19. (a) Find $\frac{dy}{dx}$ if $x = a \cos t$, $y = b \sin t$, where 't' is the parameter [3]

(b) If $y = \sin^{-1}(x)$, prove that $(1 - x^2) y'' - xy' = 0$ [3]

20. Let $A + B = \begin{bmatrix} 5 & 2 \\ 0 & 9 \end{bmatrix}$

$$A - B = \begin{bmatrix} 3 & 6 \\ 0 & 7 \end{bmatrix}$$

(a) Find A and B [2]

(b) Show that $(AB)^T = B^T \cdot A^T$ [4]

17. (a) $3x - 2y + 3z = 8$

$$2x + y - z = 1$$

$$4x - 3y + 2z = 4$$

എന്നീ സമവാക്യങ്ങൾ കൺസിസ്റ്റന്റ് ആണെന്നു തെളിയിക്കുക. [1]

(b) മുകളിൽ കൊടുത്തിട്ടുള്ള സമവാക്യങ്ങൾ മെട്രിക് രീതിയിൽ നിർദ്ധാരണം ചെയ്യുക. [5]

18. (a) $a_{ij} = 2i + j$ ആയാൽ, $A = [a_{ij}]$ എന്ന

3×3 മെട്രിക് നിർമ്മിക്കുക [3]

(b) A യെ സിമെട്രിക് മെട്രിക്സിന്റെയും സ്ക്യൂ സിമെട്രിക് മെട്രിക്സിന്റെയും തുകയായി എഴുതുക. [3]

19. (a) $x = a \cos t$, $y = b \sin t$, ആയാൽ

$$\frac{dy}{dx} \text{ കാണുക}$$

't' എന്നത് പരാമീറ്റർ ആണ്. [3]

(b) $y = \sin^{-1}(x)$, ആയാൽ

$$(1 - x^2) y'' - xy' = 0 \text{ എന്നു തെളിയിക്കുക. [3]}$$

20. $A + B = \begin{bmatrix} 5 & 2 \\ 0 & 9 \end{bmatrix}$

$$A - B = \begin{bmatrix} 3 & 6 \\ 0 & 7 \end{bmatrix} \text{ ആയാൽ}$$

(a) A , B എന്നിവ കാണുക [2]

(b) $(AB)^T = B^T \cdot A^T$ എന്നു തെളിയിക്കുക. [4]

=====L=====