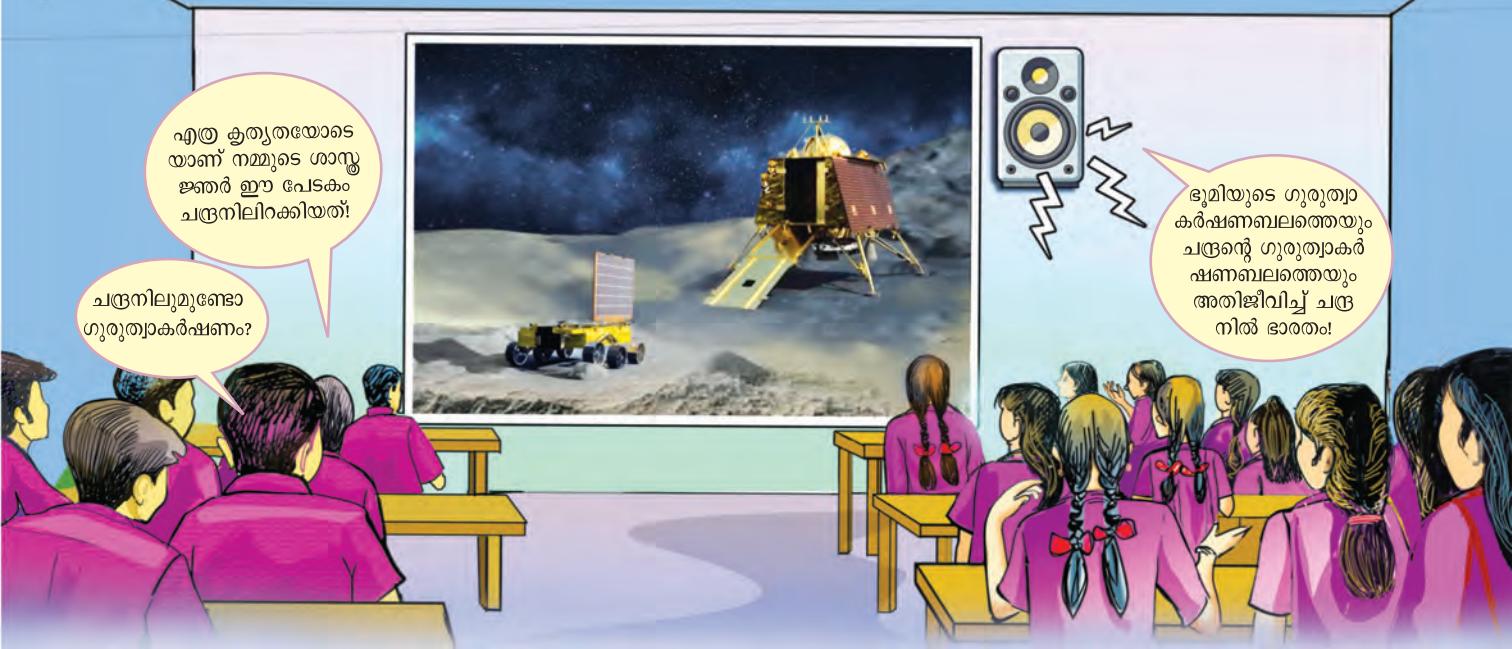


4

ഗുരുത്വാകർഷണം



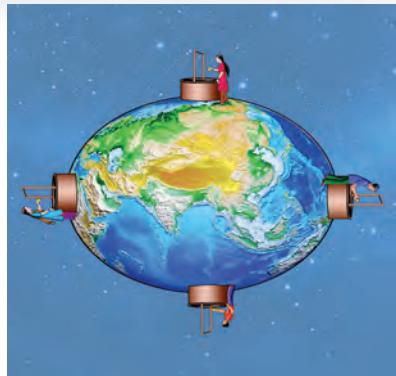
നമുക്ക് ചുറ്റും കാണുന്ന ഫലവുകൾക്കും നിന്ന് ഫലങ്ങളും ഇലകളും ഭൂമിയിലേക്ക് പതിക്കുന്നത് ശ്രദ്ധിച്ചിരിക്കുമ്പോഡോ. മുകളിലേക്ക് എറിഞ്ഞെ കല്ലും കൊഴിഞ്ഞുപോയ പക്ഷിന്ത്യവലും ഏന്തുകൊണ്ട് ഭൂമിയിലേക്ക് പതിക്കുന്നു എന്ന് ചിന്തിച്ചിട്ടുണ്ടോ?

- കല്ലിനും തുവലിനും താഴേക്ക് പതിക്കാൻ ആവശ്യമായ ബലം എവിടെ നിന്നുണ്ട് ലഭിച്ചത്?
- ഭൂമിയുടെ നാനാഭാഗത്തുമുള്ള കിണറുകളിൽ കല്ലുകൾ ഇടുന്ന താഴി സകലിച്ചു നോക്കു. കല്ലുകൾ ആകർഷിക്കപ്പെടുന്നത് കിണറുകളുടെ അടിത്തട്ടിലേക്കല്ലോ?
- ഭൂമിയുടെ മറുവശത്തുള്ളവർ ഭൂമിയിൽ നിന്നു വിണ്ണുപോകുന്നില്ലല്ലോ! ഭൂമിയുടെ ആകർഷണമല്ലോ ഇതിനു കാരണം?



ഈ തുക്കശാഖാവലം ഒള്ളക്കുവാൻ കഴിയുംോ?

എല്ലാ വസ്തുക്കളേയും ഭൂമി ആകർഷിക്കുന്നു. ഇതിന്റെ തിശ ഭൂമിയുടെ കേന്ദ്രത്തിലേക്കാണ്. ഈ ആകർഷണവലമാണ് ഭൗതികരാക്കരണ വലം.



ചിത്രം 4.1



ചിത്രം 4.2

ഒരു പ്രവർത്തനം ചെയ്യു നോക്കാം.

ഒരു സ്കീം ബാലൻസ് ജനൽ കമ്പിയിൽ ഉറപ്പിക്കുക.

അതിന്റെ കൊള്ളുത്ത് കൈകൊണ്ട് പിടിച്ച് വലിക്കുക.

- എന്തുകൊണ്ടാണ് സ്കീം വലിക്കുന്നത്?

കൈ പ്രയോഗിച്ചു ബലം കൊണ്ടാണെല്ലോ സ്കീംഡിന് വലിവ് അനുഭവപ്പെട്ടത്.

- സ്കീം ബാലൻസ് റീഡിംഗ് എത്രയാണ്?
- ഇതുമുള്ള നാം പ്രയോഗിച്ചു ബലം?
- ബലത്തിന്റെ യുണിറ്റ് ഏതാണ്?



ചിത്രം 4.3

സ്കീം ബാലൻസിൽ 100 g തുകക്കട്ടി കൊള്ളുത്തി ഇടുക.

- സ്കീംഡിന് വലിവുണ്ടായത് എന്തുകൊണ്ടായിരിക്കും?
- 100 g മാസിനെ ഏത് ബലമാണ് താഴേക്ക് വലിച്ചത്?
- സ്കീം ബാലൻസ് റീഡിംഗ് എത്ര?

ഈ വസ്തുവിനെ ഭൂമി ആകർഷിച്ചു ബലം ആണെല്ലോ!

ഈ ആകർഷണബലം എന്തിനെന്നെല്ലാം ആഗ്രഹിച്ചിരിക്കുന്നു എന്ന് നോക്കാം.

100 g മാസിന് പകരം 200 g മാസുള്ള തുകക്കട്ടി ഉപയോഗിച്ച് പരീക്ഷണം ആവർത്തിക്കുക.

- സ്കീം ബാലൻസിൽ കുടുതൽ വലിവ് ബലം അനുഭവപ്പെടാൻ കാരണം എന്തായിരിക്കും?
- മാസ് കുടുമ്പോൾ ആകർഷണബലത്തിന് എന്ത് സംഭവിക്കുന്നു?
- കുടുന്നു/കുറയുന്നു
- അങ്ങനെന്നെല്ലാം ആകർഷണബലത്തെ സ്വാധീനിക്കുന്ന ഒരു ഘടകം എന്തു?



ഒന്ന് മാത്രമാവിരിക്കുമോ ആകർഷണബലത്തെ സ്വാധീനിക്കുന്നത്?

ഒരു വസ്തു ഭൂമിയുടെ വിവിധ സ്ഥാനങ്ങളിലായിരിക്കുമ്പോഴുള്ള ആകർഷണബലം പട്ടികയിൽ നല്കിയിരിക്കുന്നു.

വസ്തുവിന്റെ മാസ് (kg)	ഭൗമാപരിതലത്തിൽ നിന്നുള്ള ഉയരം (m)	ആകർഷണബലം (N)
100	ഉപരിതലത്തിൽ (0)	980
100	1,00,000	950
100	10,00,000	730

പട്ടിക നിരീക്ഷിച്ച് പുവുടെ കൊടുത്ത ചോദ്യങ്ങൾക്ക് ഉത്തരം രേഖപ്പെടുത്തു.

- 100 kg മാസുള്ള വസ്തുവിൽ ആകർഷണവലം കൃടുതൽ അനുഭവപ്പെട്ടത് എവിടെ വച്ചാണ്?

(ഉപരിതലത്തിൽ / 1,00,000 m ഉയരത്തിൽ / 10,00,000 m ഉയരത്തിൽ)

- ഭൂമിയിൽ നിന്ന് വസ്തുവിലേക്കുള്ള അകലം കൃടുമോൾ ഭൂമി പ്രയോഗിക്കുന്ന ആകർഷണവലം

(കൃടുമു / കുറയുമു)

ഭൂഗുരുത്വാകർഷണവലത്തെക്കുറിച്ച് നിങ്ങൾ നേടിയ അറിവു കൾ സയൻസ് ഡയറിയറ്റ് രേഖപ്പെടുത്തു.

- ◆ ഭൂമി എല്ലാ വസ്തുക്കളേയും അതിന്റെ കേന്ദ്രത്തിലേക്ക് ആകർഷിക്കുന്നു.
- ◆ വസ്തുവിന്റെ മാസ് കൃടുമന്തിനുസരിച്ച് ആകർഷണവലം കുടുന്നു.
- ◆ വസ്തുവിലേക്കുള്ള അകലം കൃടുമന്തിനുസരിച്ച് ആകർഷണവലം കുറയുന്നു.



ഭൂമി മാതൃഭാബന്നോ ഇരതെരഞ്ഞിൽ ആകട്ട് അബഹലം പ്രയോഗിക്കുന്നത്?



താണുപദ്മനാഭൻ
(Thanu Padmanabhan)



ജീവിതകാലം : 1957 – 2021

ജന സ്ഥലം : തിരുവനന്തപുരം

തിരുവനന്തപുരം യൂണിവേഴ്സിറ്റി കോളേജിൽ BSc ഫ്ലൂം MSc ഫ്ലൂം ശോർഡ് മെഡൽ ജേതാവായിരുന്നു. കോസ്മോളജി, ഗ്രാവിറ്റേഷൻ എന്നീ മേഖലകളിൽ മംഗലിക മായ സംഭാവനകൾ നൽകി.

സ്കൂളാൺഗ്രേഡ് ഏൻഡ് എസ്സാൺഗ്രേഡ് ഗുരുത്വാകർഷണം സിലാനൈജേളിൽ നിന്ന് വ്യത്യസ്ഥായ മാറ്റാരു മാതൃക അവതരിപ്പിച്ചു. പത്രഗ്രന്ഥികൾ, കേരളശാസ്ത്രപുരസ്കാരം തുടങ്ങി നിരവധി ബഹുമതികൾക്ക് അദ്ദേഹം അർഹനായി.

ഭൂമിയിൽ ഉണ്ടാകുന്ന വേലിയെറ്റം, വേലിയിറക്കം എന്നിവയെക്കുറിച്ച് കേട്ടിടുണ്ടോ. ഭൂമിയിൽ ചന്ദ്രനും സൂര്യനും പ്രയോഗിക്കുന്ന ഗുരുത്വാകർഷണവലത്തിന്റെ പ്രഭാവം കാരണമാണെല്ലാ ഇങ്ങനെ സംഭവിക്കുന്നത്.

- സൂര്യനും ചന്ദ്രനും ഭൂമിയിൽ ബലം പ്രയോഗിക്കുമെങ്കിൽ പ്രപഞ്ചത്തിലെ മറ്റു ശോളങ്ങൾ തമ്മിലും പരസ്പരാകർഷണവലം ഉണ്ടാകില്ലോ?

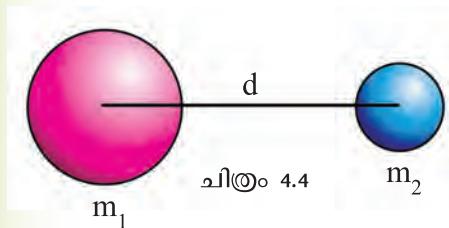
സാർവിക ഗുരുത്വാകർഷണനിയമം (Universal Law of Gravitation)

പ്രപഞ്ചത്തിലെ വസ്തുക്കളുടെ പരസ്പര ആകർഷണത്തെക്കുറിച്ച് സമഗ്രമായ ഒരു നിയമം ആദ്യമായി ആവിഷ്കരിച്ചത് സർ എസ് നൃക്കൻ ആണ്. ഇതാണ് സാർവിക ഗുരുത്വാകർഷണ നിയമം.

സാർവിക ഗുരുത്വാകർഷണനിയമം (Universal Law of Gravitation)

പ്രപഞ്ചത്തിലുള്ള എല്ലാ വസ്തുക്കളും പരസ്പരം ആകർഷിക്കുന്നു. ഒരു വസ്തുക്കൾ തമ്മിലുള്ള ആകർഷണവലം (Gravitational force) അവയുടെ മാസുകളുടെ ഗുണനഘ്യത്തിന് നേരം അനുപാതത്തിലും അകലത്തിന്റെ വർഗത്തിന് വിപരീത അനുപാതത്തിലും ആണ്.

m_1, m_2 എന്നീ മാസുള്ള രണ്ട് വസ്തുകളുടെ കേന്ദ്രങ്ങൾ തമ്മിൽ d അകലമുണ്ടെങ്കിൽ അവ തമ്മിലുള്ള പരസ്യര ആകർഷണവലം F ആകുണ്ടു് കരുതുക. എങ്കിൽ,



$$F \propto m_1 \times m_2$$

$$F \propto \frac{1}{d^2}$$

അഥവാ,

$$F \propto \frac{m_1 m_2}{d^2}$$

അതായത്,

$$F = G \frac{m_1 m_2}{d^2}$$

G എന്നത് ഗുരുത്വാകർഷണസ്ഥിരാകമാണ്. $6.67 \times 10^{-11} \text{ Nm}^2/\text{kg}^2$ ആണ് G യുടെ മൂല്യം. പ്രപഞ്ചത്തിൽ എല്ലായിടത്തും G യുടെ മൂല്യം തുല്യമായി രിക്കും. ഐൻസി കാവേർഡിഷ് എന്ന ശാസ്ത്രജ്ഞനാണ് G യുടെ മൂല്യം പറിക്ഷണത്തിലൂടെ കണ്ടതായിരുന്നു.



PhET → Gravity Force Lab

1 kg മാസുള്ള രണ്ട് വസ്തുകൾ തമ്മിൽ 1 m അകലത്തിൽ സ്ഥിതി ചെയ്യുന്നോൾ അവയ്ക്കിടയിൽ അനുഭവപ്പെടുന്ന ഗുരുത്വാകർഷണവലം G newton ആയിരിക്കും.

നൃട്ടരീതി സാർവിക ഗുരുത്വാകർഷണനിയമത്തിന്റെ അടിസ്ഥാനത്തിൽ പട്ടിക 4.2 പൂർത്തിയാക്കുക.

പൂർത്തിയാക്കിയ പട്ടിക നിരീക്ഷിച്ച് താഴെക്കൊടുത്ത ചോദ്യങ്ങൾക്ക് ഉത്തരം എഴുതു.

ക്രമ നമ്പർ	വസ്തുകളുടെ മാസ് kg	വസ്തുകൾ തമ്മിലുള്ള അകലം m	പരസ്യരാകർഷണ വലം N
1	5	10	$G \times \frac{10 \times 5}{2^2} = 12.5 G$
2	10	10	$G \times \dots = \dots$
3	10	30	$G \times \dots = \dots$
4	5	10	$G \times \dots = \dots$
5	5	10	$G \times \dots = \dots$
6	5	10	$G \times \frac{1}{2} = \dots$

പട്ടിക 4.2

- പരസ്യര ആകർഷിക്കുന്ന ഒരു നിശ്ചിത അകലത്തിലുള്ള രണ്ട് വസ്തുകൾ ഇൽക്കുന്നിരുന്ന് മാസ് രണ്ട് മടങ്ങാക്കിയാൽ പരസ്യരാകർഷണവലം എത്ര മടങ്ങാകും?
- ഒരു വസ്തുവിന്റെ മാസ് രണ്ട് മടങ്ങും രണ്ടാമത്തെ വസ്തുവിന്റെ മാസ് മുന്തെ മടങ്ങും ആകാക്കിയാലോ?

- വസ്തുകൾ തമിലുള്ള അകലം രണ്ട് മടങ്ക് ആകിയാലോ?
- വസ്തുകൾ തമിലുള്ള അകലം പകുതിയാകിയാലോ?
- വസ്തുകൾ തമിലുള്ള അകലം നാലിലൊന്നാകിയാലോ?
- 40 kg, 50 kg വിത്ത് മാസുള്ള രണ്ട് കൂട്ടികൾ 2 m അകലത്തിൽ ആയി റിക്കേബോൾ അവർ തമിലുള്ള ഗുരുത്വാകർഷണം ബലം കണക്കാക്കുക.

$$m_1 = 40 \text{ kg} \quad m_2 = 50 \text{ kg} \quad d = 2 \text{ m}$$

$$F = G \frac{m_1 m_2}{d^2} = \frac{6.67 \times 10^{-11} \times 40 \times 50}{(2)^2} \text{ N}$$

$$F = 500 \times 6.67 \times 10^{-11} \text{ N}$$

$$= 3335 \times 10^{-11} \text{ N}$$

$$F = 3.335 \times 10^3 \times 10^{-11} \text{ N}$$

$$F = 3.335 \times 10^{-8} \text{ N}$$

$$F = 0.00000003335 \text{ N}$$

നമൾ തമിൽ പാസ്സാകർഷണവല്ല മുണ്ടല്ലോ. പിന്നുനാലു മൂ മാറ്റിയാലും നാ തമിൽ സ്വയം അടക്കാത്തത്?



ചിത്രം 4.5

വളരെ കുറഞ്ഞ ബലമായതിനാലാണ് കൂട്ടികൾ തമിലുള്ള ഗുരുത്വാകർഷണം ബലം അനുഭവപ്പെടാത്തതെന്ന് ബോധ്യമായല്ലോ. ഈ ബലം ഉഭർഷണം ബലം, കാന്തികബലം പോലുള്ള മറ്റ് ബലങ്ങളോട് താരതമ്യം ചെയ്യാൻ പോലും കഴിയാത്തതു ചെറുതാണ്. അതുകൊണ്ടുതന്നെ നിത്യജീവിതത്തിൽ ഈ ബലം അനുഭവപ്പെടുന്നതായി തോന്നാറുമില്ല!

ഈവിടെ 40 kg മാസുള്ള കൂട്ടിയും 50 kg മാസുള്ള കൂട്ടിയും $3.335 \times 10^{-8} \text{ N}$ ബലത്തോടൊക്കെ പരസ്യം ആകർഷിക്കുന്നത്. അതായത് രണ്ടുപേരുക്കും ഒരേ ആകർഷണബലമാണ് ലഭിക്കുക.

എന്നെന്നെ ആകർഷിക്കുന്ന ബലം F എങ്കിൽ ചരിത്ര ഭൂമിയെ ആകർഷിക്കുന്ന ബലം എത്രയായിരിക്കും?

കൊള്ളോ ! കൊള്ളോ ! നമൾ തമിലുള്ളത് പാസ്സാകർഷണമല്ലോ ഒരേ ബലത്താലുണ്ട് നാം പരസ്യം ആകർഷിക്കുന്നത്.



ചിത്രം 4.6

ഗുരുത്വാകർഷണത്വരണം (Acceleration due to Gravity)

ഭൂമിയുടെ ആകർഷണബലം കാരണമല്ല തെങ്ങിൽ നിന്നും തെട്ടറുപോയ തേങ്ങ താഴോട് തന്നെ പതിക്കുന്നത്? ഭൂമി പ്രയോഗിക്കുന്ന അസന്തുലിത ബലം തേങ്ങയിൽ തുരണ്ടമുണ്ടാക്കുന്നത് മുലമാണ് അത് താഴേക്ക് പതിക്കുന്നത്.

ങ്ങു നിശ്ചിത ഉയരത്തിൽ നിന്ന് മാസ് കുറഞ്ഞ വസ്തുവും മാസ് കൂടിയ വസ്തുവും ഒരുമിച്ചു താഴേക്ക് പതിപ്പിക്കുക.



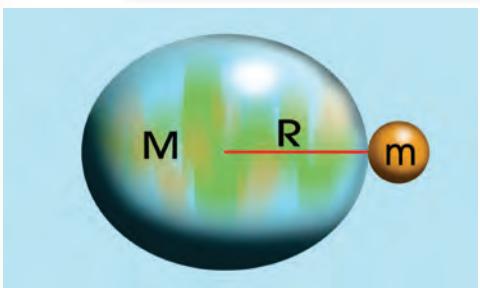
ചിത്രം 4.7

- ഏതാണ് ആദ്യം എത്തിയത്?
- ഏതിനായിരിക്കും കുടുതൽ തുരണ്ടം ഉണ്ടായത്?

നൃത്വരണ്ട് രണ്ടാം ചലന നിയമം അനുസരിച്ച് $F = ma$ ആണ്ടോ.

F എന്നത് ഭൂമിയുടെ ആകർഷണ ബലവും m വസ്തുവിന്റെ മാസും എങ്കിൽ a എന്നത് ഭൂമിയുടെ ആകർഷണം മുലമുള്ള തുരണ്ടമണ്ണോ?

ഭൂഗർഭത്വാകർഷണബലത്താൽ വസ്തുകൾക്കുണ്ടാവുന്ന തുരണ്ടം ഭൂഗർഭത്വാകർഷണ തുരണ്ടം (acceleration due to gravity) എന്ന് അറിയപ്പെടുന്നു. ഈ g എന്ന അക്ഷരം കൊണ്ടാണ് സൂചിപ്പിക്കുന്നത്.



ചിത്രം 4.8



തെങ്ങാഡിലുള്ള തെങ്ങങ്ങളിലേക്ക് ഭൂക്കേറ്റത്തിൽ നിന്നുള്ള ദൂരം എങ്ങനെ കണക്കാക്കാം.

ഭൂക്കേറ്റത്തിൽ നിന്ന് ഒരുപാരിത ലത്തിലേക്കുള്ള ദൂരത്തോടൊപ്പ് തെങ്ങാഡി ഉയരവും കൂടി കണക്കി ലഭ്യക്രോന്തമണ്ണോ?

ഭൂമിയുടെ ആരം വളരെ വലുതായ തിനാൽ ചെറിയ ഒരു ദൂരം കൂടി കുറിച്ചേർക്കുന്നതുകൊണ്ട് ദൂരത്തിൽ മുല്യത്തിൽ കാരുമായ മറ്റൊരു സംഭവിക്കുന്നില്ല.

- ഒരു കടലാസ് കഷണവും ഒരു നാണയവും ഒരേ ഉയരത്തിൽ നിന്ന് ഒരു മിച്ച് താഴോട് ഇടുക. എന്ത് നിരീക്ഷിക്കുന്നു?
- ഇതേ കടലാസ് ചുറുടിയ ശേഷം പ്രവർത്തനം ആവർത്തിക്കുക. എന്ത് വ്യത്യാസമാണ് ഇപ്പോൾ നിരീക്ഷിച്ചത്?

വായു ചെലുത്തുന്ന സ്ഥാനിനും കാരണമാണ് ഈ, തുവൽ, കടലാസ് തുടങ്ങിയവ സാവധാനം പതിക്കുന്നത്.

വായു നീക്കം ചെയ്യാനുള്ള ഉപാധം കണ്ണേത്തിയതോടെ ഈ നിഗമനം പരീക്ഷണ ചെയ്യുന്നതാണ്. അവയിൽ ഒന്നാണ് തുവലും നാണയവും പരീക്ഷണം.

തുവലും നാണയവും പരീക്ഷണം (Feather and Coin Experiment)

നീളം കുടിയ സുതാരു ട്യൂബിൽ ഒരു നാണയവും തുവലും നിക്ഷേപിച്ച് ലാംബമായി പിടിച്ച് പെട്ടുന്ന് തലക്കിഴായി നിർത്തിയപ്പോൾ നാണയം പതിച്ച് അല്ലെങ്കിൽ തുവൽ എത്തുന്നതായി കാണുന്നു. ട്യൂബിനകത്തെ വായു നീക്കം ചെയ്ത് പരീക്ഷണം ആവർത്തിച്ചാൽ തുവലും നാണയവും ഒരുമിച്ച് താഴെ പതിക്കുന്നതും കാണാം.

ഈ പരീക്ഷണത്തിന്റെ അടിസ്ഥാനത്തിൽ തുവൽ, ഇല, കടലാസ് തുടങ്ങിയവ സാവധാനത്തിൽ തറയിൽ പതിക്കുന്നത് എന്തുകൊണ്ടാണെന്ന് വിശദികരിക്കാൻ കഴിയുമല്ലോ.

ഭൂമിയിലെ g യുടെ മൂല്യം കണക്കാക്കി നോക്കാം.

$$\text{ഭൂമിയുടെ മാസ } M = 6 \times 10^{24} \text{ kg}$$

$$\text{ആരം } R = 6.4 \times 10^6 \text{ m}$$

$$g = \frac{\text{-----}}{\text{-----}} = \frac{\text{-----}}{\text{-----}} = 9.8 \text{ m/s}^2$$



ചിത്രം 4.9



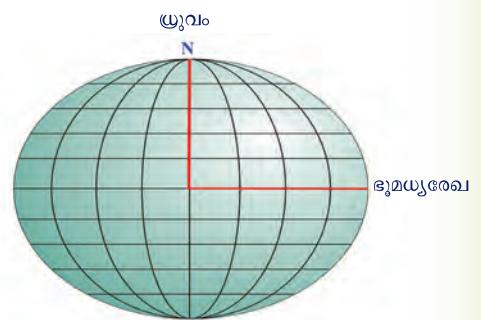
ഭൂഗുരുത്വാകർഷണത്തുണ്ടോ ഭൂമിയിൽ ഏല്ലാ വിടരും ഒരുപോലെവരാണോ?

ചിത്രം നിരീക്ഷിക്കു.

- ഭൂമി യാമാർഡി ഗ്രോളാക്രതിയിലാണോ?
- ഭൂക്ക്രത്തിൽ നിന്നുള്ള അകലം ഏറ്റവും കുടിയ ഭാഗം എതാണ്? (യുവന്റും/ഭൂമധ്യരേഖാപ്രദേശം)
- അകലം കുറഞ്ഞ ഭാഗമോ?
- ഭൂക്ക്രത്തിൽ നിന്ന് ഉപരിതലത്തിലേക്കുള്ള അകലം വ്യത്യാസപ്പെടുന്നോൾ ദ യുടെ മൂല്യത്തിന് എത്തു മാറ്റും നണ്ടാകും?

$$g = \frac{GM}{R^2} \quad \text{എന്ന സമവാക്യം ഉപയോഗിച്ച് പരിശോധിക്കു.}$$

- g യുടെ മൂല്യം ഏറ്റവും കുടുതൽ എവിടെയാണ്?
(ഭൂമധ്യരേഖാപ്രദേശത്ത്/ യുവന്റും)
- ഭൂക്ക്രത്തിൽ വസ്തുവിനെ എല്ലാഭാഗത്തു നിന്നും ആകർഷിക്കുന്ന ബലം അശ്ര തുല്യമായതിനാൽ അവിടെ g യുടെ മൂല്യം എത്രയായിരിക്കും?
പരിചൃച്ചെയ്യു രേഖപ്പെടുത്തു.



ചിത്രം 4.10

ഭൂമധ്യരേഖ പ്രദേശത്ത് ദ യുടെ ഏകദേശ മൂല്യം = 9.78 m/s^2 .

യുവപ്രദേശത്ത് ദ യുടെ ഏകദേശ മൂല്യം = 9.83 m/s^2 .



ചിത്രം 4.11

ഗുരുത്വാകർഷണബലം എന്നത് പരസ്പരാകർഷണബലം ആണല്ലോ. അതരീക്ഷത്തിൽ പറന്നുയർന്ന വിമാനത്തിന്റെ പ്രവർത്തനം നിലച്ചു പോയാൽ വിമാനം താഴേക്ക് പതിക്കു നേരുപോലെ ഭൂമി വിമാനത്തിലേക്ക് ഉയർന്നു പോകുന്നില്ലോ. എന്നായിരിക്കും കാരണം? നമുക്ക് പരിശോധിക്കാം.

10000 kg മാസൂള്ള വിമാനം ഭൂമിയിൽ നിന്ന് 10 km ഉയരത്തിലായിരിക്കുന്നോൾ വിമാനവും ഭൂമിയും തമ്മിലുള്ള ഗരുത്വാകർഷണബലം കണക്കാക്കാം.

$$m = 10000 \text{ kg} = 10^4 \text{ kg}$$

ഭൂമിയുടെ ഉപരിതലത്തിൽ നിന്നുള്ള ഉയരം $d = 10 \text{ km} = 10000 \text{ m} = 10^4 \text{ m}$

$$\begin{aligned} F &= \frac{GMm}{R^2} \\ F &= \frac{G \times 6 \times 10^{24} \text{ kg} \times 10^4 \text{ kg}}{(6.4 \times 10^6 + 10^4 \text{ m})^2} \\ &= \frac{(6.67 \times 10^{-11} \times 6 \times 10^{28})}{(6.41 \times 10^6)^2} \text{ N} \\ &= 97400 \text{ N} \end{aligned}$$

ഇതുവരെ ബലം പ്രയോഗിച്ചാൽ വിമാനത്തിനുണ്ടാകുന്ന തുരണ്ടം എത്രയെന്ന് കണക്കാം.

$$F = mg$$

$$g = \frac{F}{m} = \frac{97400}{10000} = 9.74 \text{ m/s}^2$$

ഭൂമി വിമാനത്തിൽ പ്രയോഗിച്ച ഇതേ ബലം തന്നെയല്ല വിമാനം ഭൂമിയിൽ പ്രയോഗിക്കുന്നത്?

വിമാനം ഭൂമിയിൽ ചെലുത്തുന്ന ബലം കാരണം ഭൂമിക്കുണ്ടാകുന്ന തുരണ്ടം കണക്കാക്കാം.

$$g = \frac{F}{M} = \frac{97400}{6 \times 10^{24}} = 1.6 \times 10^{-20} \text{ m/s}^2 = 0.000000000000000000000016 \text{ m/s}^2.$$

ഭൂമിക്കുണ്ടാകുന്ന തുരണ്ടം പുജ്യത്തിന് സമാനമാണ്. വിമാനവും ഭൂമിയും പരസ്പരം ആകർഷിക്കുന്ന ബലങ്ങൾ തുല്യമാണെങ്കിലും ഭൂമിക്ക് തുരണ്ടം അനുഭവപ്പെടുന്നതായി തോന്നുകയില്ല. ഭൂമിയുടെ ഉയർന്ന മാസാണിതിന് കാരണം.

അരേ ബലം പ്രയോഗിക്കപ്പെടുന്നോൾ മാസ് കൂടിയ വസ്തുക്കൾക്ക് പാടിക്കുന്ന തുരണ്ടം കുറവായിരിക്കും.



ഭൂമിവിലെവും ചന്ദ്രനിലെവും ഗുരുത്വാകർഷണം തുടർന്ന് മുല്യം അംഗീകാരം ചെയ്യാൻ കാരണമാണോ?



ചന്ദ്രനിലെ ഗുരുത്വാകർഷണത്തുറണം

$$\text{ചന്ദ്രൻ} \text{ മാസ് } M = 7.34 \times 10^{22} \text{ kg}$$

$$\text{ചന്ദ്രൻ} \text{ ആരം } R = 1.74 \times 10^6 \text{ m}$$

$$g = \frac{GM}{R^2}$$

$$g_{\text{ചന്ദ്രൻ}} = 1.62 \text{ m/s}^2$$

$$\frac{g_{\text{ചന്ദ്രൻ}}}{g_{\text{ഭൂമി}}} = \frac{\text{ചന്ദ്രനിലെ } g \text{ യുടെ } \mu\text{-ലൂപ്പം}}{\text{ഭൂമിയിലെ } g \text{ യുടെ } \mu\text{-ലൂപ്പം}}$$

$$= \dots \dots \dots$$

$$= \dots \dots \dots$$

അതായത് ചന്ദ്രനിലെ g യുടെ $\mu\text{-ലൂപ്പം}$ ഭൂമിയിലെ g യുടെ $\mu\text{-ലൂപ്പം}$ എക്കുദേശം $\frac{1}{6}$ ആണ്.

തമോഗർത്ഥം (Black hole)

പ്രകാശത്തിനുപോലും വിട്ടുപോകുവാൻ കഴിയാതെ വിധത്തിൽ അതിശക്തമായ ഗുരുത്വാകർഷണം ഉള്ള പ്രബന്ധവസ്തുക്കളാണ് തമോഗർത്ഥങ്ങൾ.

ഗുരുത്വാകർഷണത്തെ സംബന്ധിച്ച ആർഡീട്ട് എൻഡ്രൂസ്റ്റു സിലബാന്റ്റിന്റെ അടിസ്ഥാനത്തിൽ തമോഗർത്ഥങ്ങളുടെ സാധ്യതയെക്കുറിച്ച് 1916 - ലെ പ്രചിച്ചിരുന്നു. ഏന്നാൽ ഇവയുടെ സാന്നിധ്യത്തിന്റെ ശരിയായ തെളിവുകൾ ലഭിച്ചത് 2017 - ലെ ആണ്. M87 എന്ന വിഭൂതി ഗാലക്സിയുടെ കേന്ദ്രത്തിലെ ഒരു താഴ്വാളിയാണ്. മാസുള്ള തമോഗർത്ഥത്തിന്റെ നിശ്ചിത ചിത്രം ശാസ്ത്രജ്ഞർക്ക് സൂചിക്കാനായി. നമ്മുടെ ഗാലക്സിയായ ആകാശഗണ്യത്തെ മധ്യഭാഗത്തായി സ്ഥിതി ചെയ്യുന്ന ഒരു പട്ടക്കൂറിന് തമോഗർത്ഥത്തെക്കുറിച്ചുള്ള തെളിവുകളും ഇപ്പോൾ ലഭ്യമാണ്.

സൂര്യൻ്റെ പല മണിങ്ങൾ മാസുള്ള നക്ഷത്രങ്ങളുടെ പരിശാമരം താഴ്വാളിയായി മാറ്റുന്നതിൽ അവസാനഘട്ടത്തിൽ ചിലത് തമോഗർത്ഥങ്ങളായി മാറാം സാധ്യതയുണ്ട്. ഇത്തരം ധാരാളം തമോഗർത്ഥങ്ങൾ ഗാലക്സികളിൽ ഉണ്ട്.



10,000 kg മാസ് ഉള്ള ഒരു കുത്തിമി ഉപഗ്രഹം പ്രവർത്തനം നിലച്ച് ഭൂമിയിലേക്ക് പതിക്കാൻ തുടങ്ങുന്നു. വസ്തുക്കൾ തമ്മിലുള്ള ആകർഷണം പരസ്യരമാണ് എന്നീറയാമല്ലോ. ഭൂമി ഉപഗ്രഹത്തെ ആകർഷിക്കുന്ന അതെ ബലത്തിൽ ഉപഗ്രഹം ഭൂമിയെയും ആകർഷിക്കുന്നു.

ഭൂമിയിൽ നിന്നുള്ള ഉയരം = 5000 m, ഭൂമിയുടെ ആരം $R = 6.4 \times 10^6 \text{ m}$

a) ഉപഗ്രഹത്തിന്റെ തുരണ്ടം എത്ര?

b) ഭൂമിക്കുണ്ടാകുന്ന തുരണ്ടം എത്ര? ($\text{ഭൂമിയുടെ } M = 6 \times 10^{24} \text{ kg}$)



10 kg മാസുള്ള ഒരു വസ്തുവിനെ 20 m ഉയരത്തിൽ നിന്ന് ഭൂമിയിലേക്ക് പതിക്കാൻ അനുവദിച്ചാൽ,

a) അത് തരയിലെത്താൻ എത്ര സമയമെടുക്കും?

b) ചന്ദ്രനിലാബന്ധിൽ തരയിലെത്താൻ എത്ര സമയം വേണ്ടി വരും എന്ന് കണക്കാക്കുക.

$$g_{\text{ഭൂമി}} = 10 \text{ m/s}^2, g_{\text{ചന്ദ്രൻ}} = 1.62 \text{ m/s}^2$$



ചന്ദ്രോപരിതലത്തിൽ നിന്ന് ഒരു കല്ല് നേരെ മുകളിലേക്ക് എറിയുന്നു.

6 s കൊണ്ട് കല്ല് തിരിച്ചെത്തുമെങ്കിൽ,

a) കല്ലിന്റെ ആദ്യപ്രവേശം എത്ര?

b) കല്ല് സഞ്ചരിച്ചേക്കാവുന്ന ദൂരം എത്ര?

c) 4 s കഴിയുന്നോൾ കല്ലിന്റെ സ്ഥാനം എവിടെയായിരിക്കും?

ഒരു ചാക്ക് സിമഗ്രിന് 50 കിലോഗ്രാം ഭാരമുണ്ടെന്നും 50 കിലോഗ്രാം മാസുണ്ടെന്നും നാം പറയാറുണ്ട്. ഈ രണ്ടും ഒന്നു തന്നെയാണോ? നമുക്ക് പരിശോധിക്കാം.

മാസും ഭാരവും (Mass and Weight)

ഒരു വസ്തുവിൽ അടങ്ങിയിരിക്കുന്ന ദ്രവ്യത്തിന്റെ അളവാണ് അതിന്റെ മാസ് എന്ന് പറിച്ചിട്ടുണ്ടോ. മാസ് അളക്കുന്നത് ഏത് ഉപകരണം ഉപയോഗിച്ചാണ്? കോമൺ ബാലൻസിൽ മറ്റാരു വസ്തുവിന്റെ മാസുമായി താരതമ്യം ചെയ്താണ് ഒരു വസ്തുവിന്റെ മാസ് കണക്കാക്കുന്നത്. മാസിന്റെ യൂണിറ്റ് ഏത്?



കോമൺ ബാലൻസ്
ചിത്രം 4.12 (a)

ഭാരം എന്നത് ഒരു ബലമാണ്. ഒരു വസ്തുവിൽ ഭൂമി പ്രയോഗിക്കുന്ന ആകർഷണബലമാണ് ആ വസ്തുവിന്റെ ഭൂമിയിലെ ഭാരം. ചന്ദ്രനിലോ മറ്റ് ആകാശഗോളങ്ങളിലോ (celestial bodies) ആയിരിക്കുന്നോൾ ആ ഗോളങ്ങൾ വസ്തുവിനെ ആകർഷിക്കുന്ന ബലമാണ് വസ്തുവിന്റെ അവിടുത്ത ഭാരം. ഒരു വസ്തുവിന്റെ മാസ് നാം ആയാൽ വസ്തുവിന്റെ ഭാരം mg ആയിരിക്കും. സ്ക്രിം ബാലൻസ്, പ്ലാറ്റ്‌ഫോം ബാലൻസ് തുടങ്ങിയവ ഉപയോഗിച്ചാണ് ഭാരം അളക്കുന്നത്. ഭാരത്തിന്റെ യൂണിറ്റ് സ്ക്രൂട്ട് (N) ആണ്.



സ്ക്രിം ബാലൻസ്
ചിത്രം 4.12 (b)

കിലോഗ്രാം വെയിറ്റ് (kgwt) എന്നത് ഭാരത്തിന്റെ മറ്റാരു യൂണിറ്റാണ്. സ്ക്രിം ബാലൻസിൽ സാധാരണയായി kgwt നെ kg എന്നാണ് അടയാളപ്പെടുത്തിയിരിക്കുന്നത്. 50 kg മാസുള്ള വസ്തുവിന്റെ ഭാരം എത്രയായിരിക്കും?

ഒരു കിലോഗ്രാം ഭാരം (1 kgwt)

ഒരു കിലോഗ്രാം മാസുള്ള വസ്തുവിൽ ഭൂമി പ്രയോഗിക്കുന്ന ആകർഷണ ബലത്തിന് തുല്യമായ ബലമാണ് ഒരു കിലോഗ്രാം ഭാരം (1 kgwt).

$$F = ma = mg$$

$$1 \text{ kgwt} = 1 \text{ kg} \times 9.8 \text{ m/s}^2 = 9.8 \text{ kgm/s}^2 = 9.8 \text{ N} \text{ അതായത് } 1 \text{ kgwt} = 9.8 \text{ N.}$$

$$50 \text{ kg} \text{ മാസുള്ള വസ്തുവിന്റെ } \text{ഭാരം} = mg = 50 \text{ kg} \times 9.8 \text{ m/s}^2 = 490 \text{ N}$$

ഇത് 50 kgwt (കിലോഗ്രാം ഭാരം) എന്നും അറിയപ്പെടുന്നു.



പ്ലാറ്റ്‌ഫോം ബാലൻസ്
ചിത്രം 4.12 (c)

?

10 കിലോഗ്രാം മാസ് ഉള്ള ഒരു വസ്തുവിന്റെ ഭൂമിയിലെ ഭാരം കണക്കാക്കുക. ഈ വസ്തുവിനെ ചന്ദ്രിൽ എത്തിച്ചാൽ ഭാരം എത്രയായിരിക്കും? ($g_{\text{ചന്ദ്രിൽ}} = 1.62 \text{ m/s}^2$)

$$\text{ഭൂമിയിലെ } \text{ഭാരം} = mg = 10 \times 9.8 = 98 \text{ kgm/s}^2 = 98 \text{ N}$$

$$g_{\text{ചന്ദ്രിൽ}} = 1.62 \text{ m/s}^2$$

$$\text{ചന്ദ്രിലെ } \text{ഭാരം} = mg_{\text{ചന്ദ്രിൽ}} = 10 \times 1.62 = 16.2 \text{ N}$$

?

പ്രപഞ്ചത്തിൽ എവിടെയായിരുന്നാലും വസ്തുവിന്റെ മാസിന് മറ്റൊരു ഉണ്ടാക്കില്ല. എന്നാൽ ഭാരമോ? മാസും ഭാരവും താരതമ്യം ചെയ്ത് പടികയിൽ രേഖപ്പെടുത്തുക.

മാസ്	ഭാരം
<ul style="list-style-type: none"> കോമൺ ബാലൻസ് ഉപയോഗിച്ച് അളക്കുന്നു. • 	<ul style="list-style-type: none"> സ്റ്റീം ബാലൻസ് ഉപയോഗിച്ച് അളക്കുന്നു. •
പട്ടിക 4.3	



കൊച്ചിയിൽ നിന്ന് ഇംഗ്ലെന്റിലേക്ക് കപ്പലിൽ കയറ്റി അയച്ച വസ്തു ക്രൈസ്തവ കൊച്ചിയിൽ ഉപയോഗിച്ച് അതെ സ്റ്റീം ബാലൻസ് ഉപയോഗിച്ച് ഇംഗ്ലെന്റിൽ വച്ച് തുകിയപ്പോൾ 20 N ഭാരം കൂടുതലായി കണ്ടു. എന്തായിരിക്കും കാരണം? ചർച്ച ചെയ്ത് സയൻസ് ഡയറിയിൽ രേഖപ്പെടുത്തു.



ഒരു വസ്തുവിന് യുവ പ്രദേശത്താണോ ഭൂമധ്യരേഖ പ്രദേശത്താണോ ഭാരം കൂടുതൽ അനുഭവപ്പെടുന്നത്? ഉത്തരം സാധ്യകരിക്കുക.



ഭൂക്രോന്തിൽ വസ്തുവിന്റെ ഭാരം എത്രയായിരിക്കും?



ഒരു വസ്തു ഭൂമിവിലേക്ക് ദാതിക്കുംവാച്ച് അതിന്റെ ഭാരംതിന് മാറ്റുമെന്നോ?



ചിത്രം 4.13

നിർബാധ പതനവും ഭാരമില്ലായ്മയും (Free Fall and Weightlessness)

ഒരു സ്റ്റീം ബാലൻസിൽ 20 g തുകക്കട്ടി കൊള്ളുത്തിയിട്ട് സ്റ്റീം ബാലൻസ് കൈയിൽ പിടിച്ചുകൊണ്ട് പെട്ടെന്ന് താഴ്ത്തുക.

- ഈ സമയത്തു റീഡിങ്സിലുണ്ടായ മാറ്റം എന്തായിരിക്കും?

(കൂടുന്നു / കുറയുന്നു)

ഈ സമയത്തു റീഡിങ്സിലുണ്ടായ മാറ്റം എന്തായിരിക്കും?

ഒരു വസ്തുവിനെ ഉയരത്തിൽ നിന്ന് സ്വന്തമായി താഴേക്ക് വീഴാൻ അനുവദിച്ചാൽ അത് ഭൂമിയുടെ ആകർഷണവലത്താൽ മാത്രം ഭൂമിയിലേക്ക് പതിക്കും. ഇത്തരം ചാലനമാണ് നിർബാധ പതനം.

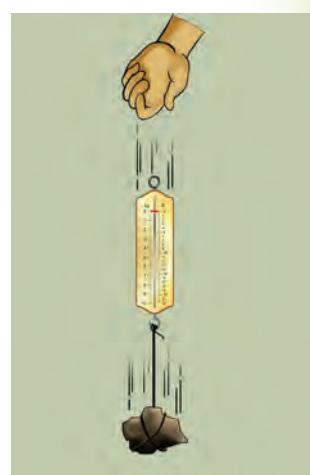
നിർബാധ പതിക്കുന്ന വസ്തുക്കൾക്ക് തുരണ്ടം ഉണ്ട് എന്ന് അറിയാമല്ലോ. തുരണ്ടത്തിന് ആവശ്യമായ ബലം നൽകുന്നത് ഗുരുത്വാകർഷണമാണ്. ഗുരുത്വാകർഷണം നൽകുന്ന ബലം മുഴുവൻ തുരണ്ടം ഉണ്ടാക്കാൻ ഉപയോഗിച്ചാൽ പിന്നെ വസ്തുവിന് ഭാരം ഉണ്ടാകില്ലെന്ന് പരിക്ഷണത്തിൽ കൂടി വ്യക്തമായല്ലോ.

ഭാരമില്ലായ്മ അനുഭവപ്പെടുന്ന സന്ദർഭങ്ങൾ ഏവ?

- സ്ലൈം സ്ലൈംഗുകളിൽ ഭൂമിയെ ചുറ്റുന്നയാൾക്ക്



- നിർബാധ പതിക്കുന്ന വസ്തുക്കൾക്ക് ഭാരമില്ലായ്മ അനുഭവപ്പെടാൻ കാരണമെന്ത്? സയൻസ് ഡയറിയിൽ രേഖപ്പെടുത്തുക.



ചിത്രം 4.14

നിർബാധം പതിക്കുന്ന കല്ലിൻ്റെ ചലനം നേർരേവയിലാണെല്ലാ? എന്നാൽ തീരുമാനം ഉപഗ്രഹങ്ങളുടെ ചലനം ഏത് തരത്തിലാണ്? ഇത്തരത്തിലുള്ള ചലനങ്ങൾക്ക് ഉദാഹരണങ്ങൾ എഴുതു.

- കല്ല് കയറിൽ കെട്ടി കിടക്കുന്നത്
-

വർത്തുളചലനം (Circular Motion)



ചിത്രം 4.15

ചരിത്ര കെട്ടിയ ഒരു കല്ല് ചിത്രത്തിൽ (ചിത്രം 4.15) കാണുന്നതുപോലെ കിടക്കിയാൽ കല്ലിൻ്റെ ചലനം മുത്തപാതയിലാണോ? ഈ വർത്തുള ചലനമാണ്. ഈ കല്ല് മുത്തപാതയിൽ തുല്യ സമയ ഇടവേളകളിൽ തുല്യ ദൂരം സഞ്ചരിച്ചാൽ അത് സമവർത്തുള ചലനമാണ്.

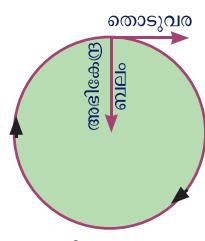
- ഈ വസ്തുവിന് സമവേഗം ആശങ്കിയും സമപ്രവേഗം ആയിരിക്കുമോ? എന്തുകൊണ്ട്?

- ഈ വസ്തുവിൽ ഏതെങ്കിലും ബലം അനുഭവപ്പെടുന്നുണ്ടോ?

- ചരട് കൈയിൽ നിന്ന് വിട്ടാൽ കല്ല് ഏത് ദിശയിൽ ആയിരിക്കും ചലിക്കുക? തൊടുവരയിൽ കൂടിയായിരിക്കുമെല്ലാ (ചിത്രം 4.16).

പ്രവേഗമാറ്റത്തിൻ്റെ നിരക്കാണെല്ലാ തുരണ്ടം. വർത്തുളപാതയിൽ സഞ്ചരിക്കുന്ന വസ്തുവിൻ്റെ തുരണ്ടാണ് അഭിക്രൂതതുരണ്ട് (centripetal acceleration). ഈ തുരണ്ടത്തിന് ആവശ്യമായ ബലമാണ് അഭിക്രൂഡബലം (centripetal force). നമ്മുടെ കൈയല്ലോ ഈ നൽകിയത്?

- അഭിക്രൂഡബലമില്ലെങ്കിൽ വർത്തുളചലനമുണ്ടാകുമോ?



ചിത്രം 4.16

അറുത്തിലെ നൃക്ഷിയസ്ഥിനു ചുറ്റും ഇലങ്കോണുകൾ കിടങ്ങുന്നതും സുര്യൻ ചുറ്റും ഗ്രഹങ്ങൾ കിടങ്ങുന്നതും ഭൂമിക്ക് ചുറ്റും ഉപഗ്രഹങ്ങൾ കിടങ്ങുന്നതും അഭിക്രൂഡബലത്തിന് വിധേയമായിട്ടുണ്ട്.

അഭിക്രൂഡബലത്തിൻ്റെ അപര്യാപ്ത മൂലമാണ് വളവു തിരിയുന്ന വാഹനങ്ങൾ വളവിൻ്റെ പുരോതകൾ മരിയാനുള്ള പ്രവണത കാണിക്കുന്നത്. വാഹനത്തിൻ്റെ മാസും വേഗവും വളവിൻ്റെ വകുതയും വാഹനം മരിയാനുള്ള പ്രവണതയെ സ്വാധീനിക്കുന്നു.

അഭിക്രൂഡബലത്തിന് വിധേയമായി സഞ്ചരിക്കുന്ന വസ്തുക്കളുടെ സഞ്ചരം പാത വർത്തുളമോ വകുമോ ആയിരിക്കുമെല്ലാം.

- അങ്ങനെയെങ്കിൽ ഭൂമിക്ക് ചുറ്റും കിടങ്ങുന്ന തീരുമാന ഉപഗ്രഹങ്ങൾക്ക് അഭിക്രൂഡബലം ലഭിക്കുന്നത് എവിടെ നിന്നാണ്?
- ഭൂമിയുടെ ഗുരുത്വാകർഷണബലം തന്നെയല്ലോ അഭിക്രൂഡബലമായി മാറിയത്?

ഭാരതത്തിൻ്റെ ശാസ്ത്രരംഗത്തെ പുതുയുഗപ്പിറവിയ്ക്ക് കാരണമായ ചന്ദ്രധാരം -3 ഇന്ത്ര ഗുരുത്വാകർഷണബലം മറികടന്നെല്ലോ ചന്ദ്രനിൽ എത്തിയത്?

ഭൂമിയുടെ ഗുരുത്വാകർഷണബലത്തെ അതിജീവിച്ച് ഉപഗ്രഹങ്ങൾ ബഹിരാകാശത്തെക്കുറഞ്ഞു വളരെയധികം ഉംഖം ആവശ്യമില്ലോ? അതുകൊണ്ടാണ് ഉപഗ്രഹ

വിക്രൈപ്പന്തിന് വലിയ റോക്കറൂകൾ ഉപയോഗിക്കുന്നത്. ഈ ചെലവ് വർധിപ്പിക്കുന്നു. ചതുരാൻ വിക്രൈപ്പന്തിനുപയോഗിച്ച് സാങ്കേതികമേഖല കൊണ്ട് മറ്റു രാജ്യങ്ങളുടെ ചാത്രമിഷനുകളെ അപേക്ഷിച്ച് ശ്രദ്ധി കുറഞ്ഞ റോക്കറൂകൾ ഉപയോഗിച്ച് ചതുരാനെ ചത്രനിൽക്കുന്ന സാധ്യിച്ചു. ചതുരാൻ എത്തുന ലാർജ്ജിസ്റ്റ് വേഗം ചതുരേ ഗുരുത്വാകർഷണബലം മുലം വർധിക്കും. ഈ അനുഭവങ്ങൾ കുന്ന വേഗവർധനവിനെ ക്രമമായി കുറച്ചാണ് സോളിഡ്ലാർജ്ജിസ്റ്റ് നടത്തിയത്. ഈ സാങ്കേതികവിദ്യയുടെ മികവിനെയാണ് പാഠാരംഭത്തിൽ കൂട്ടികൾ വാഴ്ത്തിയത്.



വിലയിരുത്താം

- ഭൂക്രത്തിൽ നിന്ന് ഒരു വസ്തു ഭൗമാപരിതലം വരെ ഉയർത്തുകയാണെങ്കിൽ വസ്തുവിന്റെ മാസിനും ഭാരത്തിനും മാറ്റം ഉണ്ടാകുമോ? ഉത്തരം സാധുകരിക്കുക.
- 5 kg മാസ് ഉള്ള ഒരു വസ്തുവിനെ ഗ്രീൻസ് ബാലൻസിൽ തുകിയിട്ട് ഭാരം നിർണ്ണയിച്ചു. വസ്തുവും ഗ്രീൻസ് ബാലൻസും ഒരുമിച്ച് താഴേക്ക് പതിച്ചാൽ ആ അവസരത്തിൽ വസ്തുവിന്റെ ഭാരം എത്രയായിരിക്കും? കാരണാമെന്ത്?
- ഭൂമിയിൽ നിന്നും ചതുരിൽ എത്തിക്കുന്ന വസ്തുവിന്റെ മാസ്, ഭാരം എന്നിവയിൽ മാറ്റം ഉണ്ടാകുമോ? ഉത്തരം സാധുകരിക്കുക.
- 100 m ഉയരമുള്ള ഒരു ടവറിന് മുകളിൽ നിന്ന് ഒരു വസ്തു നിർബാധം പതിക്കാൻ അനുവദിച്ചു. അതേസമയം മറ്റാരു വസ്തു ഈ വസ്തുവുമായി കൂടിമുട്ടുതകരീതിയിൽ 25 m/s പ്രവേഗത്തോടെ നേരു താഴേ നിന്നും കുത്തനെ മുകളിലേക്ക് എറിയുന്നു ($g_{\text{ഭൂമി}} = 10 \text{ m/s}^2$, $g_{\text{ചതുരാൻ}} = 1.62 \text{ m/s}^2$).
 - എത്ര സമയത്തിനുശേഷം അവ കൂടിമുട്ടും?
 - തെളിയിൽ നിന്ന് എത്ര ഉയരത്തിൽ വച്ചായിരിക്കും കൂടിമുട്ടുന്നത് എന്ന് കണക്കാക്കുക.
 - ഈ പ്രവർത്തനം ചതുരിൽ വച്ചാണ് നടത്തിയതെങ്കിൽ ലഭിച്ച ഉത്തരങ്ങൾക്ക് മാറ്റം ഉണ്ടാകുമോ? സമർപ്പിക്കുക.
- ചതുരാപരിതലത്തിൽ ഗുരുത്വാകർഷണബലം ഭൂമിയിലേതിന്റെ ഏകദേശം $\frac{1}{6}$ ആണ്.
 - 10 kg മാസുള്ള വസ്തുവിന്റെ ഭൂമിയിലെ ഭാരം എത്രയായിരിക്കും?
 - ഈ വസ്തു ചതുരാപരിതലത്തിൽ എത്തിച്ചാൽ അതിന്റെ മാസ് എത്ര? ഭാരം എത്ര?
- മാസ് കൂടിയ വസ്തുക്കളെല്ലാം മാസ് കുറഞ്ഞ വസ്തുക്കളേക്കാൾ കുടുതൽ ശക്തമായി ഭൂമി ആകർഷിക്കുക. എങ്കിൽ മാസ് കൂടിയ വസ്തുവും മാസ് കുറഞ്ഞ വസ്തുവും ഒരേ ഉയരത്തിൽ നിന്നും നിർബാധം പതിക്കാൻ അനുവദിച്ചാൽ,
 - എതാണ് ആദ്യം തെളിയിൽ എത്തുക?
 - ഉത്തരം സാധുകരിക്കുക.
- മാസും ഭാരവും എങ്ങനെയെല്ലാം വ്യത്യാസപ്പെട്ടിരിക്കുന്നു എന്ന് വിശദമാക്കുക.
- ഒരു കല്ലിന്റെയും ശൈലുജൻ നിറച്ച ബലുണിന്റെയും മാസുകൾ തുല്യമാണ്. ഈ രണ്ടും ഒരേ തെളിയിൽ സ്ഥിതി ചെയ്യാൽ രണ്ടിലും ഭൂമി പ്രയോഗിക്കുന്ന ആകർഷണ ബലം തുല്യമായിരിക്കുമോ? ഉത്തരം സാധുകരിക്കുക.
- ഉയരമുള്ള ഒരു കെട്ടിടത്തിന് മുകളിൽ നിന്നും പതിക്കുന്ന ഒരു കല്ല് 2 s കൊണ്ട് തെളിയിൽ തൊടുന്നു ($g = 9.8 \text{ m/s}^2$).

- a) കെട്ടിടത്തിന്റെ ഉയരം കണക്കാക്കുക.
- b) തായിൽ സുർഖിക്കുന്നതിന് തൊട്ടുമുമ്പ് കല്പിന്റെ പ്രവേശം എത്രയായിരിക്കും?
10. വർത്തുളചലനങ്ങൾക്ക് ഉദാഹരണങ്ങൾ ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്നവയിൽ നിന്ന് കണ്ടതി പട്ടികപ്പെടുത്തുക.
- നൃക്കിയസിനു ചുറ്റും കിങ്കുന ഇലക്കോൺകൾ
 - 100 m സ്റ്റീറ്റ് ഓട്ടുന കൂട്ടി
 - ഗഹങ്ങൾ സുരൂന് ചുറ്റും കിങ്കുനത്
 - ഒരു ടെൽഫോൺ വളവുകളില്ലാത്ത റെയിൽവേ ടാക്കിൽ കൂട്ടി ഓട്ടുനത്
 - ഭൂമിക്ക് ചുറ്റും ചയ്യേൻ പരിക്രമണം
11. ഭൂമിയുടെ രണ്ട് മടങ്ങ് മാസും മുന്ന് മടങ്ങ് ആരവുമുള്ള ഒരു ഗഹത്തിൽ 10 kg മാസുള്ള ഒരു വസ്തു വിന്റെ ഭാരം എത്രയായിരിക്കും?
12. ഭൂമിയുടെ $\frac{1}{4}$ ആരമുള്ള ഒരു ഗഹത്തിന്റെ മാസ് ഭൂമിയുടെ മാസിന്റെ പകുതിയാണെങ്കിൽ അതിലെ ഗുരുത്വാകർഷണ തുരണ്ടം ഭൂമിയുടെത്തിന്റെ എത്ര മടങ്ങായിരിക്കും?
- (a) $\frac{1}{4}$ b) 4 c) $\frac{1}{8}$ d) 8)
13. നിർബന്ധം പതിക്കുന്ന ഒരു വസ്തു ഭൂമിയിൽ നിശ്ചിത ഉയരം പതിക്കാൻ 50 s എടുത്തു. ഈതെ വസ്തു ഭൂമിയുടെ രണ്ട് മടങ്ങ് ആരവും രണ്ട് മടങ്ങ് മാസുമുള്ള മരാരു ശോളത്തിൽ ഇതേ ഉയരത്തിൽ നിന്നും പതിക്കാൻ എത്ര സമയമെടുക്കും? (ഉത്തരം : $50\sqrt{2} \text{ s}$).
14. 100 kg മാസുള്ള ഒരു വസ്തുവിന് ഭൂമിയുടെ കേന്ദ്രം, യൂവല്രേഡാല്രേഡാലു, ഭൂമധ്യരേഖാല്രേഡാലു, ചയ്യൻ, വ്യാഴം എന്നിവിടങ്ങളിലുള്ള ഭാരം കണക്കാക്കുക (വ്യാഴത്തിലെ $g = 23.1 \text{ m/s}^2$).



തുടർപ്പവർത്തനങ്ങൾ

- സൗരയുമത്തിന്റെ ഒരു നിശ്ചിത പ്രദർശിപ്പിക്കുക. ഭൂമിയെ ചുറ്റുന ചയ്യൻ, ഒരു കൂത്രിമ ഉപഗ്രഹം എന്നിവ അതിൽ ഉൾപ്പെടുത്തുക.
- വിവിധ ഗഹങ്ങളിലെ g യുടെ മൂല്യം നൽകിയിരിക്കുന്നു. 100 kg മാസുള്ള ഒരു വസ്തുവിന് ആ ഗഹങ്ങളിലുള്ള ഭാരം നിർണ്ണയിക്കുക.

ഗഹം	ഗുരുത്വാകർഷണത്തുരണ്ട് m/s^2 തു (എക്കദേശം)	ഭാരം (N)
ഭൂമി	9.8	
ബൃഥൻ	3.7	
ശുക്രൻ	8.9	
ചൊവ്വ	3.7	
ശനി	9.00	
യൂറോപ്പ്	8.7	
നൈപ്പറ്റുണി	11.00	