

Reg. No. :

FY-327

Name :

FIRST YEAR HIGHER SECONDARY MODEL EXAMINATION – 2021

Part – III

Time : 2 Hours

MATHEMATICS (SCIENCE) Cool-off time : 20 Minutes

Maximum : 60 Scores

General Instructions to Candidates :

- There is a ‘Cool-off time’ of 20 minutes in addition to the writing time.
- Use the ‘Cool-off time’ to get familiar with questions and to plan your answers.
- Read questions carefully before answering.
- Read the instructions carefully.
- Calculations, figures and graphs should be shown in the answer sheet itself.
- Malayalam version of the questions is also provided.
- Give equations wherever necessary.
- Electronic devices except non-programmable calculators are not allowed in the Examination Hall.

വിദ്യാർത്ഥികൾക്കുള്ള പൊതുനിർദ്ദേശങ്ങൾ :

- നിർദ്ദിഷ്ട സമയത്തിന് പുറമെ 20 മിനിറ്റ് ‘കൂൾ ഓഫ് ടെക്’ ഉണ്ടായിരിക്കും.
- ‘കൂൾ ഓഫ് ടെക്’ ചോദ്യങ്ങൾ പരിചയപ്പെടാനും ഉത്തരങ്ങൾ ആസൃതമാം ചെയ്യാനും ഉപയോഗിക്കുക.
- ഉത്തരങ്ങൾ എഴുതുന്നതിന് മുമ്പ് ചോദ്യങ്ങൾ ശ്രദ്ധാപൂർവ്വം വായിക്കണം.
- നിർദ്ദേശങ്ങൾ മുഴുവനും ശ്രദ്ധാപൂർവ്വം വായിക്കണം.
- കണക്ക് കുടലുകൾ, ചിത്രങ്ങൾ, ശാഹുകൾ, എനിവ ഉത്തരപേപ്പിൽ തന്നെ ഉണ്ടായിരിക്കണം.
- ചോദ്യങ്ങൾ മലയാളത്തിലും നല്ലിയിട്ടുണ്ട്.
- അവസ്യമുള്ള സഹായത്ത് സമവാക്യങ്ങൾ കൊടുക്കണം.
- പ്രോഗ്രാമുകൾ ചെയ്യാനാകാത്ത കാൽക്കൗലോററുകൾ ഒഴികെക്കുള്ള ഒരു ഔലക്കേണിക് ഉപകരണവും പരീക്ഷാഹാളിൽ ഉപയോഗിക്കുവാൻ പാടില്ല.

Answer any 6 questions from 1 to 12. Each carries 3 scores.

($6 \times 3 = 18$)

1. Let $A = \{x : x \text{ is a prime number less than } 10\}$

(i) Write A in the roster form. **(2)**

(ii) Number of subsets of A = _____.

(a) 16

(b) 8

(c) 32

(d) 4

(1)

2. If A and B are two sets such that $n(A) = 100$, $n(B) = 150$ and $n(A \cap B) = 50$. Find the following values :

(i) $n(A \cup B)$ **(2)**

(ii) $n(A - B)$ **(1)**

3. Consider the statement $p(n) : 7^n - 3^n$ is divisible by 4, $n \in \mathbb{N}$

(i) Check whether $P(1)$ is true. **(1)**

(ii) If $P(k)$ is true. Prove that $P(k + 1)$ is also true. **(2)**

4. Using Binomial Theorem expand $\left(x^2 + \frac{3}{x}\right)^5$, $x \neq 0$. **(3)**

5. Finds the middle term in the expansion of $\left(\frac{x}{3} + 9y\right)^{10}$. **(3)**

6. In an A.P. 8th term is 16 and 16th term is 48.

(i) Find the common-difference of the A.P. **(1)**

(ii) Find the 25th term of the A.P. **(2)**

1 മുതൽ 12 വരെയുള്ള ചോദ്യങ്ങൾക്ക് 3 സ്നേഹി വിതം. ഏതെങ്കിലും 6 എണ്ണത്തിന് ഉത്തരം എഴുതുക. $(6 \times 3 = 18)$

1. $A = \{x : x \text{ പത്തിനേക്കാൾ ചെറുതായ അഭാജ്യസംഖ്യാണ്\}$ എന്ന സെറ്റ് പരിഗണിക്കുക.
 - (i) A യുടെ രോസറ്റർ ഫോം എഴുതുക. (2)
 - (ii) A യുടെ സബ്സെറ്റുകളുടെ എണ്ണം _____ ആകുന്നു.

(a) 16	(b) 8	(c) 32	(d) 4	(1)
--------	-------	--------	-------	--

2. A, B എന്നിവ രണ്ട് സെറ്റുകളാണ്. $n(A) = 100, n(B) = 150, n(A \cap B) = 50$ എന്നിങ്ങനെയാണെങ്കിൽ താഴെ കൊടുത്തിരിക്കുന്നവയുടെ വിലകാണുക.
 - (i) $n(A \cup B)$ (2)
 - (ii) $n(A - B)$ (1)

3. താഴെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന (പ്രസ്താവന പരിഗണിക്കുക. $p(n) : 7^n - 3^n$ നെ 4 കൊണ്ട് നിഘ്നിച്ചും ഹരിക്കാൻ കഴിയും, $n \in N$.
 - (i) $P(1)$ ശരിയാണോ എന്ന് പരിശോധിക്കുക. (1)
 - (ii) $P(k)$ ശരിയാകുമ്പോൾ $P(k + 1)$ ഉം ശരിയാണെന്ന് തെളിയിക്കുക. (2)

4. ഒമ്പനോമിയൽ സിഖാന്തം ഉപയോഗിച്ച് $\left(x^2 + \frac{3}{x}\right)^5, x \neq 0$ റെറ്റി വിപുലീകരണം എഴുതുക. (3)

5. $\left(\frac{x}{3} + 9y\right)^{10}$ റെറ്റി വിപുലീകരണത്തിലെ മധ്യപദം കണ്ടെത്തുക. (3)

6. ഒരു സമാന്തരഗ്രണിയുടെ 8-ാം പദം 16 ഉം 16-ാം പദം 48 ഉം ആണെങ്കിൽ.
 - (i) സമാന്തരഗ്രണിയുടെ പൊതു വ്യത്യാസം കണ്ടുപിടിക്കുക. (1)
 - (ii) സമാന്തരഗ്രണിയുടെ 25-ാം പദം കണ്ടെത്തുക. (2)

Answer any 6 questions from 13 to 24. Each carries 4 scores.

$$(6 \times 4 = 24)$$

13. $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ be the Universal set and $A = \{1, 2, 3, 4\}$, $B = \{3, 4, 5\}$ are two subsets of U .

(i) Write the sets A' and B' . (2)

(ii) Verify that $A - B = A \cap B'$. (2)

14. Let $A = \{-1, 0, 1, 2, 3\}$ $B = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ be two sets. R be a relation defined from A to B by

$$R = \{(x, y) : x + y = 3, x \in A, y \in B\}$$

(i) Write R in the Roster form. (2)

(ii) Write the domain and range of R . (2)

15. (i) Choose one of the possible value of $f : R \rightarrow R$, $f(x) = \sin x$ from the following values :

(a) $\frac{-1}{2}$ (b) 3 (c) -3 (d) 2 (1)

(ii) If $\sin x = \frac{3}{5}$, x in the second quadrant. Find the values of $\cos x$ and $\tan x$. (3)

16. Using principle of Mathematical Induction prove that for all $n \in N$

17. (i) If $i = \sqrt{-1}$, then $i^4 = \underline{\hspace{2cm}}$.
 (a) 1 (b) -1 (c) i (d) $-i$ (1)

(ii) Write $z = \frac{2+3i}{1+2i}$ in the form $a + ib$. (3)

13 മുതൽ 24 വരെയുള്ള പ്രാദ്യൂഷികൾ 4 സ്കോർ വിതം. ഏതെങ്കിലും 6 എണ്ണത്തിന് ഉത്തരം എഴുതുക. **(6 × 4 = 24)**

13. $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ എന്നത് യൂണിവേഴ്സൽ സെറ്റും $A = \{1, 2, 3, 4\}$, $B = \{3, 4, 5\}$ എന്നിവ അതിന്റെ സബ്സെറ്റുകളുമാണെങ്കിൽ.
- A', B' എന്നീ സെറ്റുകൾ എഴുതുക. (2)
 - $A - B = A \cap B'$ എന്ന് തെളിയിക്കുക. (2)
14. $A = \{-1, 0, 1, 2, 3\}$ $B = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ എന്നിവ ഒരു സെറ്റുകളാണ്. A യിൽ നിന്ന് B യിലേക്ക് നിർവ്വചിക്കപ്പെട്ടിട്ടുള്ള
- $$R = \{(x, y) : x + y = 3, x \in A, y \in B\}$$
- എന്ന റീലോഷൻ പരിഗണിക്കുക.
- R നെ രോസറ്റർ ഫോമിൽ എഴുതുക. (2)
 - R റേഖയാമെൻഡ്, റേഞ്ച് എന്നിവ എഴുതുക. (2)
15. (i) താഴെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന വിലകളിൽ നിന്നും $f : R \rightarrow R$, $f(x) = \sin x$ എന്ന ഫലങ്ങൾ ഒരു വിലയായി വരാവുന്നത് തിരഞ്ഞെടുക്കുക.
- | | | | | |
|--------------------|-------|--------|-------|-----|
| (a) $\frac{-1}{2}$ | (b) 3 | (c) -3 | (d) 2 | (1) |
|--------------------|-------|--------|-------|-----|
- (ii) $\sin x = \frac{3}{5}$ ഉം x ഒരൊമ്പെടെ ചതുർത്ഥാംശത്തിലുമാണെങ്കിൽ $\cos x$, $\tan x$ എന്നിവയുടെ വിലകൾ കണ്ടുപിടിക്കുക. (3)
16. പ്രിംസിപിൾ ഓഫ് മാത്തമാറ്റിക്കൾ ഇൻഡ്യക്ഷൻ ഉപയോഗിച്ച് $n \in N$ ആകുന്നേം
- $$1 + 2 + 3 + \dots + n = \frac{n(n+1)}{2}$$
- എന്ന് തെളിയിക്കുക. (4)
17. (i) $i = \sqrt{-1}$ ആണെങ്കിൽ $i^4 = \underline{\hspace{2cm}}$.
- | | | | | |
|-------|--------|-------|--------|-----|
| (a) 1 | (b) -1 | (c) i | (d) -i | (1) |
|-------|--------|-------|--------|-----|
- (ii) $z = \frac{2+3i}{1+2i}$ എന്നതിനെ $a + ib$ രൂപത്തിൽ എഴുതുക. (3)

$$24. \quad y = \frac{x^2 + 1}{x + 1} \text{ ആണെങ്കിൽ } \frac{dy}{dx} \text{ കാണുക.} \quad (4)$$

Answer any 3 questions from 25 to 30. Each carries 6 scores.

$$(3 \times 6 = 18)$$

25 മുതൽ 30 വരെയുള്ള ചോദ്യങ്ങൾക്ക് 6 സ്ക്രാർ വിതം. ഏതെങ്കിലും 3 എണ്ണത്തിന് ഉത്തരം എഴുതുക. (3 × 6 = 18)

25. $f : R \rightarrow R$, $f(x) = |x - 2|$ എന്ന ഫലങ്ങൾ പരിഗണിക്കുക.

 - $f(0)$ യൂടെ വില = _____. (a) 0 (b) 2 (c) -2 (d) 1 (1)
 - f എന്ന ഫലങ്ങൾ ശാമ്പ് വരക്കുക. (4)
 - f ന്റെ രേഖാചിത്രവുക. (1)

26. (i) $\sin 75^\circ$ യൂടെ വില കണ്ടുപിടിക്കുക. (3)

 - $$\frac{\sin 5x + \sin 3x}{\cos 5x + \cos 3x} = \tan 4x$$
 എന്ന് തെളിയിക്കുക. (3)

27. ശാമ്പ് ഉപയോഗിച്ച് താഴെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന അസമതകളുടെ സിസ്റ്റത്തിൽ പരിഹാരം കണ്ടെത്തുക.

$$x + 2y \leq 8$$

$$2x + y \geq 8$$

$$x \geq 0, y \geq 0$$
 (6)

28. (i) $\frac{1}{4}, x, 4$ എന്നീ സംവ്യൂക്തി ഒരു ജ്യാമാത്രിക് പ്രോഗ്രാമിലെ തുടർച്ചയായ മൂന്നു പദങ്ങളാണെങ്കിൽ ‘ x ’ ന്റെ വില കണ്ടുപിടിക്കുക. (2)

 - $5 + 55 + 555 + \dots$ എന്ന ശ്രേണിയുടെ n -ാം പദം വരെയുള്ള തുക കണ്ടുപിടിക്കുക. (4)

29. താഴെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന ധാരയുടെ വേതിയൻസ് സ്ഥാനങ്ങൾ ഡിവിയേഷൻ എന്നിവ കണ്ടുപിടിക്കുക :

x_i	3	8	13	18	23
f_i	7	10	15	10	6

 (6)

30. 60 വിദ്യാർത്ഥികളുള്ള ഒരു ക്ലാസ്സിൽ 30 പേര് എൻ.സി.സി. തിലും, 32 പേര് എൻ.എസ്.എസിലും കുടാതെ 24 പേര് രണ്ടിലും അംഗങ്ങളാണ്. ഒരു വിദ്യാർത്ഥിയെ റാൻഡ്മാറ്റി ആ ക്ലാസ്സിൽ നിന്നും തിരഞ്ഞെടുക്കുന്നുവെങ്കിൽ, തിരഞ്ഞെടുത്ത വിദ്യാർത്ഥി.

 - എൻ.സി.സിയിൽ അംഗ മാകാനുള്ള പ്രോബബിലിറ്റി കണ്ടുപിടിക്കുക. (1)
 - എൻ.സി.സിയിലോ അല്ലെങ്കിൽ എൻ.എസ്.എസിലോ അംഗമാകാനുള്ള പ്രോബബിലിറ്റി കണ്ടുപിടിക്കുക. (3)
 - എൻ.സി.സിയിലോ എൻ.എസ്.എസിലോ അംഗമാകാതിരിക്കാനുള്ള പ്രോബബിലിറ്റി കാണുക. (2)

