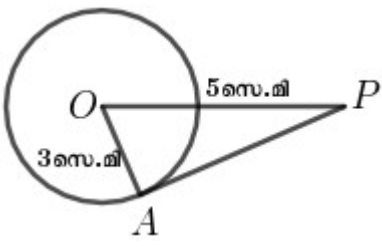
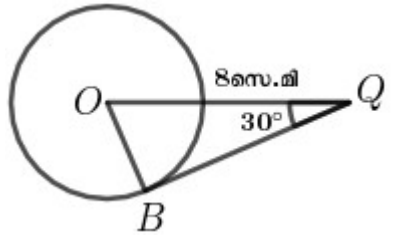
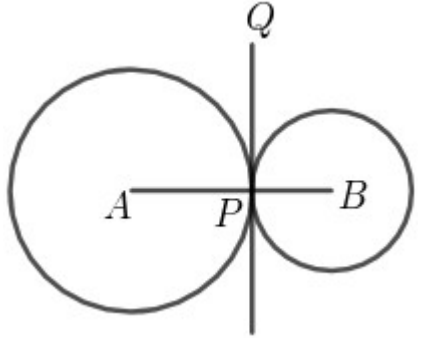
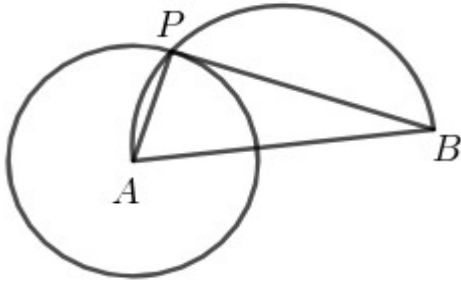
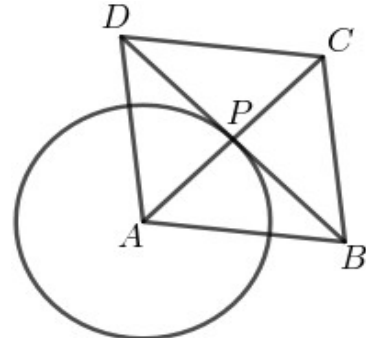
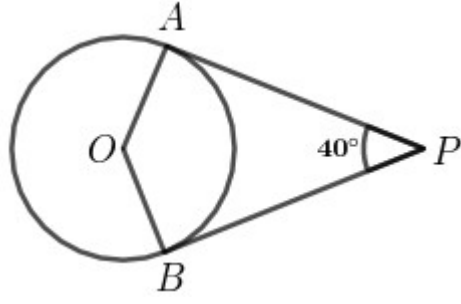
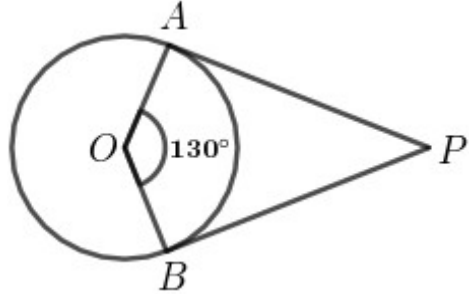
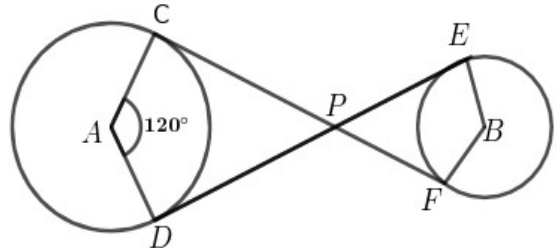


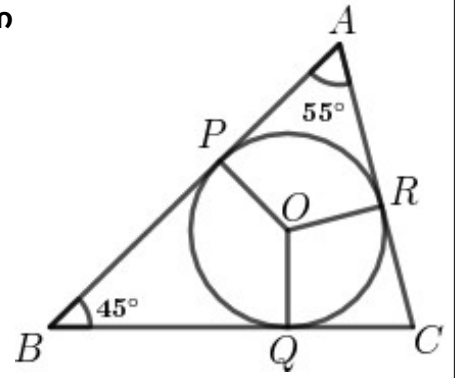
വണ്ടൂർ ഗണിതം - എസ്.എസ്.എൽ.സി പഠനസഹായി 2021

FOCUS AREA - ചോദ്യശേഖരം - തൊടുവരകൾ

1	6 സെ.മീ ആരമുള്ള ഒരു വൃത്തത്തിന്റെ കേന്ദ്രത്തിൽ നിന്നും 10 സെ.മീ അകലെ ഒരു ബിന്ദുവുണ്ട്. ഈ ബിന്ദുവിൽ നിന്നും വൃത്തത്തിലേക്ക് തൊടുവര വരക്കുന്നു . a) ഒരു ബിന്ദുവിലൂടെയുള്ള തൊടുവരയും ആ ബിന്ദുവിലൂടെയുള്ള ആരവും തമ്മിലുണ്ടാക്കുന്ന കോണിന്റെ അളവെന്ത് ? b) തൊടുവരയുടെ നീളമെന്ത് ?	
2	ചിത്രത്തിൽ O കേന്ദ്രമായ വൃത്തത്തിലെ A എന്ന ബിന്ദുവിലൂടെയുള്ള തൊടുവരയാണ് PA . OA = 3 സെ.മീ , OP = 5 സെ.മീ . a) $\angle OAP$ യുടെ അളവെന്ത് ? b) തൊടുവര PA യുടെ നീളമെന്ത് ?	
3	ചിത്രത്തിൽ O കേന്ദ്രമായ വൃത്തത്തിലെ B എന്ന ബിന്ദുവിലൂടെയുള്ള തൊടുവരയാണ് QB . OQ = 8 സെ.മീ , $\angle OQB = 30^\circ$ a) $\angle OBQ$ യുടെ അളവെന്ത് ? b) വൃത്തത്തിന്റെ ആരമെത്ര ? c) തൊടുവര QB യുടെ നീളമെന്ത് ?	
4	ചിത്രത്തിൽ A, B കേന്ദ്രമായ വൃത്തങ്ങൾ P എന്ന ബിന്ദുവിൽ കൂട്ടിമുട്ടുന്നു . A കേന്ദ്രമായ വൃത്തത്തിന്റെ തൊടുവരയാണ് PQ . a) $\angle APQ$ ന്റെ അളവെന്ത് ? b) B കേന്ദ്രമായ വൃത്തത്തിന്റെ തൊടുവരയാണ് PQ എന്ന് തെളിയിക്കുക ?	

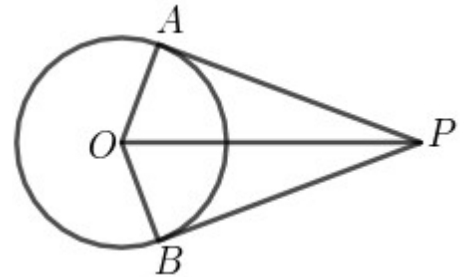
5	ചിത്രത്തിൽ ഒരു വൃത്തവും അർദ്ധവൃത്തവും P എന്ന ബിന്ദുവിൽ കൂട്ടിമുട്ടുന്നു . A വൃത്തകേന്ദ്രവും AB അർദ്ധവൃത്തത്തിന്റെ വ്യാസവുമാണ് . a) $\angle APB$ യുടെ അളവെന്ത് ? b) A കേന്ദ്രമായ വൃത്തത്തിന്റെ തൊടുവരയാണ് BP എന്ന് തെളിയിക്കുക ?	
6	ചിത്രത്തിൽ A കേന്ദ്രമായ വൃത്തത്തിലെ P എന്ന ബിന്ദുവിൽ സമഭുജസാമാന്തരികം ABCD യുടെ വികർണങ്ങൾ കൂട്ടിമുട്ടുന്നു . a) $\angle APD$ യുടെ അളവെന്ത് ? b) A കേന്ദ്രമായ വൃത്തത്തിന്റെ തൊടുവരയാണ് DP എന്ന് തെളിയിക്കുക ?	
7	ചിത്രത്തിൽ O കേന്ദ്രമായ വൃത്തത്തിലെ A , B എന്നീ ബിന്ദുക്കളിലൂടെയുള്ള തൊടുവരകൾ P എന്ന ബിന്ദുവിൽ കൂട്ടിമുട്ടുന്നു . $\angle APB = 40^\circ$ a) $\angle OAP$ യുടെ അളവെന്ത് ? b) $\angle AOB$ യുടെ അളവെന്ത് ?	
8	ചിത്രത്തിൽ O കേന്ദ്രമായ വൃത്തത്തിലെ A , B എന്നീ ബിന്ദുക്കളിലൂടെയുള്ള തൊടുവരകൾ P എന്ന ബിന്ദുവിൽ കൂട്ടിമുട്ടുന്നു . $\angle AOB = 130^\circ$ a) $\angle OAP$ യുടെ അളവെന്ത് ? b) $\angle APB$ യുടെ അളവെന്ത് ?	
9	ചിത്രത്തിൽ P എന്ന ബിന്ദുവിൽ നിന്നും A , B കേന്ദ്രങ്ങളായ വൃത്തങ്ങളിലേക്ക് തൊടുവരകൾ വരച്ചിരിക്കുന്നു . $\angle CAD = 120^\circ$ a) $\angle ACP$ യുടെ അളവെന്ത് ? b) $\angle CPD$ യുടെ അളവെന്ത് ? c) $\angle EBF$ ന്റെ അളവെന്ത് ?	

10 ചിത്രത്തിൽ O അന്തർവൃത്തകേന്ദ്രം . വൃത്തം ത്രികോണത്തിന്റെ വശങ്ങളെ P, Q, R എന്നീ ബിന്ദുക്കളിൽ തൊടുന്നു . $\angle BAC = 55^\circ$, $\angle ABC = 45^\circ$



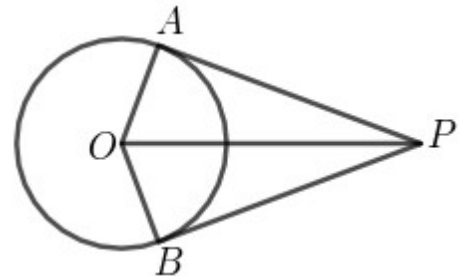
- a) $\angle BPO$ ന്റെ അളവെന്ത് ?
 b) $\angle POQ$ ന്റെ അളവെന്ത് ?
 c) $\angle QOR$ ന്റെ അളവെന്ത് ?

11 ചിത്രത്തിൽ O കേന്ദ്രമായ വൃത്തത്തിലെ A , B എന്നീ ബിന്ദുക്കളിലൂടെയുള്ള തൊടുവരകൾ P എന്ന ബിന്ദുവിൽ കൂട്ടിമുട്ടുന്നു .



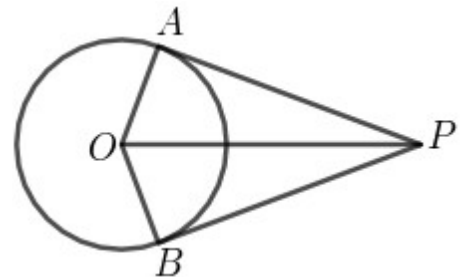
- a) $\angle OAP$ യുടെ അളവെന്ത് ?
 b) $\angle AOP$, $\angle BOP$ എന്നീ ത്രികോണങ്ങൾ തുല്യത്രികോണങ്ങളാണെന്ന് തെളിയിക്കുക ?
 c) തൊടുവരകളുടെ നീളങ്ങൾ തുല്യമാണെന്ന് തെളിയിക്കുക ?

12 ചിത്രത്തിൽ O കേന്ദ്രമായ വൃത്തത്തിലെ A , B എന്നീ ബിന്ദുക്കളിലൂടെയുള്ള തൊടുവരകൾ P എന്ന ബിന്ദുവിൽ കൂട്ടിമുട്ടുന്നു .



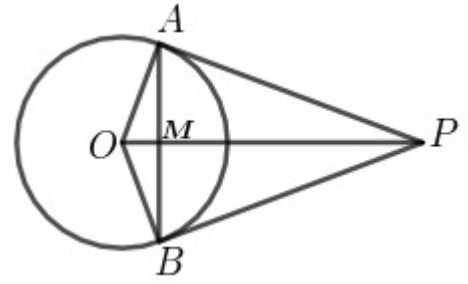
- a) $\angle OAP$ യുടെ അളവെന്ത് ?
 b) $\angle AOP$, $\angle BOP$ എന്നീ ത്രികോണങ്ങൾ തുല്യത്രികോണങ്ങളാണെന്ന് തെളിയിക്കുക ?
 c) $\angle APB$ യുടെ സമഭാജിയാണ് OP എന്ന വരയെന്ന് തെളിയിക്കുക ?

13 ചിത്രത്തിൽ O കേന്ദ്രമായ വൃത്തത്തിലെ A , B എന്നീ ബിന്ദുക്കളിലൂടെയുള്ള തൊടുവരകൾ P എന്ന ബിന്ദുവിൽ കൂട്ടിമുട്ടുന്നു .



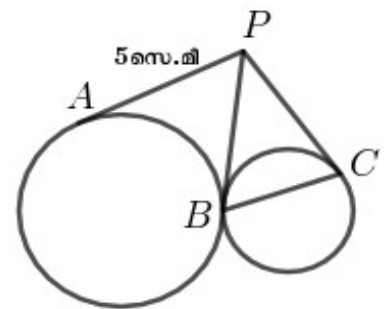
- a) $\angle OAP$ യുടെ അളവെന്ത് ?
 b) $\angle AOP$, $\angle BOP$ എന്നീ ത്രികോണങ്ങൾ തുല്യത്രികോണങ്ങളാണെന്ന് തെളിയിക്കുക ?
 c) $\angle AOB$ യുടെ സമഭാജിയാണ് OP എന്ന വരയെന്ന് തെളിയിക്കുക ?

14 ചിത്രത്തിൽ O കേന്ദ്രമായ വൃത്തത്തിലെ A , B എന്നീ ബിന്ദുക്കളിലൂടെയുള്ള തൊടുവരകൾ P എന്ന ബിന്ദുവിൽ കൂട്ടിമുട്ടുന്നു .



- $\angle OAP$ യുടെ അളവെന്ത് ?
- $\angle AOP$, $\angle BOP$ എന്നീ ത്രികോണങ്ങൾ തുല്യത്രികോണങ്ങളാണെന്ന് തെളിയിക്കുക ?
- $\angle AOM$, $\angle BOM$ എന്നീ ത്രികോണങ്ങൾ തുല്യത്രികോണങ്ങളാണെന്ന് തെളിയിക്കുക ?
- AB യുടെ സമഭാജിയാണ് OP എന്ന വരയെന്ന് തെളിയിക്കുക ?
- $\angle AMO$ യുടെ അളവെന്ത് ?

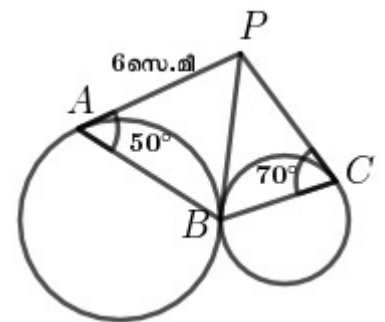
15 ചിത്രത്തിൽ രണ്ടു വൃത്തങ്ങൾ B എന്ന ബിന്ദുവിൽ കൂട്ടിമുട്ടുന്നു . A , B , C എന്നീ ബിന്ദുക്കളിലൂടെയുള്ള തൊടുവരകൾ എന്ന P ബിന്ദുവിൽ കൂട്ടിമുട്ടുന്നു .



$$PA = 5 \text{ സെ.മീ}$$

- PB എന്ന വരയുടെ നീളമെന്ത് ?
- $\angle PBC$ ഒരു സമപാർശ്വത്രികോണമാണെന്ന് തെളിയിക്കുക ?

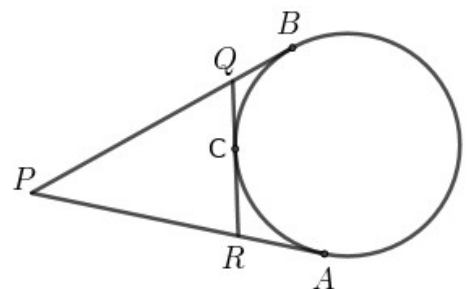
16 ചിത്രത്തിൽ രണ്ടു വൃത്തങ്ങൾ B എന്ന ബിന്ദുവിൽ കൂട്ടിമുട്ടുന്നു . A , B , C എന്നീ ബിന്ദുക്കളിലൂടെയുള്ള തൊടുവരകൾ എന്ന P ബിന്ദുവിൽ കൂട്ടിമുട്ടുന്നു .



$$PA = 6 \text{ സെ.മീ} , \angle BAP = 50^\circ , \angle BCP = 70^\circ$$

- PB എന്ന വരയുടെ നീളമെന്ത് ?
- $\angle APB$ യുടെ അളവെന്ത് ?
- $\angle APC$ യുടെ അളവെന്ത് ?

17 ചിത്രത്തിൽ ഒരു വൃത്തത്തിലെ A , B എന്നീ ബിന്ദുക്കളിലൂടെയുള്ള തൊടുവരകൾ P എന്ന ബിന്ദുവിൽ കൂട്ടിമുട്ടുന്നു . C എന്ന ബിന്ദുവിലൂടെയുള്ള തൊടുവരയാണ് QR .



- PA എന്ന വരയുടെ തുല്യ നീളമുള്ള വരയേത് ?

b) RC എന്ന വരയുടെ തുല്യ നീളമുള്ള വരയേത് ?

c) ത്രികോണം PQR ന്റെ ചുറ്റളവ് PA യുടെ നീളത്തിന്റെ ഇരട്ടിയാണെന്ന് തെളിയിക്കുക

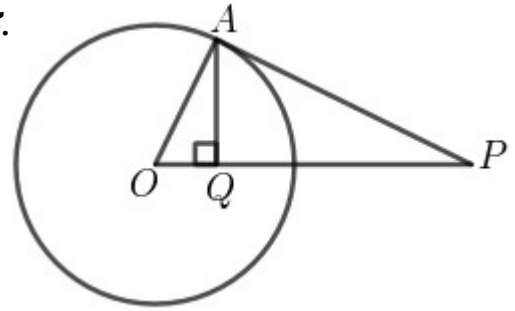
18 ചിത്രത്തിൽ O വൃത്തകേന്ദ്രം . AP തൊടുവരയാണ്.

OP ക്ക് ലംബമാണ് AQ .

a) $\angle OAP$ യുടെ അളവെന്ത് ?

b) OAP , OAQ എന്നീ ത്രികോണങ്ങളിലെ കോണുകൾ തുല്യമാണെന്ന് തെളിയിക്കുക ?

c) $OP \times OQ = OA^2$ എന്നു തെളിയിക്കുക ?



19 ചിത്രത്തിൽ A, B കേന്ദ്രങ്ങളായ വൃത്തങ്ങൾ

എന്ന P ബിന്ദുവിൽ കൂട്ടിമുട്ടുന്നു . ഈ വൃത്തങ്ങളു പൊതുവായ തൊടുവരയാണ് CD .

ചെറിയ വൃത്തത്തിന്റെ ആരം 4 സെ.മീ യും

വലിയ വൃത്തത്തിന്റെ ആരം 7 സെ.മീ യും

ആണ്. BC എന്ന വരക്ക് ലംബമായ വരയാണ് AE .

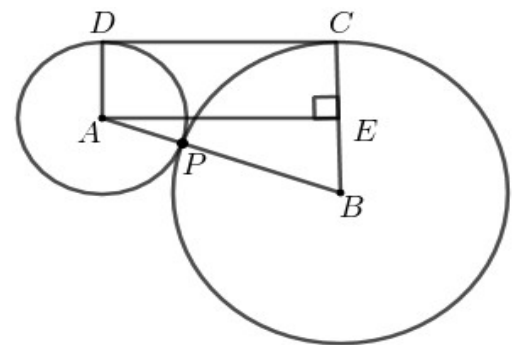
a) $\angle ADC$ യുടെ അളവെന്ത് ?

b) AECD ഒരു ചതുരമാണെന്ന് തെളിയിക്കുക ?

c) BE യുടെ നീളമെന്ത് ?

d) AB യുടെ നീളമെന്ത് ?

e) തൊടുവര CD യുടെ നീളമെന്ത് ?



20 ചിത്രത്തിൽ വൃത്തം ത്രികോണത്തിന്റെ വശങ്ങളെ P,Q ,R

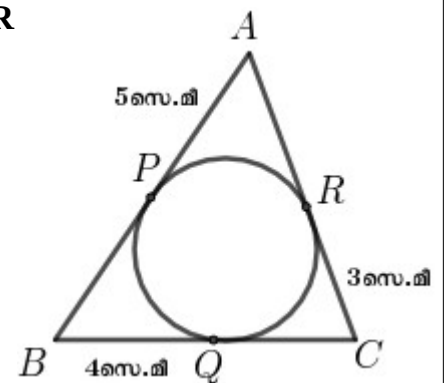
എന്നീ ബിന്ദുക്കളിൽ തൊടുന്നു . AP = 5 സെ.മീ ,

BQ = 4 സെ.മീ , CR = 4 സെ.മീ .

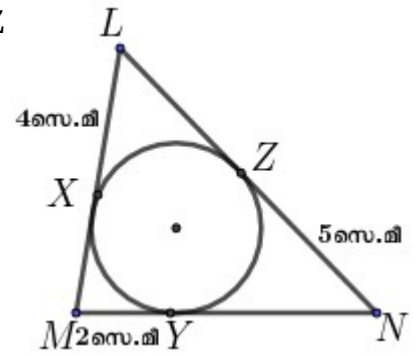
a) AR ന്റെ നീളമെന്ത് ?

b) BC യുടെ നീളമെന്ത് ?

c) ത്രികോണം ABC യുടെ ചുറ്റളവെത്ര ?

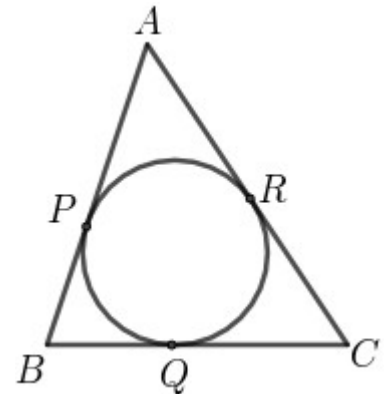


21 ചിത്രത്തിൽ വൃത്തം ത്രികോണത്തിന്റെ വശങ്ങളെ X, Y, Z എന്നീ ബിന്ദുക്കളിൽ തൊടുന്നു . $LX = 4$ സെ.മീ , $MY = 2$ സെ.മീ , $NZ = 5$ സെ.മീ .



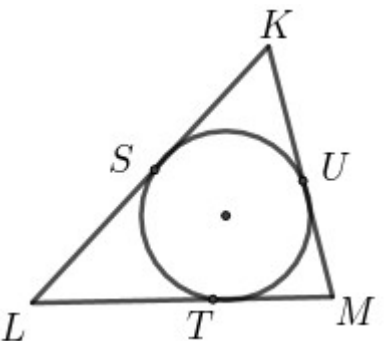
- LZ ന്റെ നീളമെന്ത് ?
- MN ന്റെ നീളമെന്ത് ?
- ത്രികോണം LMN ന്റെ ചുറ്റളവെത്ര ?

22 ചിത്രത്തിൽ വൃത്തം ത്രികോണത്തിന്റെ വശങ്ങളെ P, Q, R എന്നീ ബിന്ദുക്കളിൽ തൊടുന്നു . $AB = 10$ സെ.മീ , $BC = 8$ സെ.മീ , $AC = 12$ സെ.മീ .



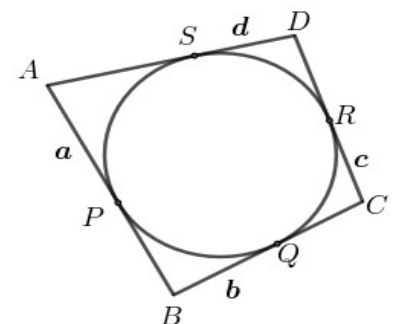
- AP യുടെ അതേ നീളമുള്ള വരയെന്ത് ?
- AP യുടെ നീളം x എന്നെടുത്താൽ BQ ന്റെ നീളമെന്ത് ?
- x ന്റെ വിലയെന്ത് ?
- AR, BP, CQ എന്നീ വരകളുടെ നീളമെന്ത് ?

23 ചിത്രത്തിൽ വൃത്തം ത്രികോണത്തിന്റെ വശങ്ങളെ S, T, U എന്നീ ബിന്ദുക്കളിൽ തൊടുന്നു . $KL = 11$ സെ.മീ , $LM = 9$ സെ.മീ , $KM = 7$ സെ.മീ .



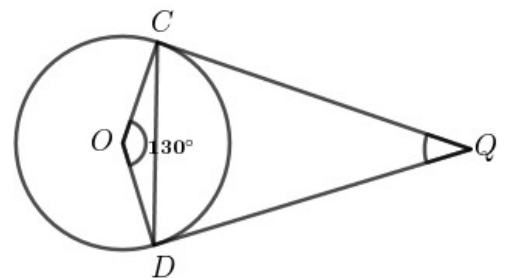
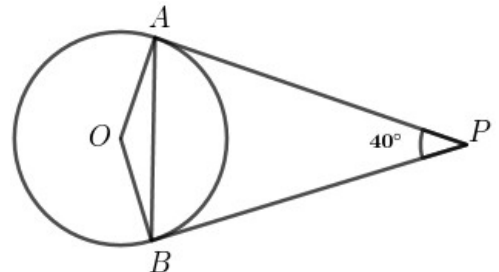
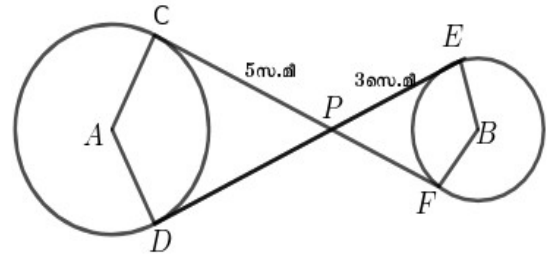
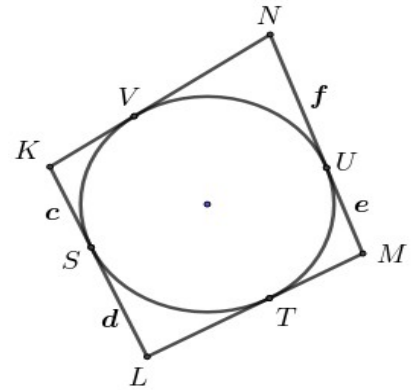
- KS ന്റെ അതേ നീളമുള്ള വരയെന്ത് ?
- KS ന്റെ നീളം x എന്നെടുത്താൽ LT യുടെ നീളമെന്ത് ?
- x ന്റെ വിലയെന്ത് ?
- KU, LS, MT എന്നീ വരകളുടെ നീളമെന്ത് ?

24 ചിത്രത്തിൽ വൃത്തം ചതുർഭുജത്തിന്റെ വശങ്ങളെ P, Q, R, S എന്നീ ബിന്ദുക്കളിൽ തൊടുന്നു . $AP = a, BQ = b, CR = c, DS = d$



- AS ന്റെ നീളമെന്ത് ?
- BC യുടെ നീളമെന്ത് ?

	c) AD യുടെ നീളമെന്ത് ? d) ABCD യുടെ ചുറ്റളവെന്ത് ?
25	ചിത്രത്തിൽ വൃത്തം ചതുർഭുജത്തിന്റെ വശങ്ങളെ S ,T,U,V എന്നീ ബിന്ദുക്കളിൽ തൊടുന്നു . $KS = c$, $LS = d$, $MU = e$, $NU = f$ a) KV യുടെ നീളമെന്ത് ? b) LM ന്റെ നീളമെന്ത് ? c) KN ന്റെ നീളമെന്ത് ? d) KLMN ന്റെ ചുറ്റളവെന്ത് ?
26	ചിത്രത്തിൽ P എന്ന ബിന്ദുവിൽ നിന്നും A , B കേന്ദ്രങ്ങളായ വൃത്തങ്ങളിലേക്ക് തൊടുവരകൾ വരച്ചിരിക്കുന്നു . PC = 5 സെ.മീ , PE = 3 സെ.മീ a) PD യുടെ നീളമെന്ത് ? b) CF ന്റെ നീളമെന്ത് ?
27	ചിത്രത്തിൽ O കേന്ദ്രമായ വൃത്തത്തിലെ A, B എന്നീ ബിന്ദുക്കളിലൂടെയുള്ള തൊടുവരകൾ P എന്ന ബിന്ദുവിൽ കൂട്ടിമുട്ടുന്നു . $\angle APB = 40^\circ$ a) $\angle AOB$ യുടെ അളവെന്ത് ? b) $\angle OAB$ യുടെ അളവെന്ത് ? c) $\angle ABP$ യുടെ അളവെന്ത് ?
28	ചിത്രത്തിൽ O കേന്ദ്രമായ വൃത്തത്തിലെ C, D എന്നീ ബിന്ദുക്കളിലൂടെയുള്ള തൊടുവരകൾ Q എന്ന ബിന്ദുവിൽ കൂട്ടിമുട്ടുന്നു . $\angle COD = 130^\circ$ a) $\angle CQD$ യുടെ അളവെന്ത് ? b) $\angle CDQ$ യുടെ അളവെന്ത് ? c) $\angle ODC$ യുടെ അളവെന്ത് ?



29 ചിത്രത്തിൽ വൃത്തം ത്രികോണം ABC യുടെ

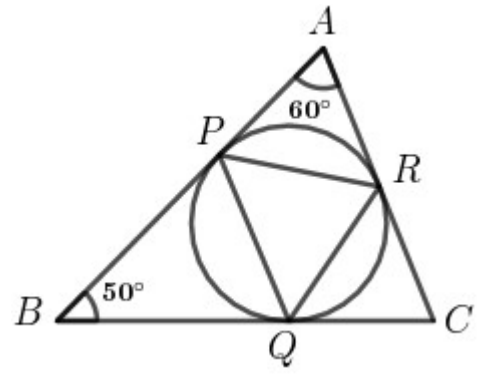
വശങ്ങളെ P, Q, R എന്നീ ബിന്ദുക്കളിൽ തൊടുന്നു .

$$\angle A = 60^\circ, \angle B = 50^\circ$$

a) $\angle BQP$ ന്റെ അളവെന്ന് ?

b) $\angle PRQ$ ന്റെ അളവെന്ന് ?

c) $\angle PQR$ ന്റെ അളവെന്ന് ?



30 ചിത്രത്തിൽ വൃത്തം ത്രികോണം DEF ന്റെ

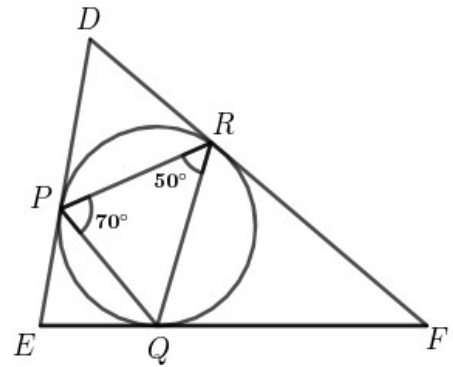
വശങ്ങളെ P, Q, R എന്നീ ബിന്ദുക്കളിൽ തൊടുന്നു .

$$\angle QPR = 70^\circ, \angle PRQ = 50^\circ$$

a) $\angle EQP$ യുടെ അളവെന്ന് ?

b) $\angle E$ യുടെ അളവെന്ന് ?

c) $\angle F$ ന്റെ അളവെന്ന് ?



31 ചിത്രത്തിൽ O അന്തർവൃത്തകേന്ദ്രം .

$$\angle B = 90^\circ, BC = a, AC = b, AB = c$$

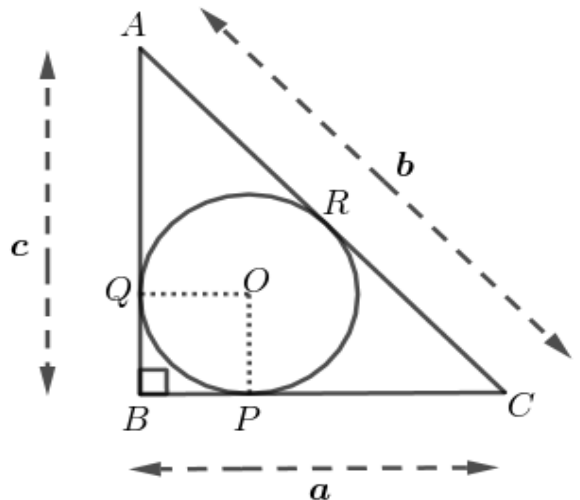
a) $\angle OPB$ യുടെ അളവെന്ന് ?

b) BPOQ ഒരു സമചതുരമാണെന്ന് തെളിയിക്കുക ?

c) അന്തർവൃത്തആരം r എന്നെടുത്താൽ CP യുടെ നീളമെന്ന് ?

d) AR ന്റെ നീളമെന്ന് ?

e) അന്തർവൃത്തവ്യാസം $a + c - b$ ആണെന്ന് തെളിയിക്കുക .



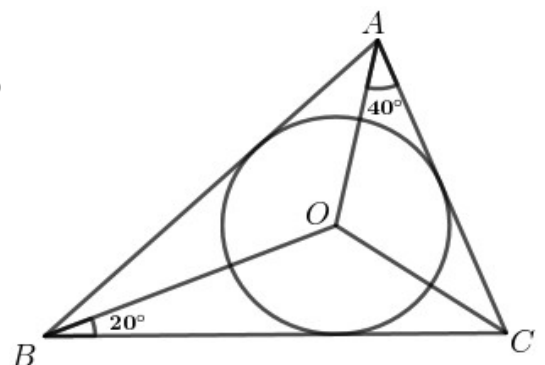
32 ചിത്രത്തിൽ ത്രികോണം ABC യുടെ അന്തർവൃ

ത്ത കേന്ദ്രമാണ് O . $\angle OBC = 20^\circ, \angle OAC = 40^\circ$

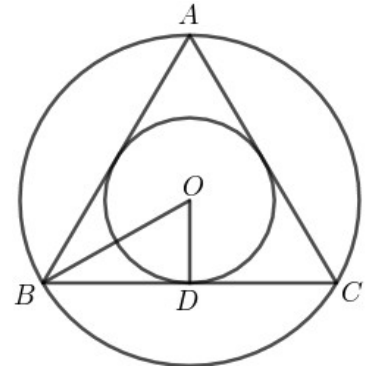
a) $\angle OBA$ യുടെ അളവെന്ന് ?

b) $\angle BAC$ യുടെ അളവെന്ന് ?

c) $\angle OCB$ യുടെ അളവെന്ന് ?

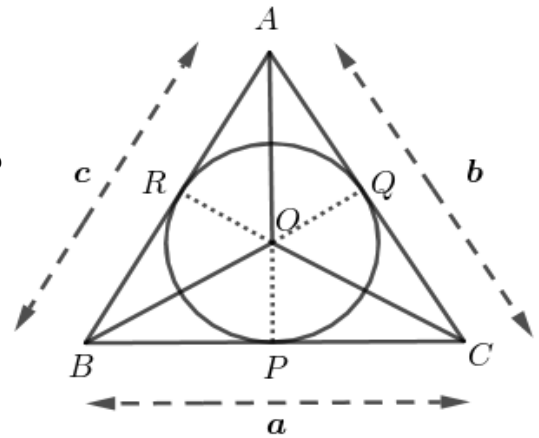


33 ചിത്രത്തിൽ ത്രികോണം ABC ഒരു സമഭുജത്രികോണമാണ് . ഇതിന്റെ അന്തർവൃത്തകേന്ദ്രവും പരിവൃത്തകേന്ദ്രവുമാണ് O .



- a) $\angle ODB$ യുടെ അളവെന്ത് ?
- b) $\angle OBD$ യുടെ അളവെന്ത് ?
- c) ഈ ത്രികോണത്തിന്റെ അന്തർവൃത്തആരത്തിന്റെ ഇരട്ടിയാണ് അതിന്റെ പരിവൃത്തആരം എന്നു തെളിയിക്കുക ?

34 ചിത്രത്തിൽ ത്രികോണം ABC യുടെ അന്തർവൃത്ത കേന്ദ്രമാണ് O . അന്തർവൃത്തം ത്രികോണത്തിന്റെ വശങ്ങളെ P, Q , R എന്നീ ബിന്ദുക്കളിൽ തൊടുന്നു . $BC = a$, $AC = b$, $AB = c$



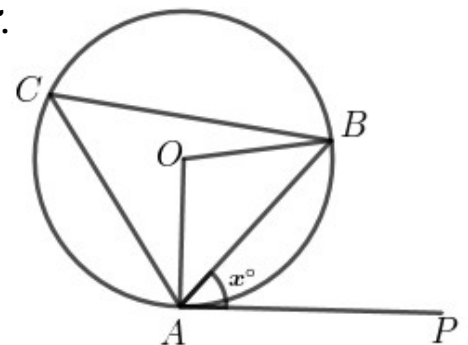
- a) ത്രികോണം ABC യുടെ ചുറ്റളവെന്ത് ?
- b) $\angle OPB$ യുടെ അളവെന്ത് ?
- c) ത്രികോണം BOC യുടെ പരപ്പളവെന്ത് ?
- d) ത്രികോണം AOC യുടെ പരപ്പളവെന്ത് ?
- e) ത്രികോണം ABC യുടെ പരപ്പളവ് അതിന്റെ അന്തർവൃത്തആരത്തിന്റെയും ചുറ്റളവിന്റെ പകുതിയുടെയും ഗുണനഫലമാണെന്ന് തെളിയിക്കുക ?

35 4 സെ.മീ വശമുള്ള ഒരു സമഭുജത്രികോണത്തിന്റെ

- a) ചുറ്റളവെന്ത് ?
- b) പരപ്പളവെന്ത് ?
- c) അന്തർവൃത്തആരമെത്ര ?

36 ചിത്രത്തിൽ O വൃത്തകേന്ദ്രവും AP തൊടുവരയുമാണ്.

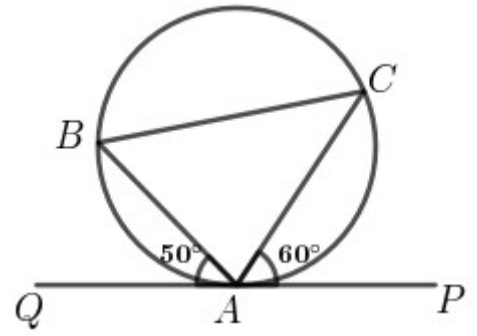
$\angle BAP = x^\circ$



- a) $\angle OAP$ യുടെ അളവെന്ത് ?
- b) $\angle OBA$ യുടെ അളവെന്ത് ?
- c) $\angle AOB$ യുടെ അളവെന്ത് ?
- d) $\angle ACB$ യുടെ അളവെന്ത് ?

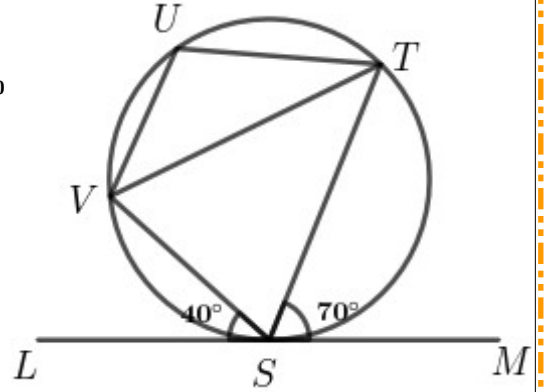
37 ചിത്രത്തിൽ A എന്ന ബിന്ദുവിലൂടെയുള്ള
തൊടുവരയാണ് PQ . $\angle BAQ = 50^\circ$, $\angle CAP = 60^\circ$

- a) $\angle BCA$ യുടെ അളവെന്ത് ?
b) $\angle ABC$ യുടെ അളവെന്ത് ?



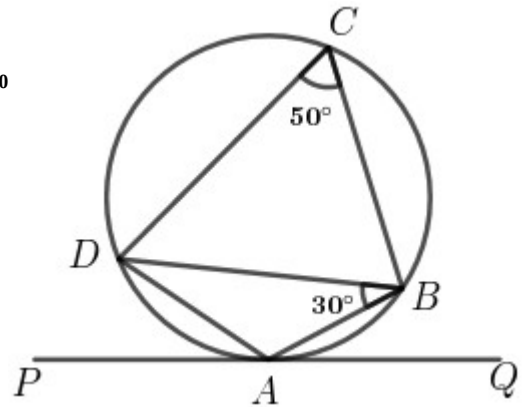
38 ചിത്രത്തിൽ S എന്ന ബിന്ദുവിലൂടെയുള്ള
തൊടുവരയാണ് LM . $\angle LSV = 40^\circ$, $\angle TSM = 70^\circ$

- a) $\angle STV$ യുടെ അളവെന്ത് ?
b) $\angle SVT$ യുടെ അളവെന്ത് ?
c) $\angle TUV$ യുടെ അളവെന്ത് ?



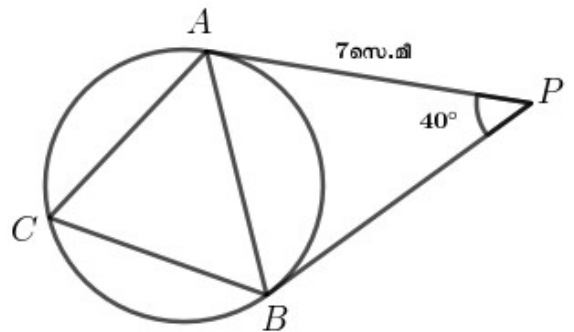
39 ചിത്രത്തിൽ A എന്ന ബിന്ദുവിലൂടെയുള്ള
തൊടുവരയാണ് PQ . $\angle ABD = 30^\circ$, $\angle BCD = 50^\circ$

- a) $\angle BAD$ യുടെ അളവെന്ത് ?
b) $\angle PAD$ യുടെ അളവെന്ത് ?
c) $\angle ADB$ യുടെ അളവെന്ത് ?



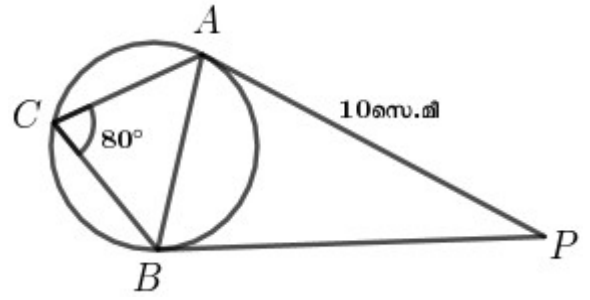
40 ചിത്രത്തിൽ വൃത്തത്തിന്റെ A, B എന്നീ
ബിന്ദുക്കളിലൂടെയുള്ള തൊടുവരകൾ
P എന്ന ബിന്ദുവിൽ കൂട്ടിമുട്ടുന്നു . $AC = BC$
 $PA = 7$ സെ.മീ , $\angle APB = 40^\circ$

- a) PB യുടെ നീളമെന്ത് ?
b) $\angle ABP$ യുടെ അളവെന്ത് ?
c) $\angle ACB$ യുടെ അളവെന്ത് ?
d) $\angle CAP$ യുടെ അളവെന്ത് ?



41

ചിത്രത്തിൽ വൃത്തത്തിന്റെ A, B എന്നീ ബിന്ദുക്കളിലൂടെയുള്ള തൊടുവരകൾ P എന്ന ബിന്ദുവിൽ കൂട്ടിമുട്ടുന്നു . $AC = BC$

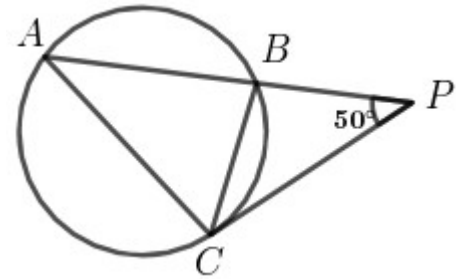


- a) $\angle ABP$ യുടെ അളവെന്ത് ?
- b) PB യുടെ നീളമെന്ത് ?
- c) $\angle APB$ യുടെ അളവെന്ത് ?
- d) $\angle CAP$ യുടെ അളവെന്ത് ?

42

ചിത്രത്തിൽ PC തൊടുവരയാണ് .

$\angle BPC = 50^\circ$, $BC = BP$

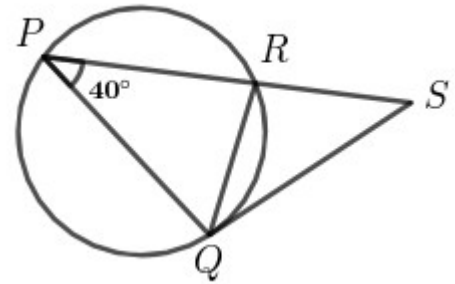


- a) $\angle BCP$ യുടെ അളവെന്ത് ?
- b) $\angle BAC$ യുടെ അളവെന്ത് ?
- c) $\angle ABC$ യുടെ അളവെന്ത് ?

43

ചിത്രത്തിൽ SQ തൊടുവരയാണ് .

$\angle QPR = 40^\circ$, $RQ = RS$

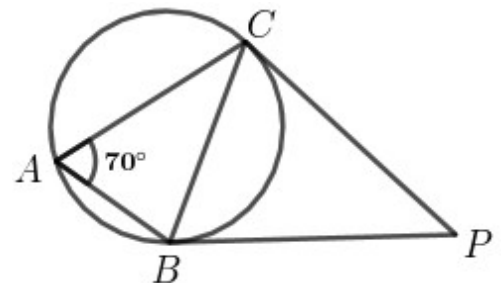


- a) $\angle RQS$ ന്റെ അളവെന്ത് ?
- b) $\angle QRS$ ന്റെ അളവെന്ത് ?
- c) $\angle PQR$ ന്റെ അളവെന്ത് ?

44

ചിത്രത്തിൽ വൃത്തത്തിന്റെ B, C എന്നീ ബിന്ദുക്കളിലൂടെയുള്ള തൊടുവരകൾ

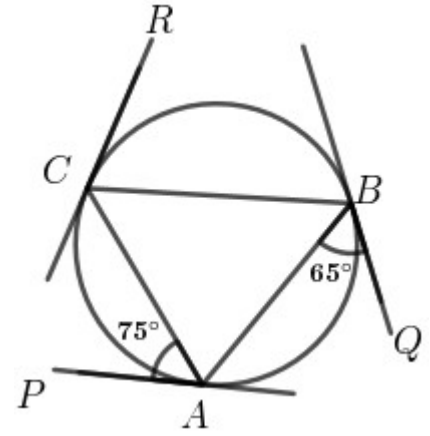
P എന്ന ബിന്ദുവിൽ കൂട്ടിമുട്ടുന്നു . $\angle BAC = 70^\circ$



- a) $\angle PBC$ യുടെ അളവെന്ത് ?
- b) $\angle BPC$ യുടെ അളവെന്ത് ?

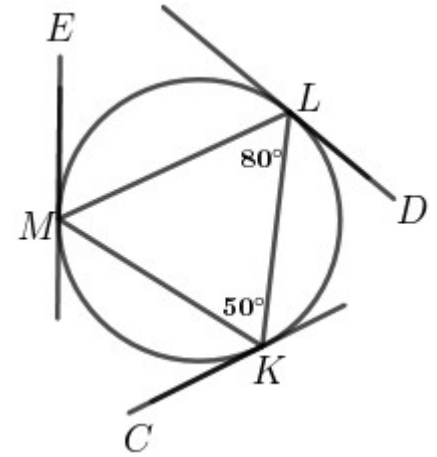
45 ചിത്രത്തിൽ PA , QB , CR എന്നിവ വൃത്തത്തിന്റെ തൊടുവരകളാണ് . $\angle CAP = 75^\circ$, $\angle BAQ = 65^\circ$

- a) $\angle ABC$ യുടെ അളവെന്ത് ?
 b) $\angle ACB$ യുടെ അളവെന്ത് ?
 c) $\angle ACR$ ന്റെ അളവെന്ത് ?



46 ചിത്രത്തിൽ EM , CK , DL എന്നിവ വൃത്തത്തിന്റെ തൊടുവരകളാണ് . $\angle KLM = 80^\circ$, $\angle LKM = 50^\circ$

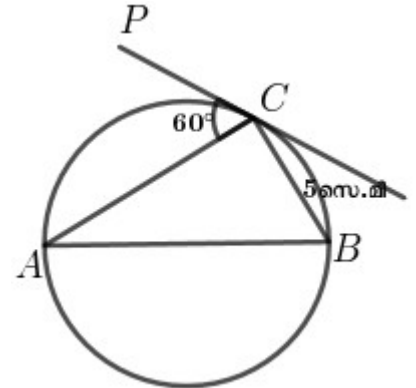
- a) $\angle CKM$ ന്റെ അളവെന്ത് ?
 b) $\angle EML$ ന്റെ അളവെന്ത് ?
 c) $\angle MLD$ യുടെ അളവെന്ത് ?



47 ചിത്രത്തിൽ AB വൃത്തത്തിന്റെ വ്യാസമാണ് . C എന്ന ബിന്ദുവിലൂടെയുള്ള തൊടുവരയാണ് CP .

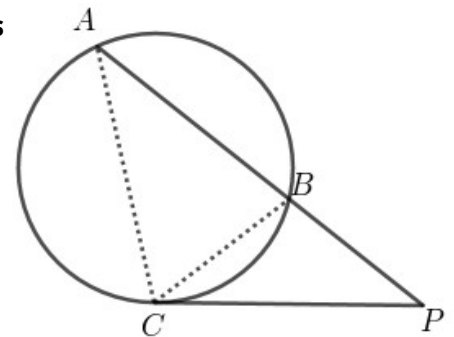
BC = 5 സെ.മീ

- a) $\angle ACB$ യുടെ അളവെന്ത് ?
 b) $\angle ABC$ യുടെ അളവെന്ത് ?
 c) വൃത്തത്തിന്റെ വ്യാസമെത്ര ?



48 ചിത്രത്തിൽ AB എന്ന ഞാൺ നീട്ടിയ വരയും C യിലൂടെയുള്ള തൊടുവരയും P എന്നബിന്ദുവിൽ കൂട്ടിമുട്ടുന്നു .

- a) $\angle BCP = x^\circ$ എന്നെടുത്താൽ $\angle BAC$ യുടെ അളവെന്ത് ?
 b) APC ,BPC എന്നീ ത്രികോണങ്ങളിലെ കോണുകൾ തുല്യമാണെന്ന് തെളിയിക്കുക ?
 c) $PA \times PB = PC^2$ എന്നു തെളിയിക്കുക ?

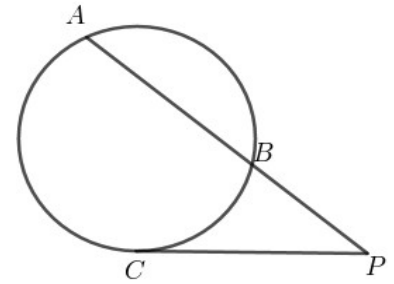


49 ചിത്രത്തിൽ AB എന്ന ഞാൺ നീട്ടിയ വരയും C യിലൂടെ യുള്ള തൊടുവരയും P എന്ന ബിന്ദുവിൽ കൂട്ടിമുട്ടുന്നു .

PA= 9 സെ,മീ , AB= 5 സെ,മീ

a) PB യുടെ നീളമെന്ത് ?

b) PC യുടെ നീളമെന്ത് ?

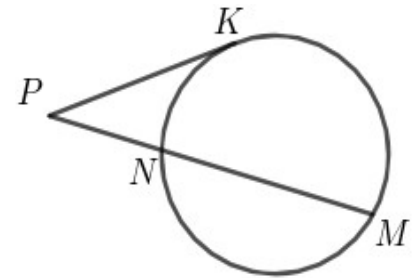


50 ചിത്രത്തിൽ MN എന്ന ഞാൺ നീട്ടിയ വരയും K യിലൂടെ യുള്ള തൊടുവരയും P എന്ന ബിന്ദുവിൽ കൂട്ടിമുട്ടുന്നു .

PK= 8 സെ,മീ , PN = 4 സെ,മീ

a) PM x PN =

b) MN ന്റെ നീളമെന്ത് ?



52 ചിത്രത്തിൽ AB , CD എന്നീ ഞാണുകൾ നീട്ടിയതും E എന്ന ബിന്ദുവിലൂടെയുള്ള തൊടുവരയും P എന്ന ബിന്ദുവിൽ കൂട്ടിമുട്ടുന്നു .

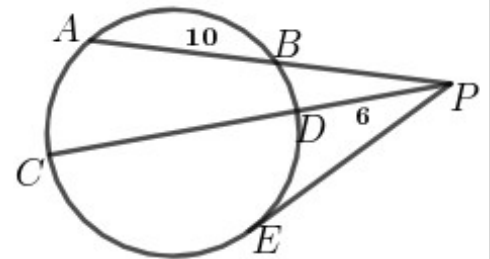
PA = 18 സെ.മീ , AB = 10 സെ.മീ , PD = 6 സെ.മീ

a) PB യുടെ നീളമെന്ത് ?

b) PC x PD =

c) CD യുടെ നീളമെന്ത് ?

d) തൊടുവര PE യുടെ നീളമെന്ത് ?



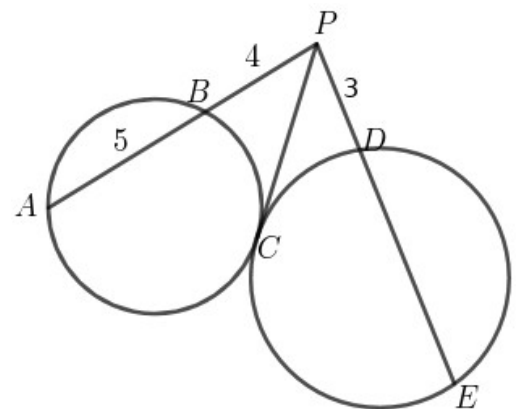
53 ചിത്രത്തിൽ രണ്ടു വൃത്തങ്ങൾ C എന്ന ബിന്ദുവിൽ കൂട്ടിമുട്ടുന്നു . CP രണ്ടു വൃത്തങ്ങൾക്കും പൊതുവായ തൊടുവരയാണ് .

AB = 5 സെ.മീ , PB = 4 സെ.മീ , PD = 3 സെ.മീ ,

a) PA യുടെ നീളമെന്ത് ?

b) തൊടുവര PC യുടെ നീളമെന്ത് ?

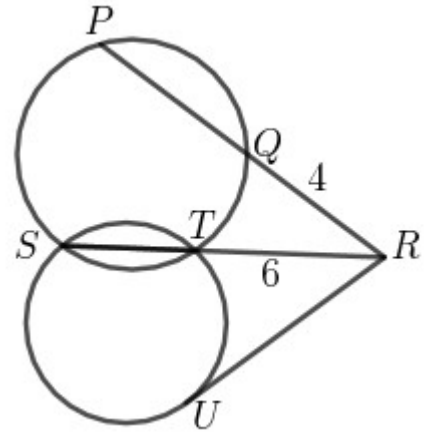
c) DE യുടെ നീളമെന്ത് ?



54 ചിത്രത്തിൽ രണ്ടു വൃത്തങ്ങൾ S , T എന്നീ ബിന്ദുക്കളിൽ കൂട്ടിമുട്ടുന്നു . RU തൊടുവരയാണ് .

PQ = 8 സെ.മീ , QR = 4 സെ.മീ , TR = 6 സെ.മീ

- PR ന്റെ നീളമെന്ത് ?
- RS ന്റെ നീളമെന്ത് ?
- തൊടുവര RU ന്റെ നീളമെന്ത് ?



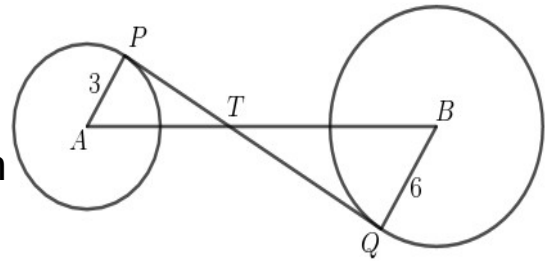
55 ചിത്രത്തിൽ A , B കേന്ദ്രങ്ങളായ വൃത്തങ്ങളുടെ പൊതുവായ തൊടുവരയാണ് PQ .

വൃത്തകേന്ദ്രങ്ങൾ തമ്മിലുള്ള അകലം 15 സെ.മീ

ചെറിയ വൃത്തത്തിന്റെ ആരം 3 സെ.മീ യും

വലിയ വൃത്തത്തിന്റെ ആരം 6 സെ.മീ യും ആണ് .

- $\angle APT$ യുടെ അളവെന്ത് ?
- $\angle BQT$ യുടെ അളവെന്ത് ?
- APT , BQT എന്നീ ത്രികോണങ്ങളിലെ കോണുകൾ തുല്യമാണെന്ന് തെളിയിക്കുക ?
- $\frac{AT}{BT} = \frac{1}{2}$ എന്നു തെളിയിക്കുക
- തൊടുവര PQ ന്റെ നീളമെന്ത് ?



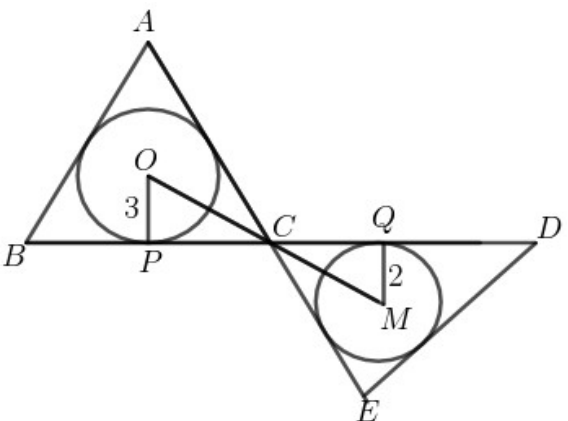
56 ചിത്രത്തിൽ ABC ഒരു സമഭുജത്രികോണമാണ്

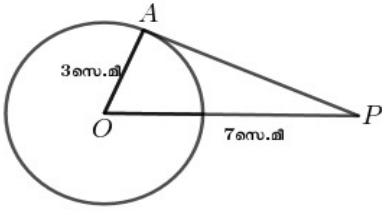
ത്രികോണം ABC യുടെ അന്തർവൃത്ത കേന്ദ്രമാണ് O .

ത്രികോണം CDE യുടെ അന്തർവൃത്ത കേന്ദ്രമാണ് M .

OP = 3 സെ.മീ , MQ = 2 സെ.മീ

- $\angle OPC$ യുടെ അളവെന്ത് ?
- $\angle OCP$ യുടെ അളവെന്ത് ?
- $\angle QCM$ ന്റെ അളവെന്ത് ?
- വൃത്തകേന്ദ്രങ്ങൾ തമ്മിലുള്ള അകലമെന്ത് ?



57	4 സെ.മീ ആരമുള്ള ഒരു വൃത്തം വരക്കുക . ഈ വൃത്തത്തിൽ ഒരു ബിന്ദു അടയാളപ്പെടുത്തുക . ഈ ബിന്ദുവിലൂടെ ഒരു തൊടുവര വരക്കുക .	
58	ചിത്രത്തിൽ O വൃത്തകേന്ദ്രം . AP തൊടുവരയാണ് a) $\angle OAP$ യുടെ അളവെന്ത് ? b) ഈ ചിത്രം കൃത്യം അളവിൽ വരക്കുക .	
59	2.5 സെ.മീ ആരമുള്ള ഒരു വൃത്തം വരക്കുക. വൃത്തകേന്ദ്രത്തിൽ നിന്നും 6 സെ.മീ അകലെ P എന്ന ബിന്ദു അടയാളപ്പെടുത്തുക. ഈ ബിന്ദുവിൽ നിന്നും വൃത്തത്തിലേക്ക് തൊടുവരകൾ വരക്കുക . തൊടുവരകളുടെ നീളം അളന്നെഴുതുക ?	
60	3.5 സെ.മീ ആരമുള്ള ഒരു വൃത്തം വരക്കുക. വൃത്തകേന്ദ്രത്തിൽ നിന്നും 8 സെ.മീ അകലെ P എന്ന ബിന്ദു അടയാളപ്പെടുത്തുക. ഈ ബിന്ദുവിൽ നിന്നും വൃത്തത്തിലേക്ക് തൊടുവരകൾ വരക്കുക . തൊടുവരകളുടെ നീളം അളന്നെഴുതുക ?	
61	ആരം 2.5 സെ.മീ ആയ ഒരു വൃത്തം വരക്കുക . വശങ്ങളെല്ലാം ഈ വൃത്തത്തെ തൊടുന്നതും കോണുകൾ 50° , 60° , 70° ആയ ത്രികോണം വരക്കുക ?	
62	ആരം 3 സെ.മീ ആയ ഒരു വൃത്തം വരക്കുക . വശങ്ങളെല്ലാം ഈ വൃത്തത്തെ തൊടുന്നതും കോണുകൾ 55° , 50° , 75° ആയ ത്രികോണം വരക്കുക ?	
EXTRA QUESTIONS		
63	വശങ്ങളുടെ നീളം 3 സെ.മീ , 4 സെ.മീ , 6 സെ.മീ ആയ ഒരു ത്രികോണം വെച്ച് അതിന്റെ അന്തർവൃത്തം വരക്കുക . ആരം അളന്നെഴുതുക ?	
64	വശങ്ങളുടെ നീളം 4 സെ.മീ , 6 സെ.മീ , 7 സെ.മീ ആയ ഒരു ത്രികോണം വെച്ച് അതിന്റെ അന്തർവൃത്തം വരക്കുക . ആരം അളന്നെഴുതുക ?	
65	ചിത്രത്തിൽ $\angle B = 90^\circ$. $AB = f$, $BC = g$, $AC = h$ a) ത്രികോണത്തിന്റെ ചുറ്റളവെന്ത് ? b) ത്രികോണത്തിന്റെ അന്തർവൃത്തആരമെന്ത് ? c) ത്രികോണത്തിന്റെ അന്തർവൃത്തആരം r എന്നെടുത്താൽ പരപ്പളവ് $r (r + h)$ ആണെന്ന് തെളിയിക്കുക ?	