

10 ബഹുപദങ്ങൾ

1 * $p(x)$ എന്ന ബഹുപദം $q(x), r(x)$ എന്നിവയുടെ ഉണ്ടപ്പെടുത്താമായി എഴുതാമെങ്കിൽ $q(x), r(x)$ എന്നിവയെ

$p(x)$ എൻ്റെ ഘടകങ്ങൾ എന്നു പറയുന്നു.

2 * $p(x)$ എന്ന ബഹുപദത്തിൽ $p(a) = 0$ ആയാൽ $x-a$, $p(x)$ എൻ്റെ ഘടകമാണ്.

* $p(x)$ എന്ന ബഹുപദത്തിൽ $p(-a) = 0$ ആയാൽ $x+a$, $p(x)$ എൻ്റെ ഘടകമാണ്.

* $p(x)$ ഒരു രണ്ടാംകുതി ബഹുപദവും a ഒരു സംഖ്യയുമായാൽ $p(x) - p(a)$ യുടെ ഘടകമാണ് $x-a$

3 * a, b എന്നീ സംഖ്യകൾ $p(x) = 0$ എന്ന ബഹുപദ സമവാക്യത്തിൽനിന്ന് പരിഹാരങ്ങളാണെങ്കിൽ $x-a, x-b$ എന്നിവ $p(x)$ എൻ്റെ ഘടകങ്ങളാണ്.

1 താഴെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന ബഹുപദങ്ങളെ, ഒന്നാം കൂതി ബഹുപദങ്ങളുടെ ഉണ്ടപ്പെടുത്താമായി എഴുതുക. $P(x) = 0$

എന്ന സമവാക്യത്തിൽനിന്ന് പരിഹാരങ്ങളും കാണോക.

(a) $P(x) = x^2 - 9$ (b) $P(x) = x^2 - 25$ (c) $P(x) = x^2 - 8$ (d) $P(x) = 9x^2 - 4$

(e) $P(x) = 2x^2 - 4x$ (f) $P(x) = x^2 - 5x$ (g) $P(x) = x^2 - 8x + 16$ (h) $P(x) = 9x^2 - 12x + 4$

(i) $P(x) = x^2 + 7x + 12$ (j) $P(x) = x^2 + 13x + 12$ (k) $P(x) = x^2 - 8x + 15$ (l) $P(x) = x^2 - 12x + 20$

(m) $P(x) = x^2 + 7x - 18$ (n) $P(x) = x^2 + 5x - 14$ (o) $P(x) = x^2 - 8x - 20$ (p) $P(x) = x^2 - 5x - 24$

(q) $P(x) = x^2 - 20x + 91$ (r) $P(x) = x^2 - 20x + 51$ (s) $P(x) = x^2 + 5x - 84$ (t) $P(x) = 4x^2 - 16x + 15$

(u) $P(x) = x^2 - 4x + 1$ (v) $P(x) = x^2 - x - 1$ (w) $P(x) = x^2 + 2x - 1$ (x) $P(x) = x^2 - 4x + 2$

(y) $P(x) = (x-3)(x^2 + 6x - 16)$ (z) $P(x)$ ആം $P(1)=0, P(-3)=0, P(4)=0$

2 താഴെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന ബഹുപദങ്ങളോരോന്നിലും ആദ്യത്തെ ബഹുപദത്തിൽ നിന്ന് എത്ര സംഖ്യ

കുറച്ചാലാണ് (ഈട്ടിയാലാണ്) രണ്ടാമത്തെ ബഹുപദം ഘടകമായി മാറുക. അങ്ങനെ ചെയ്തു കിട്ടുന്ന ബഹുപദത്തിൽനിന്ന് ഘടകങ്ങൾ കാണോക.

(a) $x^2 - 3x + 5$, $x-4$ (b) $x^2 - 3x + 5$, $x+4$ (c) $x^2 + 5x - 7$, $x-1$ (d) $x^2 - 4x - 3$, $x-1$

3 പുവെടയുള്ള ബഹുപദങ്ങളെ ഒന്നാംകുതി ബഹുപദങ്ങളുടെ ഉണ്ടപ്പെടുത്താമായി എഴുതാൻ കഴിയില്ല എന്ന തെളിയിക്കുക.

(a) $x^2 - 3x + 5$ (b) $x^2 + x + 1$ (c) $x^2 + 2x + 2$ (d) $x^2 + 4x + 5$

4 താഴെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന ബഹുപദത്തിൽ k ആയി എത്ര സംഖ്യ മുട്ടതാലാണ് $x - 1$ ഘടകമായ ബഹുപദം ലഭിക്കു. രണ്ടാമത്തെ ഘടകം കാണോക.

(a) $x^2 + kx + 6$ (b) $kx^2 + 2x - 5$ (c) $2x^2 - kx - 9$

5 താഴെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന ബഹുപദങ്ങളോരോന്നിലും ആദ്യത്തെ ബഹുപദത്തിൽനിന്ന് ഘടകമാണോ രണ്ടാമത്തെ ബഹുപദം എന്ന് പരിശോധിക്കു.

(a) $x^3 - 5x^2 - 2x + 9$, $x-3$ (b) $x^3 - 5x^2 - 2x + 9$, $x+3$ (c) $x^3 - 5x^2 - 2x + 8$, $x-2$ (d) $x^3 - 4x^2 - 2x + 9$, $x+2$

6 (a) $p(x) = 6x^3 + 3x^2$ എന്ന ബഹുപദത്തിൽനിന്ന് ഘടകമാണോ $x-1$ എന്ന് പരിശോധിക്കു. ?

(b) $p(x)$ എന്ന ബഹുപദത്തോട് എത്ര ഒന്നാം കൂതി ബഹുപദം ഈട്ടിയാലാണ് $x^2 - 1$ ഘടകമായ ഒരു ബഹുപദം കിട്ടുക.

- 7 (a) $3x^3 - 2x^2 - 3x + 2$ എന്ന ബഹുപദത്തിന്റെ ഘടകമാണോ $x+1$ എന്ന് പരിശോധിക്കുക.
(b) $2x^2 + 3x - 5$ എന്ന ബഹുപദത്തിൽ $x+3$ ഘടകമാവണമെങ്കിൽ എത്ര സംഖ്യ കുറയ്ക്കണം ?
(c) $3x^3 - 2x^2 + 5x$ എന്ന ബഹുപദത്തോട് എത്ര സംഖ്യ കൂട്ടിയാലാണ് $x-2$ ഘടകമായ ഒരു ബഹുപദം കിട്ടുക.
(d) $3x^3 + 4x^2 + kx - 5$ എന്ന ബഹുപദത്തിൽ $x-1$ ഘടകമാവാൻ 8 കുറയ്ക്കണമെങ്കിൽ k യുടെ വില എന്ന് ?
(e) $2x^3 - 3x^2 + x + k$ യുടെ ഒരു ഘടകം $x+2$ ആകണമെങ്കിൽ k യുടെ വില ഏതു ആവായിരിക്കും.
- 8 $x^3 + ax^2 + bx - 15$ എന്ന ബഹുപദത്തിന്റെ ഘടകങ്ങളാണ് $x-1, x-3$ എങ്കിൽ a, b കാണുക.
- 9 $p(x) = x^2 + 6x + k$ എന്ന ബഹുപദം പരിഗണിക്കുക.
(a) $k = 10$ ആയാൽ ഈ ബഹുപദത്തിന് ഒന്നാംകൃതി ഘടകങ്ങൾ ഇല്ല എന്ന് തെളിയിക്കുക.
(b) $p(x)$ ഓ ഒന്നാംകൃതി ഘടകം ഉണ്ടാകണമെങ്കിൽ k യുടെ പരമാവധി വില ഏതായിരിക്കും ?
- 10 (a) $2x^3 - 9x^2$ ന്റെ കൂടു ഒന്നാംകൃതിയിലുള്ള എത്ര ബഹുപദം കൂട്ടിയാൽ തുക $x-2, x-3$ എന്നീ ഘടകങ്ങളുള്ള ബഹുപദമായി മാറും.
(b) $3x^3 - 2x^2 - 3x + 2$ ന്റെ ഘടകങ്ങളാണ് $x-1, x+1$ എന്ന് തെളിയിക്കുക.
- 11 $p(x) = x^2 + 3x + k$ എന്ന ബഹുപദത്തിൽ
(a) $k = -4$ എങ്കിൽ $p(x)$ ഓ ഘടകങ്ങൾ ഉണ്ടെന്ന് തെളിയിക്കുക ?
(b) $k = 4$ എങ്കിൽ $p(x)$ ഓ ഘടകങ്ങൾ ഇല്ല എന്ന് തെളിയിക്കുക ?
- 12 $x^2 + ax + b = 0$ എന്ന സമവാക്യത്തിന്റെ പരിഹാരം $-3, 5$ ഇവയാണെങ്കിൽ
(a) $x^2 + ax + b$ ദൈ രണ്ട് ഒന്നാംകൃതി ബഹുപദങ്ങളുടെ ഗുണനഫലമായി ഏഴുതുക.
(b) a, b ഇവയുടെ വില എന്ന് ?
- 13 (a) $p(x)$ ഒരു മൂന്നാംകൃതി ബഹുപദമാണ് തുടാതെ $p(1) = 0, p(2) = 0, p(-1) = 0$ എങ്കിൽ $p(x)$ എന്ന ബഹുപദം ഏഴുതുക. $p(-2)$ എത്ര ?
(b) $x^2 - 6x + 13$ എന്ന ബഹുപദത്തിന്റെ ഏറ്റവും കുറഞ്ഞ വില എന്ന് ?
(c) $p(x) = x^2 - 6x + 8$ ആയാൽ x ഓ വിലകൾ സ്വീകരിക്കുന്നോൾ ബഹുപദത്തിന്റെ ഏറ്റവും കുറഞ്ഞ വില $p(3)$ ആണെന്ന് തെളിയിക്കുക.
- 14 ഒരു സമചതുരക്കുയുടെ ഒരു വക്കിന്റെ നീളം x യൂണിറ്റാണ്. ഈ സമചതുരക്കുയുടെ വ്യാസം, ഉപരിതലപരപ്പളവ്, വക്കുളുടെ ആകെ നീളം, ആകെ മൂലകുളുടെ എണ്ണം ഇവയുടെ തുക ഒരു ബഹുപദമായി ഏഴുതുക. ബഹുപദത്തിന്റെ ഘടകമാണോ $x-2$ എന്ന് പരിശോധിക്കുക.
- 15 രാഴ ഒരു രണ്ടാംകൃതി ബഹുപദം ഘടകക്രിയ ചെയ്യുന്നതിൽ $x+2, x-3$ എന്നീ ഘടകങ്ങൾ കിട്ടി. പിന്നീട്, ഈ ബഹുപദത്തിൽ x ന്റെ മൂലകത്തിന്റെ ചിഹ്നം മാറിപ്പോയതായി രാമവിന് മനസിലായി. എങ്കിൽ ധമാർത്ഥ ബഹുപദത്തിന്റെ ഘടകങ്ങൾ കാണുക.
- 16 (a) $qx^2 + 5x + r$ എന്ന ബഹുപദത്തിന്റെ ഘടകങ്ങളാണ് $x-2, x-1/2$ എങ്കിൽ $q = r$ എന്ന് തെളിയിക്കുക.
(b) $ax^3 + bx^2 + cx + d$ എന്ന ബഹുപദത്തിന്റെ ഒരു ഘടകമാണ് $x^2 - 1$ എങ്കിൽ $a + c = b + d = 0$ എന്ന് തെളിയിക്കുക.
- 17 (a) $ax^3 + bx^2 + cx + d$ എന്ന ബഹുപദത്തെ $x+3$ കൊണ്ട് നിശ്ചേഷം ഹരിക്കാമെങ്കിൽ $9b + d = 27a + 3c$ എന്ന് തെളിയിക്കുക.
(b) $k^2x^3 - kx^2 + 3kx - k$ എന്ന ബഹുപദത്തിന്റെ ഒരു ഘടകമാണ് $x-3$ എങ്കിൽ k യുടെ വില എന്ന് ?
(c) $x^3 + kx^2 - 2x + k + 4$ എന്ന ബഹുപദത്തിന്റെ ഒരു ഘടകമാണ് $x+k$ എങ്കിൽ k യുടെ വില എന്ന് ?

- 18** (a) ax^3+4x^2+3x-4, x^3-4x+a എന്നി രണ്ട് ബഹുപദങ്ങൾക്കും പൊതുലടക്കമാണ് $x-3$ എകിൽ a യുടെ വില എന്ത് ?
ബഹുപദങ്ങളിലും എഴുതുക.
- (b) ഒരു പരീക്ഷയിൽ ഒരു കുറിക്ക് ലഭിച്ച പ്രോബ്യമിതായിരുന്നു.” $x^3+\dots+x^2+\dots+x-15$ എന്ന ബഹുപദത്തിന്റെ ഘടകങ്ങളാണ് $x-1, x+3$ എന്ന് തെളിയിക്കുക. ഇവിടെ x^2 സ്ഥിരം x സ്ഥിരം മൂന്നുക്കൾ തെളിഞ്ഞിട്ടില്ല.
ഈ മൂന്നുകൾക്ക് കണ്ടുപിടിക്കുക.
- 19** (a) $p(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$ ആയാൽ $p(10) - p(1), 9$ എന്ന ഒരു മൂന്നിത്തമാണെന്ന് തെളിയിക്കുക.
- (b) $n, n+1, n+2, \dots, n+9$ എന്നും n^3+n^2+n+1, n^3+1 എന്നീ സംവൃക്കൾക്ക് ഒന്നിനേക്കാൾ വലിയ ഒരു പൊതുലടക്കം ഉണ്ടെന്ന് തെളിയിക്കുക.
- 20** $P(x) = x^2 + 4x + k$ എന്ന ബഹുപദത്തിൽ k എത്ര സംഖ്യ എടുത്താലുണ്ട് $P(x)$ നെ ഒന്നാം കൂതി ബഹുപദങ്ങളുടെ മൂന്നുപദലമായി എഴുതുക.
- 21** (a) $P(1) = 0, P(-3) = 0, P(2) = 0$ ആകന്ന ഒരു മൂന്നാംകൂതി ബഹുപദം എഴുതുക
(b) $P(x) = 2x^2 - x - 6$. $P(x)$ എന്ന ഒരു ഘടകമാണ് $P(x)$ നെ ഒന്നാംകൂതി ബഹുപദങ്ങളുടെ മൂന്നുപദലമായി എഴുതുക.
- 22** $P(x) = (x+2)(x-3) + k$ എന്ന ബഹുപദത്തിൽ ഘടകമാണ് $(x-2)$
(a) k യുടെ വില കാണുക. (b) $P(x)$ എന്ന ഒരു ഘടകമാണോ $(x+1)$ എന്ന് പരിശോധിക്കുക.
(c) $P(x)$ നോട് എത്ര സംഖ്യ കൂട്ടിയാലുണ്ട് $(x+3)$ ഘടകമായ ബഹുപദം ലഭിക്കുക.
- 23** ഒരു ചതുരത്തിൽ പരപ്പളവിനെ സൂചിപ്പിക്കുന്ന ബഹുപദം $P(x) = x^2 - 6x + 5$ ആണ്. അതിൽ നീളം $x-1$ ഉം ആണ്.
(a) വീതിയെ സൂചിപ്പിക്കുന്ന ഒന്നാം കൂതി ബഹുപദം കാണുക.
(b) ആറുളവിനെ സൂചിപ്പിക്കുന്ന ഒന്നാം കൂതി ബഹുപദം കാണുക.
(c) നീളം $= 5$ ആയാൽ വീതി, പരപ്പളവ് എന്നിവ കാണുക.
- 28** പാദവക്ക് a ഒരു സമചതുരസ്ത്രപികയുടെ ഉപരിതല പരപ്പളവിനെ $P(a) = a^2 + 50a$ എന്ന ബഹുപദം കൊണ്ട് സൂചിപ്പിച്ചിരിക്കുന്നു എകിൽ
(a) ഈ സ്ത്രപികയുടെ ചരിവുയരം എന്ത് ?
(b) പാദവക്കിൽ നീളം 30 യൂണിറ്റ് ആയാൽ ഉപരിതല പരപ്പളവ്, വ്യാപ്തം എന്നിവ കാണുക.
- 29** (a) $P(x) = x^2 - kx - 7$ എന്ന ബഹുപദത്തിൽ $P(1) = 3$ ആയാൽ k യുടെ വില എന്ത് ?
(b) $P(x)$ ഒരു രണ്ടാം കൂതി ബഹുപദമാണ്. ഇതിൽ ഒരു ഘടകമാണ് $(x-1)$ കൂടാതെ $P(7) = 0$ എകിൽ $P(x)$ നെ രണ്ട് ഒന്നാംകൂതി ബഹുപദങ്ങളുടെ മൂന്നുപദലമായി എഴുതുക. x എന്ന് ഏതെല്ലാം വിലകൾക്കാണ് $P(x) = 0$ ആകുന്നത്.
- 30** $P(x) = ax^2 + bx + 5$ എന്ന ബഹുപദം പരിഗണിക്കുക.
(a) $P(1)$ കാണുക. (b) $P(x)$ എന്ന ഘടകമാണോ $(x-1)$ എകിൽ $a + b = -5$ എന്ന് തെളിയിക്കുക.
(c) $P(x)$ എന്ന ഘടകമാണോ $(x+1)$ എകിൽ a യും b യും തമിലുള്ള സന്ധം എന്ത് ?
(d) a, b ഇവയുടെ എത്ര വിലകൾക്ക് (x^2-1) , $P(x)$ എന്ന ഘടകമാവും ?
- 31** (a) $P(x) = 5x^3 + ax^2 + bx + 8$ എന്ന ബഹുപദത്തിൽ $P(1) = 1$ കൂടാതെ $x+1$ ഒരു ഘടകവുമായാൽ a, b ഇവ കാണുക.
(b) $2x+3$ ഘടകമായ ഒരു മൂന്നാംകൂതി ബഹുപദം എഴുതുക.
- 32** $P(x) = 2x^3 + kx^2 + 17x - 2$ എന്ന ബഹുപദത്തിൽ $P(2) = P(3)$ എകിൽ k യുടെ വില എന്ത് ?