

ഗണിതം

സ്കാൻഡേർഡ് V

ഭാഗം - 1



കേരളസർക്കാർ
വിദ്യാഭ്യാസവകുപ്പ്

സംസ്ഥാന വിദ്യാഭ്യാസ ഗവേഷണ പരിശീലന സമിതി (SCERT), കേരളം
2016

ദേശീയഗാനം

ജനഗണമന അധിനായക ജയഹോ
ഭാരത ഭാഗ്യവിഡാതാ,
പഞ്ചാബസിന്ധു ഗുജറാത്ത മറാംഗ
പ്രാവിഡ ഉർക്കല ബംഗാ,
വിന്യുഹിമാചല യമുനാഗംഗാ,
ഉച്ചല ജലധിതരംഗാ,
തവശുഭനാമേ ജാഗേ,
തവശുട ആശിഷ മാഗേ,
ഗാഹോ തവ ജയ ഗാമാ
ജനഗണമംഗലദായക ജയഹോ
ഭാരത ഭാഗ്യവിഡാതാ.
ജയഹോ, ജയഹോ, ജയഹോ,
ജയ ജയ ജയ ജയഹോ!

പ്രതിജ്ഞ

ഇന്ത്യ എൻ്റെ രാജ്യമാണ്. എല്ലാ ഇന്ത്യക്കാരും എൻ്റെ
സഹോദരീ സഹോദരമാരാണ്.

ഞാൻ എൻ്റെ രാജ്യത്തെ സ്നേഹിക്കുന്നു;
സമ്പൂർണ്ണവും വൈവിധ്യപൂർണ്ണവുമായ അതിന്റെ
പാരമ്പര്യത്തിൽ ഞാൻ അഭിമാനം കൊള്ളുന്നു.

ഞാൻ എൻ്റെ മാതാപിതാക്കളെല്ലായും ഗുരുക്കെന്നാരെയും
മുതിർന്നവരെയും ബഹുമാനിക്കും.

ഞാൻ എൻ്റെ രാജ്യത്തിന്റെയും എൻ്റെ നാട്ടുകാരുടെയും
ക്ഷേമത്തിനും ഏഴശരൂത്തിനും വേണ്ടി പ്രയത്നിക്കും.

Prepared by :

State Council of Educational Research and Training (SCERT)
Poojappura, Thiruvananthapuram 695 012, Kerala

Website : www.scertkerala.gov.in

E-mail : scertkerala@gmail.com

Phone : 0471-2341883, Fax : 0471-2341869

Typesetting and Layout : SCERT

First Edition : 2014, Reprint : 2016

Printed at : KBPS, Kakkanad, Kochi-30

© Department of Education, Government of Kerala

പ്രിയപ്പെട്ട കുട്ടികളേ,

സംഖ്യകളും രൂപങ്ങളുമായി ബന്ധപ്പെട്ട്
കുറേയേരെ കാര്യങ്ങൾ നാം മനസ്സിലാക്കി.

കുറേക്കൂടി വലിയസംഖ്യകൾ, ഭിന്നസംഖ്യകൾ,
അവയുടെ ക്രിയകൾ, ഉപയോഗപ്പെടുത്താവുന്ന
പ്രശ്നങ്ങൾ, സംഖ്യാപ്രത്യേകതകൾ
തുടങ്ങിയവയും നമുക്ക് ചർച്ചചെയ്യാം;
ജ്യാമിതിയുമായി ബന്ധപ്പെട്ട പുതിയ ആശയങ്ങളും
നിർമ്മിതികളും പരിചയപ്പെടാം.

യുക്തിപരമായി ചിന്തിച്ചും കൃത്യതയോടെ വരച്ചും
ബന്ധങ്ങൾ കണ്ടത്തിയും
നമുക്ക് ആത്മവിശ്വാസത്തോടെ മുന്നോറാം.

ആശംസകളോടെ,

ഡോ. പി. എ. ഹാത്തിമ
ഡയറക്ടർ
എസ്.സി.ഇ.ആർ.ടി.

പാഠപുസ്തക രചന

ശില്പശാലയിൽ പങ്കെടുത്തവർ

രമേഷൻ എൻ.കെ.

എച്ച്.എസ്.എ.

ആർ.ജി.എം.എച്ച്.എസ്.എസ്, പാനുർ,
കണ്ണൂർ

കുമത്തഹമ്മദ്. ടി.പി.

പി.ഡി. ടീച്ചർ, ജി.എം.യു.പി. സ്കൂൾ,
തിരുവള്ളൂർ

പ്രകാശൻ ടി.പി.

എച്ച്.എസ്.എ, ജി.എച്ച്.എസ്.എസ്.
വാഴക്കാട്, മലപ്പുറം

രവികുമാർ ടി.എസ്.

പി.ഡി.ടീച്ചർ, ജി.യു.പി.എസ്,
അമുച്ചുവടി, മലപ്പുറം

അനിത വി.എസ്.

ലക്ഷ്മിൻ, യയ്യ്, തിരുവനന്തപുരം

സുശീലൻ. കെ.

ബി.ആർ.സി. ടെയിനർ, തിരുർ,
മലപ്പുറം

വാസുദേവൻ കെ.പി.

മാസ്റ്റർ ടെയിനർ, എ.ടി. @ സ്കൂൾ
പ്രോജക്ട്, തൃശ്ശൂർ

വീരാൻകുട്ടി കെ.

യു.പി.എസ്.എ, സി.എച്ച്.എം.കെ.എം.
യു.പി.എസ്, മുണ്ടകുളം, മലപ്പുറം

റവായത്ത് എം.കെ.

ടീച്ചർ, ജി.എച്ച്.എസ്, ബേമല്ലൂർ,
പാലക്കാട്

കൃഷ്ണഭാസ് പാലേതി

ടീച്ചർ, ജി.യു.പി.എസ്, കൊടകയമ്പ്,
കാസറഗോഡ്

വിദ്യർഥൻ

ഡോ. രമേഷകുമാർ പി.

അംസി. പ്രൊഫസർ, കേരള സർവകലാശാല

ഡോ. മുംതാസ് എൻ.എസ്.

അസോ. പ്രൊഫസർ, ഹാറുക്ക് ടെയിനിൽ കോളേജ്, കോഴിക്കോട്

ചിത്രകാരന്മാർ

ധനേഷൻ എം.വി.

എ.വി.എസ്.ജി.എച്ച്.എസ്.എസ്,
കതിവള്ളൂർ, കണ്ണൂർ

കുമത്തിരാമൻ പി.സി.

ധയ്യ്, എറണാകുളം

ഹരികുമാർ കെ.ഡി.

കഴക്കുടം, തിരുവനന്തപുരം

ഹരി ചാരുത

നേമം, തിരുവനന്തപുരം

അക്കാദമിക് കോഡിനേറ്റർമാർ

അരുൺ ജേജാതി എസ്.

റിസർച്ച് ഓഫീസർ, എസ്.സി.ഇ.ആർ.ടി.

ഡോ. ദിവ്യസഖീരാജ് ജേ.

റിസർച്ച് ഓഫീസർ, എസ്.സി.ഇ.ആർ.ടി.



സംസ്ഥാന വിദ്യാഭ്യാസ ഗവേഷണ പരിശീലന സമിതി (SCERT)

വിദ്യാഭ്യാസ, പുജപ്പുര, തിരുവനന്തപുരം 695 012

ബഹുകാം

1. സംഖ്യാലോകം 07
2. വരകൾ ചേരുമ്പോൾ 19
3. ഭാഗം വയ്ക്കൽ 33
4. വ്യത്തങ്ങൾ 51
5. ഭാഗങ്ങളുടെ സംഖ്യ 61

ഇത് പുസ്തകത്തിൽ സഹകര്യത്തിനായി ചില ചിഹ്നങ്ങൾ
ഉപയോഗിച്ചിരിക്കുന്നു.



ICT സാധ്യത



കണക്ക് ചെയ്തുനോക്കാം



പ്രോജക്ട്



തിരിഞ്ഞുനോക്കുമ്പോൾ

1

സംവ്യാലോകം



സംഖ്യാക്രമി

“കണക്കിലെ കളികൾ ഇഷ്ടമാണോ”? എസന് ടീച്ചർ ചോദിച്ചു.

“ഇഷ്ടമാണ്” - കുട്ടികൾ വിളിച്ചുപറഞ്ഞു.

“ഞാൻ ഒരു സംഖ്യ പറയാം. അതിന്റെ അടുത്ത സംഖ്യ പെട്ടെന്ന് നിങ്ങൾ പറയണം, ഇതാണ് കളി. തയാറാണല്ലോ?”

“തയാർ!”

“പത്ത്” - ടീച്ചർ പറഞ്ഞതുടങ്ങി.

“പതിനൊന്ന്” - കുട്ടികളും.

“നാൽപ്പതിമൂന്ന്”

“നാൽപ്പതിനാല്”

കളി തുടർന്നുകൊണ്ടിരുന്നു.

“നാലായിരത്തി തൊല്ലേറി ഒമ്പത്” - ടീച്ചർ പറഞ്ഞു.

“അയ്യായിരം” - ചില കുട്ടികൾ വിളിച്ചുപറഞ്ഞു.

“അയ്യോ.... അല്ല. നാലായിരത്തി ഒരുനൂറ്”.

ഇതുപോലെയുള്ള അബ്ദങ്ങൾ ആർക്കും പറ്റാം.

ഇനിയും കളിച്ചുനോക്കു.



പ്രവേശനാശ്വം

പ്രവേശനം നേടിയ കുട്ടികളുടെ എല്ലാമായി എഴുതിയിരിക്കുന്ന സംഖ്യ എത്രയാണ്?

എത്രവരെയുള്ള സംഖ്യകൾ നിങ്ങൾക്ക് വായിക്കാനറിയാം?

എറ്റവും വലിയ നാലക്കു സംഖ്യ എത്രയാണ്?

ഇതിന്റെ തൊട്ടട്ടുത്ത സംഖ്യ എത്രയാണ്?



ഒന്നാം ക്ലാസ്സിൽ പ്രവേശനം
നേടിയത് 435268 കുട്ടികൾ

ഗണിതം

എറുവും വലിയ അംബ്രകൾ സംഖ്യയോ?

ഇതിന്റെ തൊട്ടട്ടുള്ള സംഖ്യ എത്രാണ്?

ഈ സംഖ്യ എങ്ങനെന കണ്ടുപിടിക്കും?

എങ്ങനെന വായിക്കും?

വലിയ സംഖ്യകൾ ഉൾപ്പെടുന്ന ഒരു പട്ടിക നോക്കു.

1	ഒന്ന്
10	പത്ത്
100	നൂറ്
1000	ആയിരം
10000	പതിനായിരം
100000	ലക്ഷം
1000000	പത്ത് ലക്ഷം
10000000	കോടി
100000000	പത്ത് കോടി

ഈ നേരം തുടർന്നെല്ലാത്തിയാൽ സംഖ്യകൾ നൂറുകോടി, ആയിരം കോടി എന്നിങ്ങനെന നീണ്ടുപോകും.

ഈ തൊന്ത്രം ഒമ്പതിനായിരത്തി തൊള്ളായിരത്തി തൊന്ത്രം ഒമ്പതിന്റെ കൂടെ ഒന്ന് കൂട്ടിയാൽ കിട്ടുന്ന സംഖ്യ എത്രാണെന്നു പറയാമോ?

$$99999 + 1 = 100000$$

ഈ സംഖ്യ എങ്ങനെന വായിക്കും?

പട്ടിക നോക്കു.

ഒരു ലക്ഷത്തിൽ ആറ് അക്കങ്ങൾ ഉണ്ട്.

അതായത് ഒരു ലക്ഷം എന്നത് ആറുക്കണസംഖ്യയാണ്. അപോൾ എറുവും വലിയ ആറുക്കണ സംഖ്യ എത്രാണ്?

ഒമ്പത് ലക്ഷത്തി തൊന്ത്രം ഒമ്പതിനായിരത്തി തൊള്ളായിരത്തി തൊന്ത്രം ഒമ്പതിന്റെ കൂടെ ഒന്ന് കൂട്ടിയാൽ കിട്ടുന്ന സംഖ്യ എത്രാണ്?

അതായത്, $999999 + 1 =$

ബീംഗ് സംഖ്യ

സാധാരണയായി നമുക്ക് അറിയാവുന്ന വലിയ സംഖ്യ ചോദിച്ചാൽ കോടി, 100 കോടി എന്നാക്കേണ്ടാണ് പറയാറുള്ളത്.

1 നുംശേം 10 പുജ്യം ചെർത്താൽ ആയിരം കോടിയായി. 1 നുംശേം 100 പുജ്യമുള്ള സംഖ്യയുടെ വലുപ്പം ആലോ ചിക്കു... ഇതാണ് “നൂറോൾ” (googol) എന്ന സംഖ്യ. 1938-ൽ എഡ്യൻഡ് കാസ്കർ ആണ് ഈ പേര് കൊടുത്തത്.

ലക്ഷത്തിന് നൂറായിരം (Hundred thousand) എന്നും 10 ലക്ഷത്തിന് മില്യൻ (Million) എന്നുമാണ് മറ്റ് ചില രാജ്യങ്ങളിൽ പേരുകൾ.

കോടിക്കുണ്ടാണെന്നും!
നൂറും പുജ്യമാണെന്നും!
അഭ്യർത്ഥി ആര്യ ദ്രോഹാളിംഗം!

ബുദ്ധാർഥ!



- ചുവടെ തന്നിരിക്കുന്ന സംഖ്യകൾ പട്ടികയിലെ എത്രല്ലാം സംഖ്യകൾക്കിടയിലാണെന്ന് കണ്ടെത്തു.

3245; 435268; 26736; 43526720

- ഒരു ആറുക്കണംബു എഴുതുക. ഈ സംഖ്യ പട്ടികയിലെ എത്രല്ലാം സംഖ്യകൾക്ക് ഇടയിലായിരിക്കും? ഈ സംഖ്യ എങ്ങനെ വായിക്കും?
- ലക്ഷ്യത്തിനും പത്തു ലക്ഷ്യത്തിനും ഇടയിലുള്ള അഞ്ച് സംഖ്യകൾ എഴുതുക. ഈ സംഖ്യകൾ എങ്ങനെന്നൊന്ന് വായിക്കുന്നത്?

ഗ്രഹങ്ങൾ

സൂര്യനിൽനിന്നു വിവിധ ഗ്രഹങ്ങളിലേക്കുള്ള ദൂരം ചുവടെ പട്ടികയിൽ തന്നിരിക്കുന്നു.



ഗ്രഹങ്ങൾ	ദൂരം (കി.മി)
ബൃഥൻ	57909175
ശുക്രൻ	108200000
ഭൂമി	149600011
ചൊവ്	227940000
വ്യാഴം	778333000
ശനി	1429400000
യൂറാനസ്	2870990000
നൈപ്പറ്റുണൻ	4504300000

ഭൂമിയിൽനിന്നു സൂര്യനിലേക്ക് എത്ര കിലോമീറ്റർ ദൂരം ഉണ്ട്?

ഈ ദൂരം 149600011 കിലോമീറ്റർ ആണെന്ന് പട്ടികയിൽനിന്നു കാണാം. ഈ ദൂരം എങ്ങനെ വായിക്കും?

പതിനാലു കോടി തൊല്ലാറ്റി ആർ ലക്ഷ്യത്തി പതിനൊന്ന്.

വ്യാഴത്തിൽനിന്നു സൂര്യനിലേക്കുള്ള ദൂരം എത്ര കിലോമീറ്ററൊന്ന്?

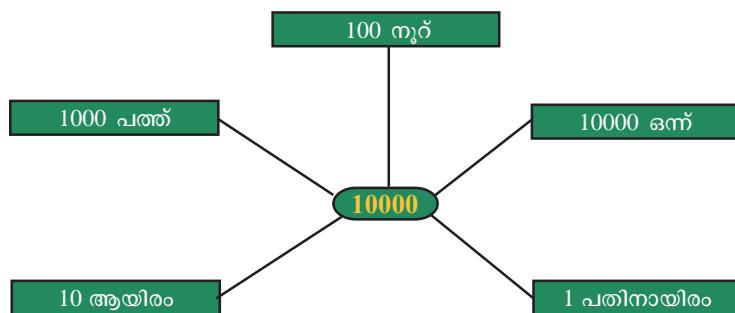
സൂര്യനോട് ഏറ്റവും അടുത്തുള്ള ഗ്രഹത്തിലേക്കുള്ള ദൂരം എത്രയാണ്?

സൂര്യനോട് ഏറ്റവും അകലെയുള്ള ഗ്രഹത്തിലേക്കുള്ള ദൂരമോ?

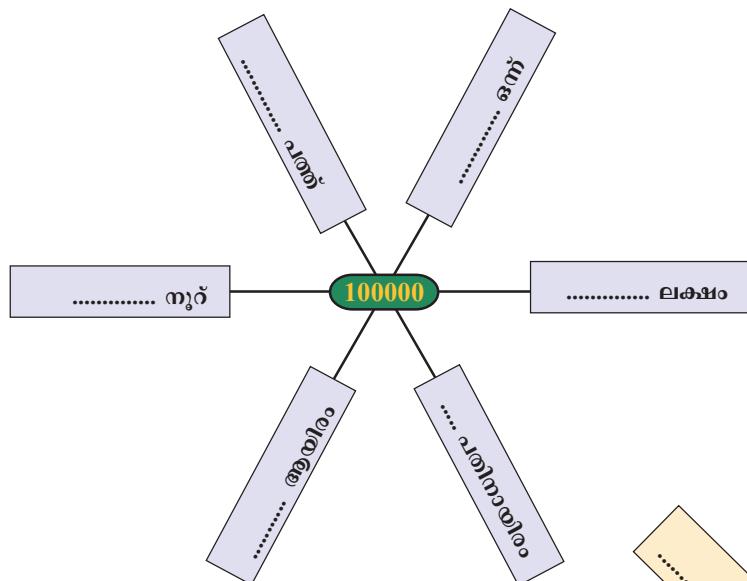
മുകളിൽ കണ്ടെത്തിയ ദൂരങ്ങളെല്ലാം വായിച്ചുനോക്കു.

പതിനായിരം പലതരം

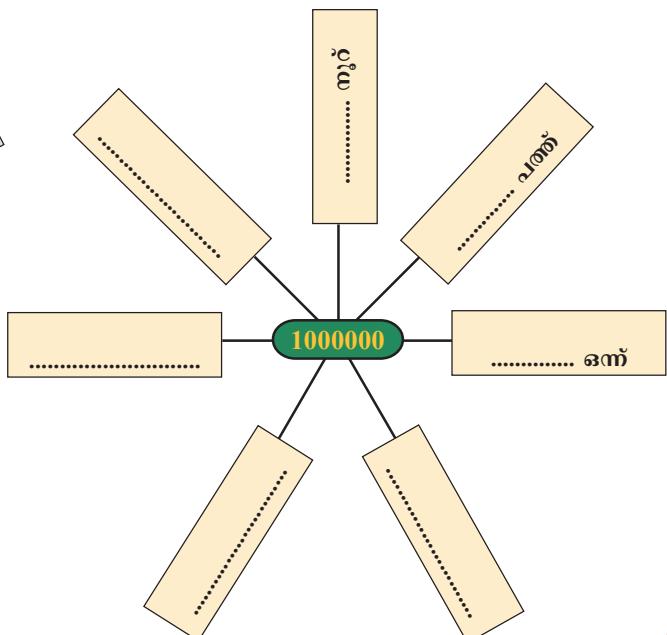
10000 പലതരത്തിൽ എഴുതിയത് നോക്കു.



ഇന്ത്യൻ പരമ്പരയിൽ 100000 ത്രിനേന പലരീതിയിൽ എഴുതി നോക്കു.



പത്തുലക്ഷത്തെ എങ്ങനെ പലരീതിയിൽ എഴുതും?



എത്ര സംവ്യക്ഷ!

1, 2, 3, 4, 5 എന്നീ അക്കങ്ങൾ ആവർത്തിക്കാതെ എത്ര അഥവാക്കണം വ്യക്ഷ ഉണ്ടാക്കാം? ഇത്തരത്തിലുള്ള എല്ലാ അഥവാക്കണംവ്യക്ഷങ്ങും എഴുതി നോക്കുന്നത് എളുപ്പമല്ലലോ.

രണ്ടുക്കങ്ങൾ മാത്രമേ ഉള്ളൂവെക്കിലോ? ഉദാഹരണമായി, 3, 4 എന്നിവ ഉപയോഗിച്ച് ഉണ്ടാക്കാവുന്ന രണ്ടുക്കണംവ്യക്ഷ 34 ഉം 43 ഉം ആണലോ.

ഈ മുന്നക്കങ്ങൾ ഉപയോഗിച്ചുള്ള മുന്നക്കണംവ്യക്ഷ ആണെങ്കിലോ? ആകെ 6 സംവ്യക്ഷ കിട്ടും.

ഈ നാല് അക്കങ്ങൾ ഉപയോഗിച്ചുള്ള നാലുക്കണംവ്യക്ഷങ്ങൾ എന്തെന്നും കണക്കാക്കിക്കുടേ? അഥവാക്കങ്ങളായാലോ?

രേഖ സംഖ്യ പലതരം

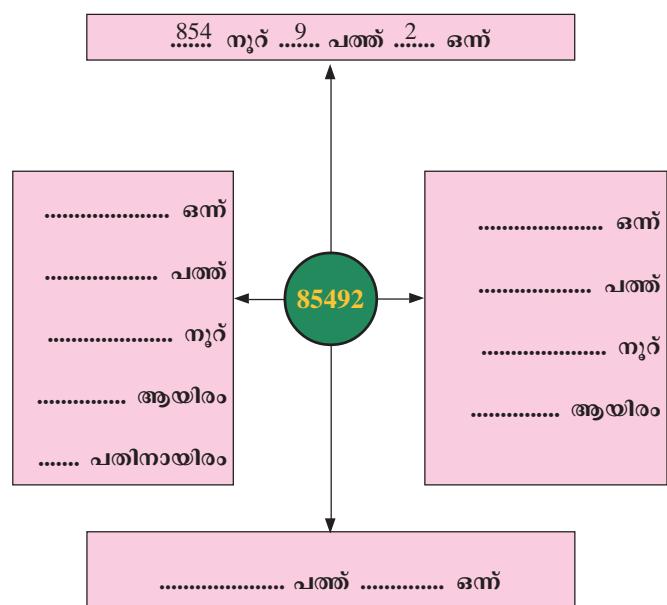
അക്കങ്ങൾക്കാണഭാരു

കൂളി

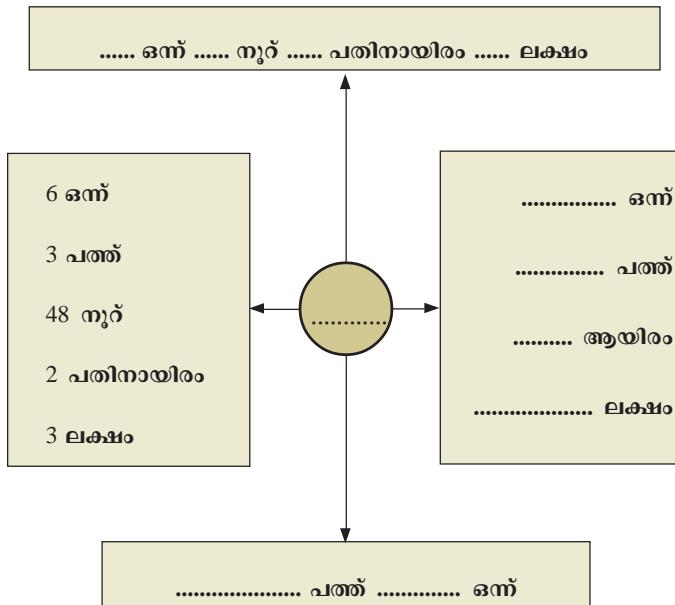
1 2 3 4 5

ഇങ്ങനെ തുടർച്ചയായി അഥവാ തവണ അടുത്തടുത്തായി എഴുതുക. ഒരു വലിയ സംഖ്യ കിട്ടിയില്ലോ. ഇതിൽനിന്ന് ഇഷ്ടമുള്ള 10 അക്കങ്ങൾ വെട്ടിക്കൊള്ളുക. ബാക്കി വരുന്നവ അതേ ക്രമത്തിൽ ചേർത്തു വച്ചാൽ 15 അക്കങ്ങളുള്ള ഒരു സംഖ്യ കിട്ടില്ലോ? വെട്ടുന അക്കങ്ങൾ മാറും. ഇങ്ങനെ കിട്ടുന ഏറ്റവും വലിയ 15 അക്ക സംഖ്യ എത്രാണ്?

- 85492 നെ ഏതെല്ലാം തരത്തിൽ എഴുതാം?



- ചുവടെ തന്നിരിക്കുന്നതിൽ ഒഴിഞ്ഞു കിട്ടുന്ന സ്ഥാനങ്ങളിൽ അനുയോജ്യമായ സംഖ്യകൾ എഴുതുക.



- 136749 നെ പല രീതിയിൽ എഴുതിനോക്കു.



ജനസംഖ്യ

2011-ലെ സെൻസസ് അടിസ്ഥാനമാക്കി ഇന്ത്യയിലെ ചില സംസ്ഥാനങ്ങളിലെ ജനസംഖ്യ ചുവരെ കൊടുത്തിരിക്കുന്നു:

സംസ്ഥാനങ്ങൾ	ജനസംഖ്യ
ജമ്മുകാർഖമീറ്റ്	12548926
ഹിമാചൽ പ്രദേശ്	6856509
ഉത്തരാവണ്ടി	10116752
ഹരിയാന	25353081
രാജസ്ഥാൻ	68621012
ഉത്തർപ്രദേശ്	199581477
ബീഹാർ	103804637
സിക്കിം	607688
കേരളം	33387677
തമിഴ്നാട്	72138958
കർണ്ണാടകം	61130704
ഗോവ	1457723
പഞ്ചാബ്	27704236

- പട്ടികയിൽ ഏറ്റവും കുറഞ്ഞ ജനസംഖ്യയുള്ള സംസ്ഥാനം എത്ര? ജനസംഖ്യ എത്ര?
- പട്ടികയിൽ ഏറ്റവും കൂടിയ ജനസംഖ്യയുള്ള സംസ്ഥാനം എത്ര? ജനസംഖ്യ എത്ര?
- ഈ രണ്ടു സംസ്ഥാനങ്ങളിലെ ജനസംഖ്യകൾ തമി ലുള്ള വ്യത്യാസം എത്രയാണ്?
- നമ്മുടെ അയൽസംസ്ഥാനങ്ങളായ തമിഴ്നാട്, കർണ്ണാടകം എന്നിവിടങ്ങളിലെ ആകെ ജനസംഖ്യ എത്ര?
- ഉത്തർപ്രദേശിലെ ജനസംഖ്യ, ബീഹാറിലേതിനേ കാശ് എത്ര കൂടുതലാണ്?
- പട്ടികയിൽ ഏഴുതിയിരിക്കുന്ന സംസ്ഥാനങ്ങളെ ജന സംഖ്യയുടെ അടിസ്ഥാനത്തിൽ ക്രമപ്പെടുത്തി എഴു തുക.

പട്ടിക വായിച്ച് കൂടുതൽ ചോദ്യങ്ങൾ തയാറാക്കി ക്ലാസിൽ അവതരിപ്പിക്കു.

ഇരുവഴിസംഖ്യകൾ

മുന്നോട്ടും പിന്നോട്ടും ഒരുപോലെ വായിക്കാവുന്ന സംഖ്യകളാണ് ഇരുവഴിസംഖ്യകൾ (Palindromic numbers). ഇവയെ സമമിത സംഖ്യകൾ എന്നും പറയും. ഉദാഹരണമായി

36863

എത്ര സംഖ്യയിൽനിന്നും ഇരുവഴി സംഖ്യകൾ ഉണ്ടാക്കാമോ? ഇഷ്ടമുള്ള സംഖ്യ എടുക്കുക. അതിനെ തിരിച്ചെഴുതി കൂടുക. ഇങ്ങനെ ഇരുവഴിസംഖ്യ ആകുന്നതുവരെ തുടരുക. 69 +

96

ഉദാഹരണമായി

165

69. ഇതിനെ തിരിച്ചെഴുതി 561

726

ഇത് ആദ്യത്തെ

627

സംഖ്യയുമായി

1353

കൂട്ടിയാൽ 69 + 96

= 165. ഈ ക്രീയ

3531

തുടർന്നാലോ?

4884

ഇരുവഴിസംഖ്യയല്ല? വേരു

സംഖ്യകളെടുത്ത് ഇതുപോലെ

ചെയ്തുനോക്കു.

എത്ര സംഖ്യയിൽനിന്നും തുടങ്ങിയാലും ഇത് ക്രീയ ഇരുവഴി സംഖ്യയിൽ എത്തിച്ചേരുമെന്ന് ഉറപ്പില്ല. ഉദാഹരണമായി, 196 തന്നെ തുടങ്ങി ഇത് ക്രീയ 70 കോടി തവണ ആവർത്തിച്ചിട്ടും ഇരുവഴിസംഖ്യയിൽ എത്തിയിട്ടില്ല.

സംഖ്യകൾ നിർഭിക്കാം

സിയാദും മീരയും അക്കൈക്കാർധ്യകൾക്കാണ്
സംഖ്യകൾ ഉണ്ടാക്കി കളിക്കുകയാണ്.

4 0 7 8 5 6

എന്നീ കാർധ്യകളാണ് രണ്ടു പേരുകൾക്കും കിട്ടിയത്.

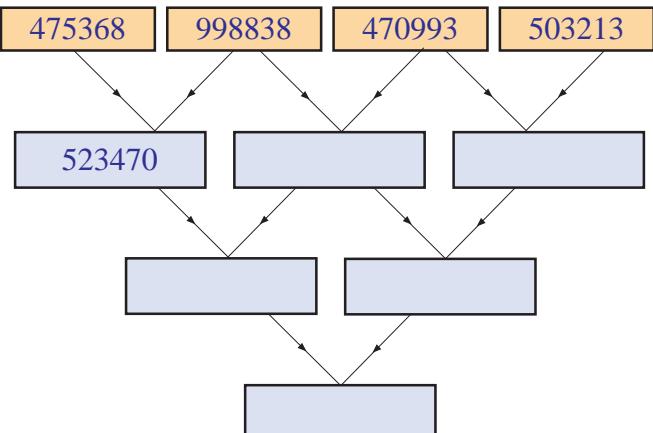
- ഈ ഉപയോഗിച്ച് ഉണ്ടാക്കാവുന്ന ഏറ്റവും വലിയ സംഖ്യ എത്രാണ്?
- ഏറ്റവും ചെറിയ സംഖ്യ എത്രാണ്?
- ഈ സംഖ്യകളുടെ തുകയും വ്യത്യാസവും കണക്കാക്കുക.

സംഖ്യാശാല

തനിരിക്കുന്ന ചിത്രത്തിൽ ആദ്യവർ
യിലെ അടുത്തടുത്തുള്ള രണ്ടു കളങ്ങളിലെ സംഖ്യകൾ തമിലുള്ള വ്യത്യാസമാണ് അടുത്ത വരിയിലെ കളങ്ങളിൽ എഴുതേണ്ടത്. രണ്ടാമതെത്ത് വരിയിലെ അടുത്തടുത്ത കളങ്ങളിലെ സംഖ്യകൾ തമിലുള്ള വ്യത്യാസമാണ് അതിനടുത്ത വരിയിലെ കളങ്ങളിൽ എഴുതേണ്ടത്. ഈ രീതിയിൽ ഒഴിവെന്ന് കിടക്കുന്ന കളങ്ങളിലെ സംഖ്യകൾ എഴുതി നോക്കു.

ബജറ്റ്

ഈ പദ്ധതിയിൽ ബജറ്റിൽ ചില മേഖലകൾക്കായി നീക്കിവച്ച തുകയുടെ വിവരം ചുവടെ പട്ടികയിൽ കൊടുത്തിരിക്കുന്നു.



മേഖല	തുക
ആരോഗ്യം	1255000
വിദ്യാഭ്യാസം	789000
രോധ് വികസനം	2060000
കുടിവെള്ളം	490000

- എറ്റവും കൂടുതൽ തുക നീക്കിവച്ചിരിക്കുന്നത് എത്ര മേഖലയ്ക്കാണ്?
- എറ്റവും കുറവെന്ന തുകയോ?
- വിദ്യാഭ്യാസത്തിനുള്ളതിനേക്കാൾ എത്ര രൂപ കൂടു തലാണ് രോധ് വികസനത്തിന് നീക്കിവച്ചിരിക്കുന്നത്?
- എല്ലാ മേഖലകൾക്കും കൂടി നീക്കിവച്ചിരിക്കുന്നത് അരകെ എത്ര രൂപയാണ്?
- അടുത്ത വർഷത്തേക്ക് ഈ മേഖലകൾക്കായി ഈ നേഹാൾ 4 ലക്ഷം രൂപ കൂടുതൽ അനുവദിച്ചിട്ടുണ്ട്. അത് കൂടിച്ചേര്ത്ത് അടുത്ത വർഷത്തെ ബജറ്റ് രണ്ടുരീതിയിൽ തയാറാക്കുക.

ഗുണനം പലവിധം

ഒരു വിദ്യാലയത്തിൽ ഓൺലൈൻഷെത്തിൽ പങ്കെടുക്കുന്ന മുഴുവൻ കൂട്ടികൾക്കും പേന നൽകാൻ തീരുമാനിച്ചു. ഒരു പേനയ്ക്ക് 6 രൂപ. 256 കൂട്ടികളുണ്ടെങ്കിൽ പേന വാങ്ങാൻ എത്ര രൂപ വേണ്ടിവരും?

എങ്ങനെ കണക്കാക്കും?

$$256 \times 6 = \dots$$

ഒരു യു. പി. സ്കൂളിൽ പഠായത്തെ വക ഫർണിച്ചർ വാങ്ങാൻ ഫണ്ട് വകയിരുത്തി. ഒരു ഡെസ്ക്‌കിന് 3456 രൂപ ആകുമെങ്കിൽ 85 ഡെസ്കുകൾക്ക് എത്ര ചെലവാകും?

$$3456 \times 85 \text{ ആണല്ലോ കാണേണ്ടത്.}$$

ഈ ചുവടെ കൊടുത്ത രീതിയിൽ എഴുതാം:

$$\begin{aligned} 3456 \times 85 &= 3456 \times (5 + 80) \\ &= (3456 \times 5) + (3456 \times 80) \end{aligned}$$

അതായത്	$3456 \times 5 = \dots$
	$3456 \times 80 = \dots$

$$\hline 3456 \times 85 = \dots$$

കാപ്രേകർ സ്ഥിരസംഖ്യ

2, 3, 5, 6 എന്നീ അക്കങ്ങൾ ആവർത്തിക്കാതെ ഉണ്ടാക്കാവുന്ന ഏറ്റവും വലിയ സംഖ്യ എത്രാണ്? ഏറ്റവും ചെറുതോ?

അവ തമ്മിലുള്ള വ്യത്യാസം എത്രയാണ്?

$$6532 - 2356 = 4176$$

ഈ സംഖ്യയിലെ അക്കങ്ങൾ 4, 1, 7, 6 ആണല്ലോ. ഈ ഉപയോഗിച്ച് മുകളിൽ ചെയ്തതുപോലെ ചെയ്താൽ $7641 - 1467 = 6174$.

ഈ സംഖ്യയിലെ അക്കങ്ങൾ മുമ്പ് ചെയ്തതുപോലെ ചെയ്തു നോക്കു. എന്നാണ് കണ്ണടത്തി യത്? മറ്റ് നാല് അക്കങ്ങൾ ഉപയോഗിച്ച് ഈ ചെയ്തുനോക്കാമല്ലോ. മഹാരാഷ്ട്രയിലെ അധ്യാപകനായിരുന്ന കാപ്രേകർ എന്ന ഗണിതശാസ്ത്രജ്ഞനാണ് ഈതു കണ്ണടത്തിയത്. അതുകൊണ്ട് 6174 എന്ന സംഖ്യ കാപ്രേകർ സ്ഥിരസംഖ്യ എന്നപേരിലാണ് അറിയപ്പെടുന്നത്.

ഈ മറ്റാരു നാലക്കെ സംഖ്യ എഴുതു. ഈ സംഖ്യ നേരെ തിരിച്ചെഴുതി വലിയ സംഖ്യയിൽ നിന്നു ചെറിയ സംഖ്യ കുറയ്ക്കുക. ഈ പ്രക്രിയ തുടരു. നിങ്ങൾ എന്നാണു കണ്ണടത്തിയത്?

ഇത് ഇങ്ങനെ ചുരുക്കി എഴുതാം.....

$$\begin{array}{r}
 3456 \times \\
 85 \\
 \hline
 17280 \\
 276480 \\
 \hline
 293760
 \end{array}$$

യൂണിഫോം വിതരണം

രു സ്കൂളിൽ 528 പെൺകുട്ടികളും 443 ആൺകുട്ടികളും ഉണ്ട്. ആൺകുട്ടികളുടെ രു യൂണിഫോം മിന് 160 രൂപയും പെൺകുട്ടികളുടെ രു യൂണിഫോം മിന് 210 രൂപയും ആകുമെങ്കിൽ സ്കൂളിലെ എല്ലാ കുട്ടികൾക്കുമായി യൂണിഫോം മിന് എന്തു ചെലവാകും?

ശാഖാലും ഓ

കിസ് മത്സരവിജയികൾക്ക് സമ്മാനം നൽകാനായി രാജീവൻ മാസ്റ്റർ 12 രൂപയുടെ 3 പാക്കറ്റ് ക്രയോൺ വാങ്ങി. മത്സരം കഴിഞ്ഞപ്പോൾ 2 പേരുക്കു കൂടി സമ്മാനം കൊടുക്കേണ്ടിവന്നതിനാൽ വീണ്ടും രണ്ടു പാക്കറ്റ് വാങ്ങി. സമ്മാനത്തിനായി ആകെ എത്ര രൂപ ചെലവായി?

$$\text{ആദ്യം ചെലവായത്} = 12 \times 3 = 36 \text{ രൂപ}$$

$$\text{വീണ്ടും 2 പാക്കറ്റ് വാങ്ങിയപ്പോൾ}$$

$$\text{ചെലവായത്} = 12 \times 2 = 24 \text{ രൂപ}$$

$$\text{ആകെ} = 36 + 24 = 60 \text{ രൂപ}$$

ഈ തന്നെ മറ്റാരു രീതിയിലും കാണാം:

ആകെ വാങ്ങിയ

$$\text{പാക്കറ്റുകളുടെ എണ്ണം} = 3 + 2 = 5$$

$$\text{ഓന്നിഞ്ചു വില} = 12$$

$$\text{ആകെ} = 12 \times 5 = 60 \text{ രൂപ}$$

ഈതിൽ നിന്നു നിങ്ങൾ എന്തു കണ്ണെത്തി?

$$(3 + 2) \times 12 = (3 \times 12) + (2 \times 12)$$

ഗുണിച്ച നോക്കാതെ

$$1 \times 2 \times 3 \times 4 \times 5 = 1 \times 3 \times 4 \times 10.$$

ഒന്നു മുതൽ അഞ്ചു വരെ തുടർച്ചയായ സംഖ്യകൾ ഗുണിച്ചാൽ ഗുണനപ്പലത്തിന്റെ അവസാന അക്കം പൂജ്യമായിരിക്കും.

ഒന്നു മുതൽ പത്തു വരെയുള്ള സംഖ്യകൾ ഗുണിച്ചാലോ?

ഗുണനപ്പലത്തിന്റെ അവസാനത്തെ എത്ര അക്കങ്ങൾ പൂജ്യമായിരിക്കും? ഗുണിച്ച നോക്കാതെ പറയാമോ?

സംഖ്യാബന്ധം

തുടർച്ചയായ 4 എണ്ണൽ സംഖ്യകളുടെ

ഗുണനപ്പലത്തോട് ഓ കൂടുക.

ഈ സംഖ്യകളിൽ ചെറിയ സംഖ്യയും വലിയ സംഖ്യയും ഗുണിച്ച കിട്ടുന്നതിനോട് ഓ കൂടുക.

ഇങ്ങനെ കിട്ടിയ സംഖ്യകൾ തമ്മിൽ എന്താണ് ബന്ധം?

കൂടുതൽ ഉദാഹരണങ്ങൾ ഇല്ലെങ്കിൽ നിശ്ചാരം കണ്ണെത്തു.

മനക്കെന്നക്കായി ചെയ്യാം

താഴെ കൊടുത്തിരിക്കുന്നവ മനക്കെന്നക്കായി കണ്ടെത്തുക.

$$225 \times 98 + 225 \times 2$$

$$45 \times 92 + 45 \times 8$$

$$115 \times 88 + 115 \times 12$$

$$132 \times 7 + 132 \times 993$$



- ഒരു വിദ്യാഭ്യാസ ജില്ലയിലെ 215 വിദ്യാലയങ്ങളിൽ ഗണിതലാബ് സജ്ജീകരിക്കുന്നതിനായി ജില്ലാപഞ്ചായത്ത് ഓരോ വിദ്യാലയത്തിനും 4850 രൂപ വീതം അനുവദിച്ചു. 36 വിദ്യാലയങ്ങളിൽ കമ്പ്യൂട്ടർ ലാബ് സജ്ജീകരിക്കുന്നതിന് 76500 രൂപ വീതവും അനുവദിച്ചു. എങ്കിൽ ലാബുകളുടെ സജ്ജീകരണത്തിനായി പഞ്ചായത്ത് ആകെ എത്ര തുക നീക്കിവച്ചു?
- സ്കൂൾ ഉച്ചക്ഷണ പദ്ധതിയിൽ ഒരു കൂട്ടിക്ക് ഒരു ദിവസത്തേക്ക് വേണ്ടിവരുന്നത് 150 ശ്രാം അതിയാണ്. ഉച്ചക്ഷണ പദ്ധതിയിൽ കീഴിൽ 1240 കൂട്ടിക്കൾ ഉണ്ട്. ഒരു ദിവസത്തേക്ക് ഇവർക്ക് ആകെ എത്ര കിലോശ്രാം അരി വേണ്ടിവരും?
- ഒരു യു. പി. സ്കൂളിൽ കമ്പ്യൂട്ടർ ലാബ് നിർമ്മാണത്തിനായി പി. ടി. എ. 236465 രൂപ ശേഖരിച്ചു. ശേഖരിച്ച തുകയിൽ 1000 രൂപ, 500 രൂപ, 100 രൂപ, 50 രൂപ, 10 രൂപ, 5 രൂപ നോട്ടുകളാണ് ഉള്ളത്. 1000 രൂപാനോടുകളുടെ എണ്ണം 100. മറ്റു നോട്ടുകൾ ഓരോനും എത്ര യോക്കെ ആവാം? എത്രകിലും മുന്നു രീതികളിൽ എഴുതുക.
- വായനവാരം പ്രമാണിച്ച് സംസ്ഥാനത്തെ തിരഞ്ഞെടുക്കപ്പെട്ട 587 ശന്മാലയങ്ങൾക്കായി 1221 പുസ്തകങ്ങൾ വീതം നൽകാൻ തീരുമാനമായി. എങ്കിൽ പദ്ധതിക്കുവേണ്ടി ആകെ എത്ര പുസ്തകങ്ങൾ വാങ്ങേണ്ടിവരും?
- രണ്ട് സ്ഥാനാർമ്മികൾ മാത്രം മത്സരിച്ചു ഒരു തിരഞ്ഞെടുപ്പിൽ വിജയിയായ സ്ഥാനാർമ്മിക്ക് 374436 വോട്ടും എതിർ സ്ഥാനാർമ്മിക്ക് 293760 വോട്ടും ലഭിച്ചു. 1436 വോട്ടുകൾ അസാധ്യവായി. എങ്കിൽ ജയിച്ച സ്ഥാനാർമ്മിയുടെ ഭൂതിപക്ഷം എത്രയാണ്? അവിടെ ആകെ എത്രപേരാണ് വോട്ട് ചെയ്തത്?



പ്രോജക്ട്

ഒരു നാലക്കെസംവ്യൂഹ എഴുതി അത് തിരിച്ചെഴുതുക. വലുതിൽ നിന്ന് ചെറുത് കുറയ്ക്കുക. കിട്ടുന്ന സംഖ്യയുടെ അക്കത്തുകയ്ക്ക് എന്തെങ്കിലും പ്രത്യേകതയുണ്ടോ?

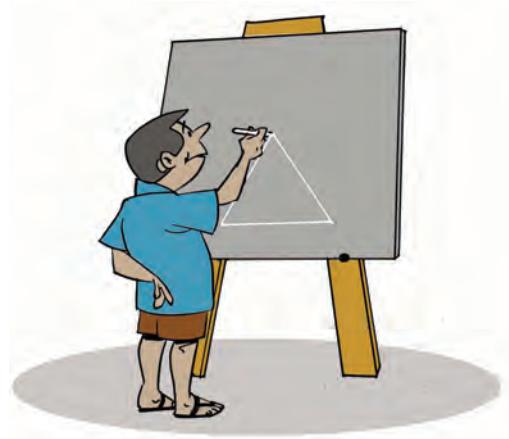
തിരിഞ്ഞുനോക്കുമ്പോൾ



പഠനനേടങ്ങൾ	എനിക്സ് കഴിയും	സീച്ചറുടെ സഹായത്തോടെ കഴിയും	ഇനിയും മെച്ചപ്പെടുത്തുണ്ട്
<ul style="list-style-type: none"> ലക്ഷം, പത്തുലക്ഷം, കോടി തുടങ്ങിയ വലിയ സംഖ്യകളെ അക്കൈ അല്ലെങ്കിൽ എന്നും അടിസ്ഥാനമാക്കി വായിക്കാനും എഴുതാനും കഴിയുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> സംഖ്യകളിൽ ഓരോ സ്ഥാനം ഇട തോട്ട് പോകും തോറും സ്ഥാനവില് 10 മടങ്ങാകുന്നു എന്നു വിശദീകരിക്കാൻ കഴിയുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> എത്ര സംഖ്യയെയും സന്ദർഭത്തിനനുസരിച്ച് ഒന്നുകൾ, പത്തുകൾ, നൂറുകൾ, ആയിരങ്ങൾ,... എന്നിങ്ങനെയുള്ള കൂടുതലാക്കാൻ കഴിയുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> ഒരു സംഖ്യയെ മുന്നക്കും സംഖ്യകൾക്കാണ്ട് ഗുണിക്കുന്നതിന് അനുയോജ്യമായ മാർഗം കണ്ണെത്താൻ കഴിയുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> ഗുണനത്തിന്റെ വ്യത്യസ്ത മാർഗങ്ങൾ വിശദീകരിക്കുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> വലിയസംഖ്യകൾ ഉൾപ്പെടുത്തുന്ന പ്രായോഗികപ്രശ്നങ്ങൾ, ചതുഷ്ക്രിയകളുടെ സഹായത്തോടെ പരിഹരിക്കുന്നു. 			

2

വരകൾ ചെരുവോൾ



ഹോട്ടോയിലെ കൗതുകം

ചരിത്ര ശോപ്പുരം

ഇറ്റലിയിലെ പിസാ നഗരത്തിലുള്ള ശോപ്പുരം ആണ് ചിത്രത്തിലുള്ളത്. പിസാ യിലെ ചരിത്ര ശോപ്പുരം (Leaning Tower of Pisa) എന്ന പേരിൽ ഇത് പ്രസിദ്ധമാണ്.



ശോപ്പുരം അൽപ്പാൽപ്പും ചരിത്രമുണ്ടാക്കാൻ കൂടിയിരിക്കുന്നതായി പിന്നീട് കണ്ണം താഴി. ശോപ്പുരത്തെ ശരിക്കും നിവർത്തിക്കുത്തെനെ ആകാമായിരുന്നെങ്കിലും വിനോദസഞ്ചാരികളെ ആകർഷിക്കുന്നത് ശോപ്പുരത്തിന്റെ ചരിവായതിനാൽ അത് അങ്ങനെ നിലനിർത്താനായിരുന്നു തീരുമാനം.

മാളു വേന്നലവധിയിൽ വിനോദയാത്രയ്ക്ക് പോയ പ്ലോൾ എടുത്ത ഹോട്ടോകൾ കൂസിൽ കൊണ്ടുവന്നു. ഇവയിൽ ചില ഹോട്ടോകൾ കുറച്ചു നേരം നോക്കിയിട്ട് അപ്പു പറഞ്ഞു: “ഈ ചിത്രങ്ങളിലെല്ലാം ചില പ്രത്യേകതകൾ ഉണ്ട്”.

അപ്പു നോക്കിയ ഹോട്ടോകളാണ് ചുവടെ കൊടുത്തിട്ടുള്ളത്.



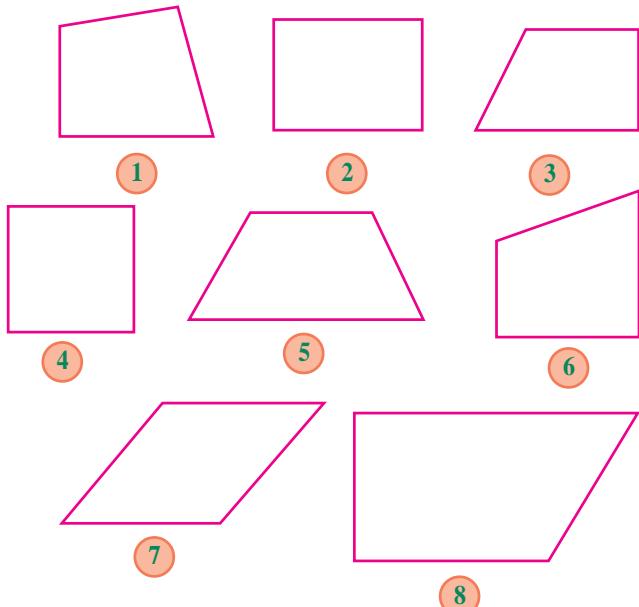
“അതെന്നാണ്?” എല്ലാവരും ഹോട്ടോകൾ മാറിമാറി നോക്കി.

അവസാനം അപ്പു തന്നെ പറഞ്ഞു: “ഈ ചിത്രങ്ങളിലെല്ലാം ചില വസ്തുകൾ കുത്തനെയാണ്, മറ്റു ചിലത് അൽപ്പും ചരിഞ്ഞവയും.”

ഹോട്ടോകൾ നിങ്ങളും കണ്ടല്ലോ.

നാലു വരഷങ്ങൾ

നാലു വരഷങ്ങളുള്ള ചില രൂപങ്ങളാണ് (ചതുർഭുജങ്ങൾ) ചുവടെ വരച്ചിട്ടുള്ളത്.

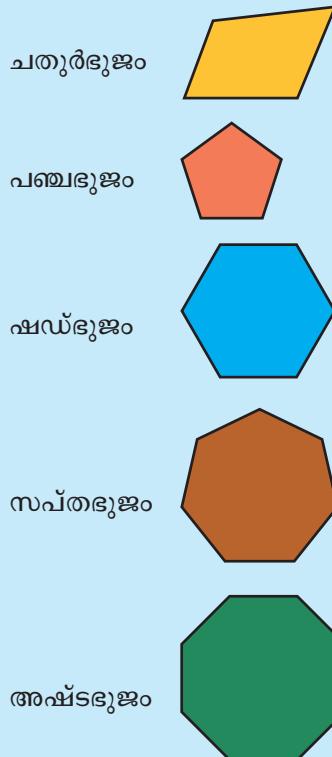


ഈ ചിത്രങ്ങളിൽ താഴെത്തെ വരയിൽനിന്ന് കുത്തനെ മേൽപ്പോട് വരച്ച വരകളും ചരിച്ചുവരച്ച വരകളും കാണാം. ഉദാഹരണമായി, ഒന്നാമത്തെ ചിത്രത്തിൽ ഇടത്തേവര താഴെത്തെ വരയിൽനിന്നു കുത്തനെ മേൽപ്പോട്ടാണ് വരച്ചത്; വലതേതെ വര അൻപൊ ചരിഞ്ഞും. ഇതുപോലെ മറ്റു ചിത്രങ്ങളിലുള്ളവ കണ്ണഡത്തി പട്ടികയാക്കു.

ചിത്രം	കുത്തനെയുള്ള വര	ചരിഞ്ഞിരിക്കുന്ന വര
1	ഇടത്തേ വര	വലതേതെ വര
2		
3		
4		
5		ഇടത്തേ വര, വലതേതെ വര
6		
7		
8		

ബഹുഭുജങ്ങൾ

വര അഞ്ചും എണ്ണമനുസരിച്ചാണ് ജ്യാമിതീയരൂപങ്ങൾക്കു പേരിട്ടിരിക്കുന്നത്. നാലു വരഷങ്ങൾ ഉള്ളത് ചതുർഭുജം, അഞ്ചു വരഷങ്ങളുള്ളതിനെ പഞ്ചഭുജം, ആറു വരഷങ്ങളുള്ളതിനെ ഷഡഭുജം എന്നിങ്ങനെ.

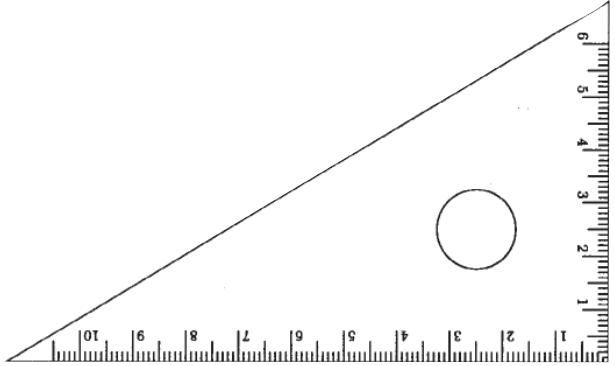
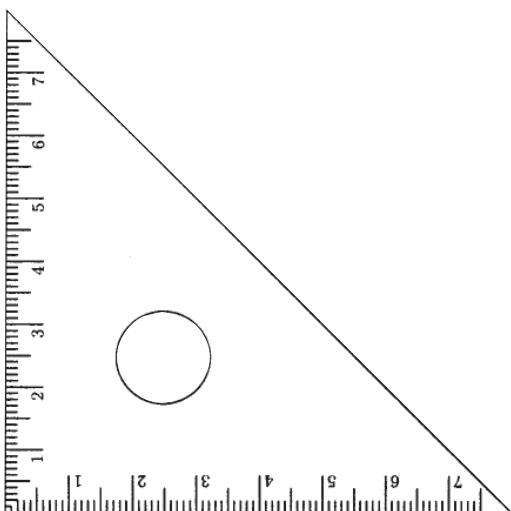


സംസ്കൃതഭാഷയിൽ നാല്, അഞ്ച്, ആറ്, ഏഴ്, എട്ട് എന്നീ സംഖ്യകളെ സൂചിപ്പിക്കുന്ന ശബ്ദങ്ങളാണ് ചതുർ, പഞ്ച, ഷഡ്, സപ്ത, ആഷ്ട എന്നിവ. ഭുജം എന്നാൽ കൈ, ശാവ എന്നല്ലാണ് അർഥം.

മെസുറ്റ്

രാമേഖൻ ഒരു മരപ്പുലകയിൽനിന്ന് ചതു രാകൃതിയിലുള്ള മരക്കഷണം മുറിച്ചു ടുക്കാൻ ശ്രമിക്കുകയാണ്. ഒരു വശം മറ്റൊരു വശത്തിന് കുത്തനെനയാക്കുന്ന തിന്ന് രാമേഖൻ ഉപയോഗിച്ചു ഉപകരണം കണ്ണുവാല്ലോ.

ഇതിനെ മട്ടം എന്നാണ് വിളിക്കുന്നത്. നമ്മുടെ ജ്യാമിതിപ്പെട്ടിയിലും രണ്ടു മട്ടങ്ങൾ (Set Squares) ഉണ്ട്.



ഇവയുടെ ഉപയോഗം എന്തൊക്കെയോ?

മട്ടം വച്ച് നോക്കാം

ചുവവെട വരച്ച ചതുർഭുജം നോക്കു.

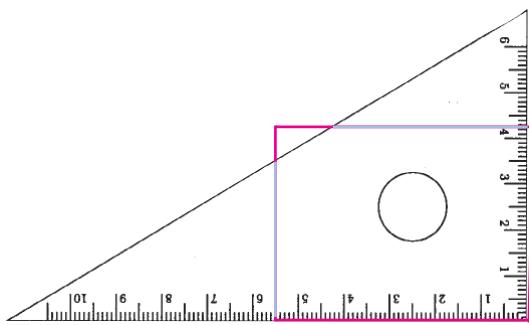


ഇവിടെ ഇടത്, വലത് വരകൾ താഴെയുള്ള വരയ്ക്കു കുത്തനെ മേൽപ്പോട്ടാണോ?

അതിൽ സംശയം ഉണ്ട്, അലോ?

ഗണിതം

ഒരു മട്ടം ഉപയോഗിച്ച് നമുക്ക് പരിശോധിച്ചുനോക്കാം.



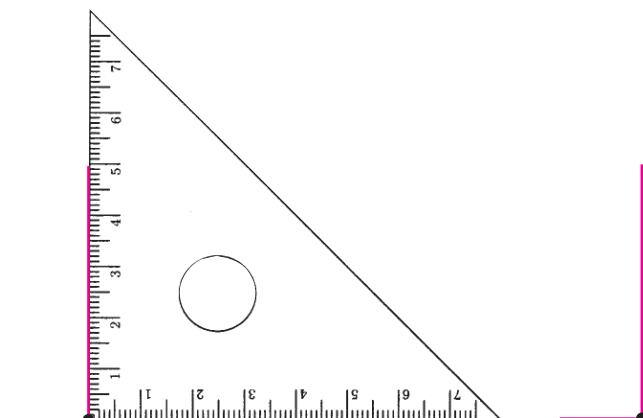
വലതേതെ വരു അൽപ്പും ചരിത്തിട്ടുണ്ട്.

വരച്ചുനോക്കാം

ഒരു വരു വരച്ച് അതിൽ ഒരു കൃത്ത് (ബിന്ദു) ഇടത്തിന്റെ പിത്രമാണ് ചുവടെ കൊടുത്തിട്ടുള്ളത്.

ഈ വരയ്ക്കു കൃത്തനെന്നയായി മറ്റാരു വരു വരയ്ക്കണം. അത് ഈ കൃത്തിലുണ്ടെന്നാകൂകയും വേണം.

ഇതിനും ജ്യാമിതിപ്പട്ടിയിലെ മട്ടം ഉപയോഗിക്കാം.



ഈപ്പോൾ വരച്ച് വരു ആദ്യത്തെ വരയിൽനിന്നും കൃത്തനെ മേൽപ്പോട്ടാണ്.

മട്ടത്തിന്റെ മുന്ന് മുലകളിൽ ഒരു മുല ഉപയോഗിച്ചാണല്ലോ ഈവിടെ കൃത്തനെന്നയുള്ള വരു വരച്ചത്. മട്ടത്തിന്റെ മറ്റു മുലകളിൽ നിന്ന് ഈ മുലയ്ക്ക് ഒരു പ്രത്യേകത ഉണ്ട്. ഈവിടെ മട്ടത്തിന്റെ ഒരു വശത്തിന് (വക്ക്) കൃത്തനെന്നയാണ് തൊട്ടടുത്ത വശം. ഈ വശങ്ങൾ ചേർന്നുണ്ടാകുന്ന മുലയെ 'മടമുല' എന്നു പറയുന്നു.



ജിയോജിറ്ററ്

സ്കൂൾ തലം മുതൽ
ഗണിതപഠനത്തിൽ ഏറെ
സഹായകമായ ഒരു
സോഫ്റ്റ്‌വെയറാണ്
ജിയോജിറ്ററ്.

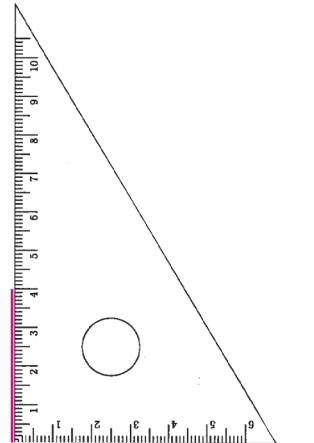
വിവിധ ഓപ്പറേറ്റിംഗ് സിസ്റ്റങ്ങളിൽ
പ്രവർത്തിക്കുന്ന തരത്തിൽ ഈ
സോഫ്റ്റ്‌വെയർ ലഭ്യമാണ്.
സു/ലിനക്സിൽ പ്രവർത്തിക്കുന്ന
"Geogebra 4" ആണ് നാം
ഉപയോഗിക്കുന്നത്. ആസ്ഥിത്തിയിലുള്ള
സാങ്കേതികവർഗ്ഗ യൂണിവേഴ്സിറ്റിലിലെ
അധ്യാപകനായിരുന്ന
മർക്കസ് ഹോവൻ വാർട്ടർ 2001-ൽ
രൂപപ്പെടുത്തിയതും ഈപ്പോഴും മെച്ചപ്പെട്ടു
തിക്കൊണ്ടിരിക്കുന്നതുമായ
ഒരു ഗണിതപഠന സോഫ്റ്റ്
വെയറാണ് ജിയോജിറ്ററ്.
ഇത് പുർണ്ണമായും സ്വതന്ത്ര
സോഫ്റ്റ്‌വെയർ ഗണിതത്തിൽ
പെടുന്നതാണ്. മെക്കൽ ബോർച്ചർഡ്
(Michael Borcherds) എന്ന
സ്കൂൾ അധ്യാപകനാണ്
ഈ സോഫ്റ്റ്‌വെയർ
വികസിപ്പിക്കുന്നതിൽ
പ്രധാന പങ്കു വഹിക്കുന്ന
ഒരു വ്യക്തി.

ഇനി ഇതുപോലൊരു ചിത്രം നോട്ടുപുസ്തകത്തിൽ വരച്ചുനോക്കു.

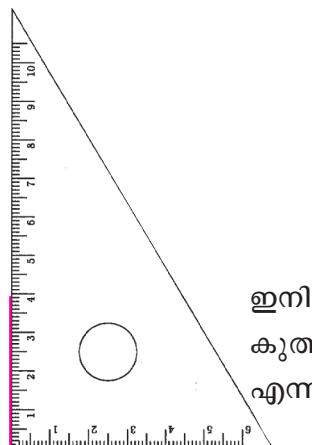
അരു വര വരയ്ക്കുക. വരയ്ക്ക് കുത്തനെന്നയായി രണ്ടു വരകൾ വരയ്ക്കുക.

അരു വരയ്ക്ക് കുത്തനെ എത്ര വരകൾ വരയ്ക്കാം?

അരു വരയുടെ അറ്റത്തുള്ള ബിന്ദുവിലും വരയ്ക്ക് കുത്തനെയുള്ള വര എങ്ങനെ വരയ്ക്കും?



ആദ്യം നമുക്ക് വരയുടെ ഇടത്തെ അറ്റത്തുള്ള ബിന്ദുവിലും വരയ്ക്കുന്ന കുത്തനെയുള്ള വര എങ്ങനെ വരയ്ക്കാം എന്നു നോക്കാം.



ഇനി വലതെ അറ്റത്തുള്ള ബിന്ദുവിൽനിന്ന് കുത്തനെയുള്ള വര എങ്ങനെ വരയ്ക്കാം എന്നു നോക്കാം.

ആദ്യവര അൽപ്പം നീട്ടി വരച്ചതിന്റെ ആവശ്യം മനസ്സിലായല്ലോ.



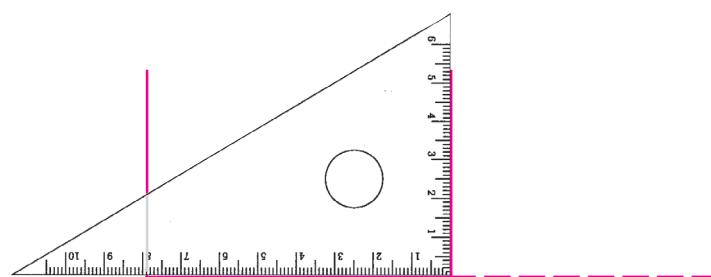
Polygon Tool

Application → Education → Geogebra എന്ന ക്രമത്തിൽ ജിയോജിറ്റെ സോഫ്റ്റ്‌വെയർ തുറക്കുക. Tools → polygon tools → polygon എന്ന ക്രമത്തിൽ എടുക്കുക.

പ്രതലത്തിൽ നാലു ബിന്ദുക്കളിൽ കൂടിക്ക് ചെയ്ത് ഓവിൽ ആദ്യ ബിന്ദുവിൽ കൂടിക്ക് ചെയ്താൽ ചതുർഭുജം കിട്ടും. ഈ രീതിയിൽ വ്യത്യസ്ത ചതുർഭുജങ്ങൾ നിർമ്മിക്കുക.

Tool bar ത്തിന് Move tool എടുക്കുക. ചതുർഭുജങ്ങളുടെ മൂലത്തിൽ കൂടിക്ക് ചെയ്ത് ഇടത്, വലത് വരകൾ താഴെന്നെ വരയ്ക്ക് കുത്തനെന്നയാക്കുക.

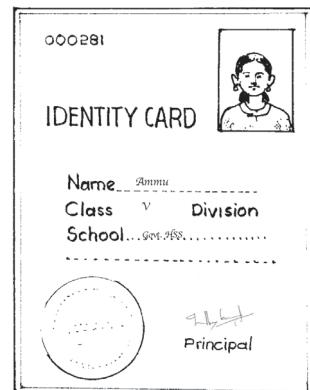
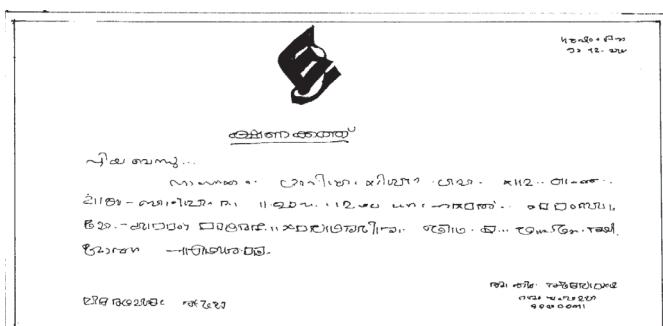
ഇപ്പോൾ വരച്ച വര മറ്റാരു രീതിയിലും വരയ്ക്കാം.



വരച്ചുനോക്കാം

- 6 സെൻ്റിമീറ്റർ നീളമുള്ള ഒരു വര വരയ്ക്കുക. ഈ വരയുടെ ഇടത്തെ അറ്റത്തെ ബിന്ദുവിൽനിന്ന് 3 സെൻ്റിമീറ്റർ ഉയരത്തിൽ കുത്തനെ ഒരു വര വരയ്ക്കുക. പലതേത അറ്റത്തെ ബിന്ദുവിൽ നിന്നും 4 സെൻ്റിമീറ്റർ ഉയരത്തിൽ കുത്തനെ ഒരു വര വരയ്ക്കുക. ഇപ്പോൾ വരച്ച വരകളുടെ രണ്ടുങ്ങളും യോജിപ്പിച്ച് വരയ്ക്കുക.
- 7 സെൻ്റിമീറ്റർ നീളമുള്ള ഒരു വര വരച്ച് രണ്ടുങ്ങളിലും വരയ്ക്ക് കുത്തനെ 4 സെൻ്റിമീറ്റർ ഉയരമുള്ള വരകൾ വരയ്ക്കുക. ഇപ്പോൾ വരച്ച വരകളുടെ രണ്ടുങ്ങളും യോജിപ്പിച്ച് വരയ്ക്കുക. ഈ വരയുടെ നീളം അളന്നൊഴുകുക. ഇപ്പോൾ വരച്ച ചിത്രം നോക്കു. ഈ ചതുരത്തിൻ്റെ നീളവും വീതിയും എത്രയാണ്?

ചതുരാകൃതിയിലുള്ള ചില വസ്തുകളുടെ പിത്രങ്ങൾ ആണ് ചുവടെ കൊടുത്തിട്ടുള്ളത്.

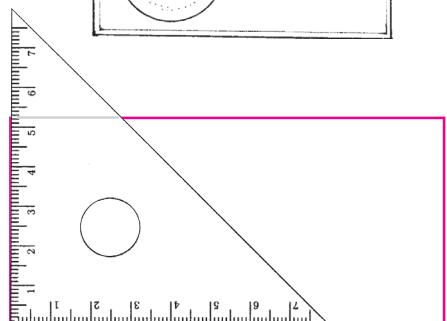


ഈത്തരം വസ്തുകളുടെ വശങ്ങൾ അളന്നുനോക്കു.

ചതുരങ്ങളുടെ എതിർവശങ്ങളുടെ നീളം തുല്യമല്ല?

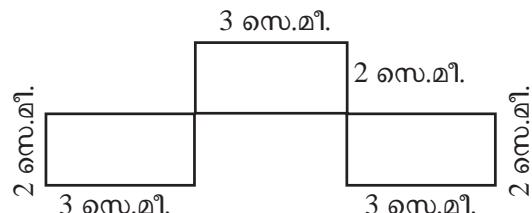
മുലകളെ കുറിച്ച് എന്തു പറയാം?

ചതുരത്തിൻ്റെ മുലകൾ മട്ടമാണ് എന്നു പറയാം.



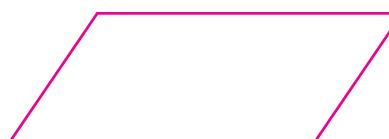
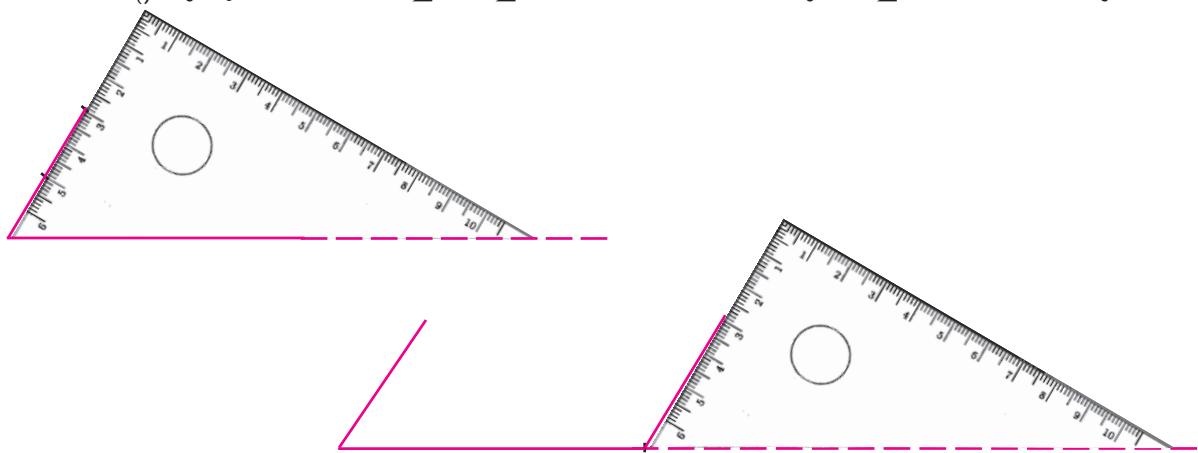
ചതുരം വരയ്ക്കോ

- അടുത്തടക്കത വശങ്ങളുടെ നീളം 6 സെന്റിമീറ്റർ, 5 സെന്റിമീറ്റർ ആയ ചതുരം വരയ്ക്കുക.
- വശങ്ങൾ എല്ലാം 5 സെന്റിമീറ്റർ ആയ ചതുരം വരയ്ക്കുക.
- മടവും സ്കേലിലും ഉപയോഗിച്ച് വരച്ച ഒരു ചിത്രം കൊടുത്തിരിക്കുന്നു.
ഈതെ അളവിൽ ഈ ചിത്രം വരയ്ക്കുക.



ചതുരം ചരിത്താൽ

മടങ്ങൾ ഉപയോഗിച്ച് അമ്മു കുറേ ചതുരങ്ങൾ വരച്ചു. അപ്പോഴൊരു കൃസ്യതി തോന്തി. മടത്തിലെ മരുഭൂരു മുല ഉപയോഗിച്ച് വരച്ചാലോ? ഇങ്ങനെ അമ്മു വരച്ച ചിത്രം നോക്കു.



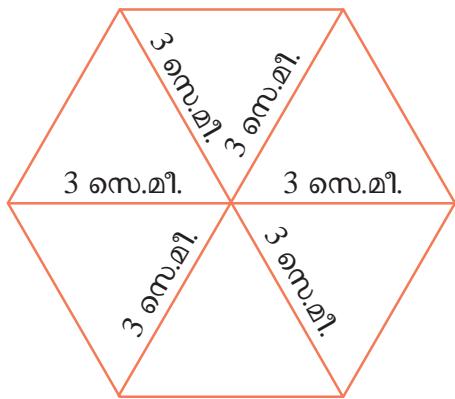
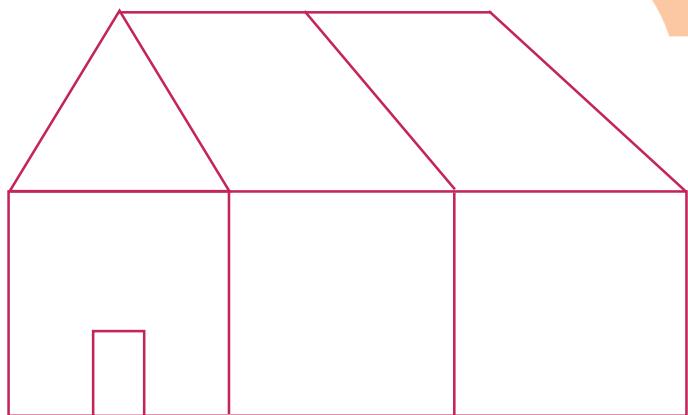
ഈ ചിത്രം കണ്ണ റഹീം മടത്തിന്റെ മുന്നാമത്തെ മുല മാത്രം ഉപയോഗിച്ച് വരച്ച ചിത്രം നോക്കു.



ഈ രണ്ടു ചിത്രങ്ങളിലും ഇടത്, വലത് വശത്തെ വരകൾ ചരിത്തിട്ടാണ്. രണ്ടിലും ചതിവ് ഒരേ പോലെയാണോ?

പുതിയ രൂപങ്ങൾ

- ജ്യാമിതിപ്പട്ടിയിലെ മട്ടങ്ങളുടെ പല മൂലകൾ മാത്രം ഉപയോഗിച്ച് വരച്ച ഒരു ചിത്രമാണ് കൊടുത്തിട്ടുള്ളത്. ഈ ചിത്രം നോട്ടപൂസ്തകത്തിൽ വരയ്ക്കുക.



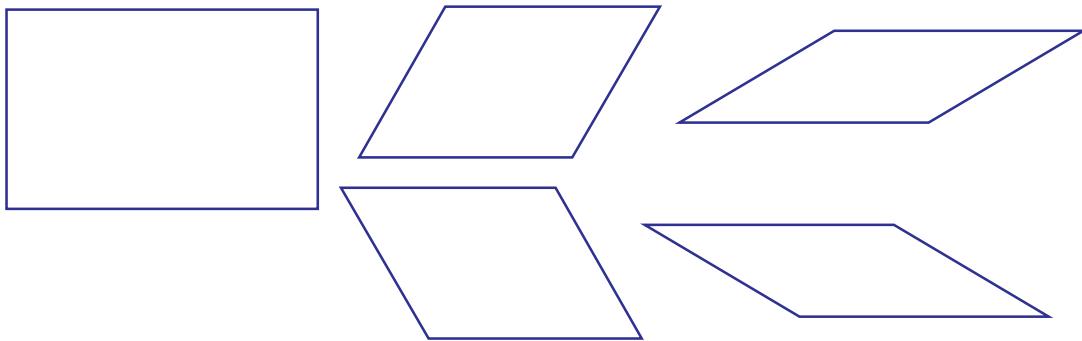
- റഹിം നോട്ടപൂസ്തകത്തിൽ ഒരു കുത്തിട്ടിനു ശേഷം, ആ കുത്തിന് ചുറ്റും മട്ടത്തിലെ ഒരു മൂല മാത്രം മാറ്റി വച്ച് ഇങ്ങനെന്നെയാരു ചിത്രം വരച്ചു.

ഇതിന് എത്ര വഴി അഞ്ചുണ്ട്? ഈ ചിത്രം നിങ്ങൾക്കും വരയ്ക്കാമല്ലോ. ശ്രമിച്ചുനോക്കു.

- മട്ടത്തിലെ മറ്റു മൂലകൾ ഇതുപോലെ ഒരു കുത്തിന് ചുറ്റും തുടർച്ചയായി വച്ച് വരച്ചുനോക്കു. ഓരോ ചിത്രത്തിലും എത്ര വഴങ്ങളുണ്ടെന്ന് നോക്കു.

കുത്തനെയും ചരിത്തും

ജ്യാമിതിപ്പട്ടിയിലെ മട്ടങ്ങളുടെ പലപല മൂലകൾ ഉപയോഗിച്ച് വരച്ച രൂപങ്ങളാണ് ചുവരെ ഉള്ളത്.

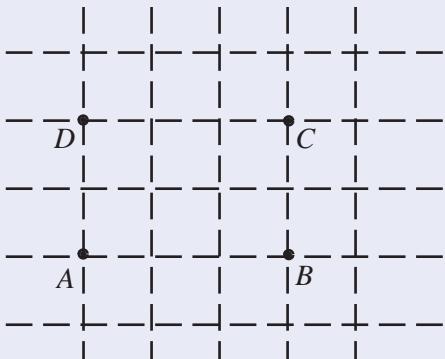


ഈവയുടെ വഴങ്ങളെല്ലാം അളന്നുതുക. എത്തിൻവഴങ്ങൾ തമ്മിലെന്നാണ് ബന്ധം?



ചതുരങ്ഗൾ കമ്പ്യൂട്ടറിൽ

തന്നിരിക്കുന്ന അളവുകളുള്ള ചതുരങ്ഗൾ ജിയോജിസ്റ്റ് ഉപയോഗിച്ച് എങ്ങനെ വര ത്തക്കാമെന്ന് നോക്കാം. ഉദാഹരണമായി, നീളം 3, വീതി 2 വരുന്ന ഒരു ചതുരം വര ത്തക്കണമെന്നിരിക്കേണ്ട്.



New point ഉപയോഗിച്ച് ചിത്രത്തിൽ കാണുന്ന നീളുപോലെ A, B, C, D എന്നിങ്ങനെ നാല് ബിന്ദുകൾ അടയാളപ്പെടുത്തുക. Polygon ടൂൾ ഉപയോഗിച്ച് A, B, C, D എന്നീ ബിന്ദുകൾ ക്രമമായി ക്ലിക്ക് ചെയ്യുക. D തിൽ എത്തിയ ശേഷം വീണ്ടും A തിൽ ക്ലിക്ക് ചെയ്യും. ഇപ്പോൾ ഒരു ചതുരം ലഭിക്കും. Distance ടൂൾ ഉപയോഗിച്ച് ചതുരത്തിൻ്റെ വരങ്ങളിൽ ക്ലിക്ക് ചെയ്ത് വരങ്ങളുടെ നീളം പ്രദർശിപ്പിക്കാവുന്നതാണ്. Move ടൂൾ ഉപയോഗിച്ച് വരങ്ങളിൽ ക്ലിക്ക് ചെയ്തുകൊണ്ട് വലിച്ചാൽ വരങ്ങളുടെ നീളം വ്യത്യാസപ്പെടുത്താം.

വാക്കും പൊരുളും

ഇംഗ്ലീഷിൽ കോൺറെൻ സൂചിപ്പിക്കുന്ന Angle എന്ന വാക്ക്, ശ്രീക്കണ്ണാശയിലെ ആകിലോസ് എന്ന പദത്തിൽനിന്നാണ് വന്നത്. വള്ളത്ത്, നേരെയല്ല തത്ത് എന്നെല്ലാമാണ് ഇതിന്റെ അർഥം.

ഇംഗ്ലീഷിൽത്തന്നെ,
കാലും പാദവും ചേരുന്ന
ഭാഗത്തിന് Ankle
എന്നാണ് പറയുന്നത്.



എല്ലാ ചിത്രങ്ങളും ഒരേപോലെയാണോ? എന്നൊക്കെയാണ് വ്യത്യാസങ്ങൾ? ചതുരത്തിൽ ഇടത്തും വലത്തുമുള്ള വരകൾ താഴെത്തെ വരയിൽ നിന്നു കുത്തനെ മേൽപ്പോട്ടാണ്.

മറ്റു ചിത്രങ്ങളിൽ ഈ വരകൾ അൽപ്പം ചരിത്തി കാണ്. എന്നാൽ എല്ലാ ചിത്രങ്ങളിലും ഈ ചരിവ് ഒരുപോലെയാണോ?

എല്ലാ ചിത്രങ്ങളിലും നാലു മൂലകൾ ഉണ്ട്. രണ്ടു വരങ്ങൾ ചേരുന്നോണാണോ ഒരു മൂല ഉണ്ടാവുന്നത്.

രണ്ടു വരകൾ ഒരു ബിന്ദുവിൽ കൂടിച്ചേരുന്നോൾ ഒരു കോൺ (Angle) ഉണ്ടാവുന്നു എന്നാണ് കണക്കിന്റെ ഭാഷ.

അപ്പോൾ നേരത്തെ വരച്ച ചിത്രങ്ങളിൽ വ്യത്യസ്ത കോൺകളാണ് ഉള്ളത് എന്നു പറയാം.

ഇംഗ്ലീഷ് അക്ഷരങ്ങളിലെ കോൺകൾ നോക്കു.

V E F W X Z Y

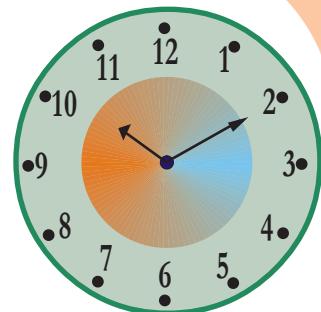
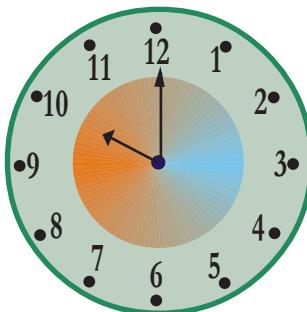
കുത്തനെയുള്ള വരകൾ മാത്രം ഉപയോഗിച്ചു താവുന്ന എത്ര അക്ഷരങ്ങളുണ്ട്?

മറ്റുള്ളവ കണ്ണഡത്തുക. ഓരോന്നിലും എത്ര കോൺകൾ വീതമുണ്ട്?

നിങ്ങളുടെ കൂണ് മുറിയിലും വീടിലും പരിസരത്തും പല തരത്തിലുള്ള കോൺകൾ കാണാമല്ലോ. അവ കണ്ണഡത്തി നോട്ടപുസ്തകത്തിൽ വരയ്ക്കുക.

വിടരുന്ന കോണുകൾ

വ്യത്യസ്ത സമയങ്ങൾ കാണിക്കുന്ന രണ്ടു ക്ലോക്കുകളുടെ ചിത്രം നോക്കു.



ക്ലോക്കിലെ സൂചികൾ തമ്മിൽ ഒരു കോൺ ഉണ്ടാക്കുന്നുണ്ടോ.

രണ്ട് ക്ലോക്കിലെയും സൂചികൾക്കിടയിലെ വിരിവ് ഒരേ പോലെയാണോ?

രണ്ടാമത്തെ ക്ലോക്കിൽ സൂചികൾ തമ്മിലുള്ള വിരിവ് അൽപ്പം കൂടിയിട്ടുണ്ട്. അതായത് കോൺ അൽപ്പം വലുതായി എന്നു പറയാം. **ഇപ്പോൾ** സമയം 10.10 ആണെന്നോ.

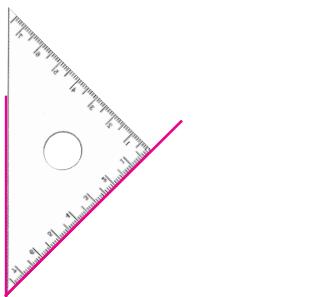
സമയം 10.15 ആകുമ്പോഴോ?

മട്ടങ്ങൾ ചെരുവോൾ

മട്ടത്തിന്റെ ഒരു മൂല ഉപയോഗിച്ച് വരച്ച ഒരു കോൺ നോക്കു.

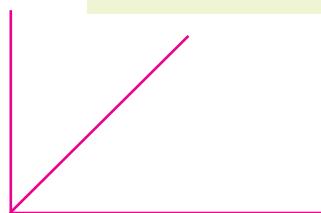


മട്ടത്തിന്റെ ഇതേ മൂല കോണിന്റെ ഒരു അരുകിനോട് (വശത്തോട്) ചേർത്തുവച്ച് മറ്റാരു കോൺ വരയ്ക്കാം.

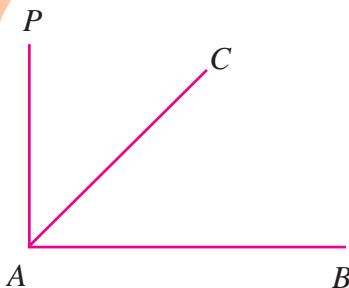


വിരിയുന്ന കോൺ

കോണിന്റെ വിരിവ് മാറ്റാൻ കഴിയുന്ന രീതിയിൽ ഒരു ചിത്രം ജിയോജിബ്രയിൽ വരയ്ക്കാം. ഇതിനായി Circle with centre through point ടൂൾ ഉപയോഗിച്ച് ഒരു വ്യത്യം വരയ്ക്കുക. വ്യത്യത്തിന്റെ കേന്ദ്രം A എന്ന ബിന്ദുവും വ്യത്യം കടന്നുപോകുന്ന ബിന്ദു B യുമാണ്. വ്യത്യത്തിൽ മറ്റു രണ്ടു ബിന്ദുകൾ C, D എന്നിവ അടയാളപ്പെടുത്തുക. Segment between two points ടൂൾ ഉപയോഗിച്ച് A, B എന്നീ ബിന്ദുകൾ ഡോജിപ്പിക്കുക. ഇതുപോലെ A, D എന്നിവയും ഡോജിപ്പിക്കണം. ഈ വ്യത്യം, ബിന്ദു A, ബിന്ദു B ഇവ മറയ്ക്കാം. വ്യത്യം മറയ്ക്കുന്നതിനായി Pointer വ്യത്യത്തിൽ കൊണ്ടുവന്ന് right click ചെയ്ത ശേഷം Show / Hide എന്ന തിന്നു നേരെയുള്ള ✓ മാർക്ക് കളയുക. ഇതുപോലെ A, B എന്നീ ബിന്ദുകളും മറയ്ക്കാം. തുടർന്ന് D യിൽ ക്ലിക്ക് ചെയ്ത് Move tool ഉപയോഗിച്ച് ചലിപ്പിച്ച് വിരിയുന്ന കോൺ നിർമ്മിക്കാം.



ഇപ്പോൾ ചിത്രത്തിൽ എത്ര കോണുകളുണ്ട്? രണ്ടോ മൂന്നോ?

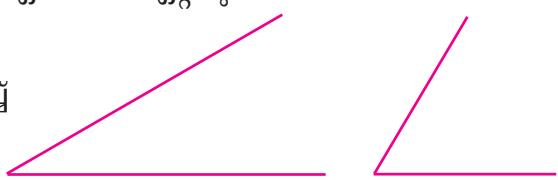
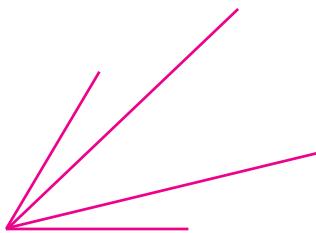


ഈ മുന്നു കോണുകളെയും വേർത്തിരിച്ചു പറയാൻ നമുക്ക് കോണുകൾക്ക് പേരിടാം.

ആദ്യം വരച്ച കോൺ കോൺ CAB എന്നോ കോൺ BAC എന്നോ പറയാം. രണ്ടാമത് വരച്ച കോണാണ് PAC . കോൺ കുറിച്ചാണ് പറയുന്നതെങ്കിൽ \angle എന്ന ചിഹ്നമാണ് ഉപയോഗിക്കുന്നത്. അപ്പോൾ ആദ്യം വരച്ചത് $\angle CAB$, വായിക്കുന്നത് കോൺ CAB , രണ്ടാമത് വരച്ചത് $\angle PAC$. മുന്നാമത്തെ കോൺ പേരെന്താണ്?

ഈ മുന്നു കോണുകളിൽ ഏറ്റവും വലിയ കോൺ എത്രാണ്? ഏറ്റവും ചെറിയ കോണോ?

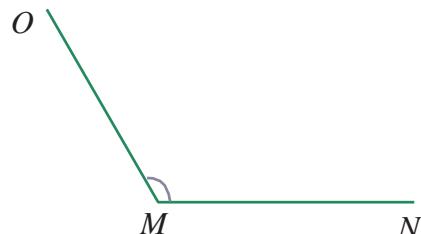
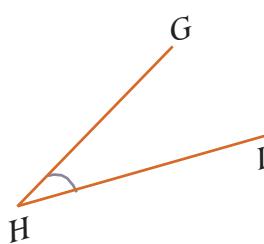
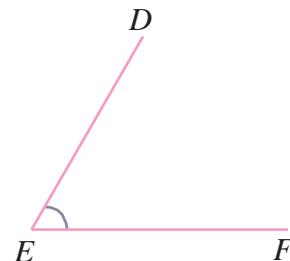
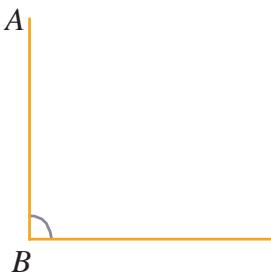
മടത്തിന്റെ രണ്ടു വ്യത്യസ്ത മൂലകൾ ഉപയോഗിച്ച്
വരച്ച കോണുകളാണ് ചിത്രത്തിൽ കാണുന്നത്.



ഒന്നാമത്തെ കോൺ ചിത്രത്തിലേതു പോലെ രണ്ടാമത്തെ കോണിനുള്ളിൽ വയ്ക്കാം.

ഈപ്പോൾ ഒരു കാര്യം പറയാം - ഒന്നാമത്തെ കോൺ രണ്ടാമത്തെ കോണിനേക്കാൾ ചെറുതാണ്.

മടത്തിന്റെ മൂലകൾ ഉപയോഗിച്ച് വരച്ച കോണുകളാണ് ചുവടെ കാണുന്നത്.



ഗണിതം

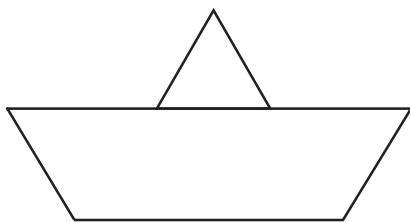
ഇവയിൽ ഏറ്റവും ചെറിയ കോൺ എത്രാണ്?

എറ്റവും വലിയ കോൺോ?

കോൺുകളെ അവയുടെ വലുപ്പത്തിനനുസരിച്ച് ക്രമീ കരിച്ചുതുക.



- ചിത്രത്തിൽ എത്ര കോൺുകളുണ്ട്?



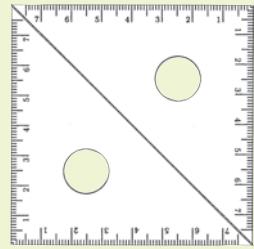
- രൂ വീടിന്റെ തറയുടെ ചിത്രമാണ് (പ്ലാൻ) വര ചീരിക്കുന്നത്.

2 മീറ്റർ നീളത്തിന് 1 സെന്റിമീറ്റർ എന്ന കണക്കു നുസരിച്ചാണ് ഈ വരച്ചിരിക്കുന്നത്.

1 മീറ്റർ നീളത്തിന് 1 സെന്റിമീറ്റർ എന്ന കണക്കിൽ ഇതേ ചിത്രം നോട്ടുപൂസ്തകത്തിൽ വരയ്ക്കു.

മടങ്ങി

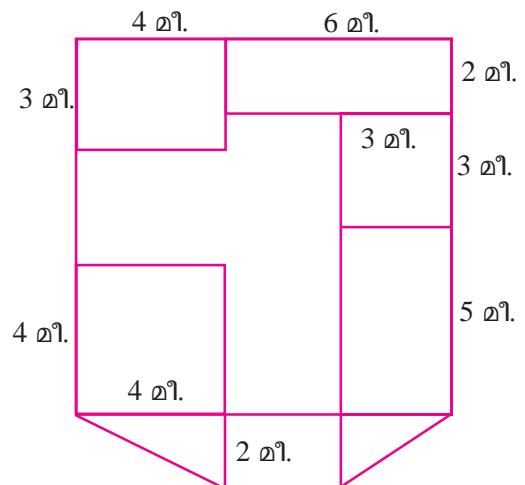
ഒരേ പോലെ യുള്ള രണ്ടു മടങ്ങൾ ചേർത്തു വച്ച ഒരു രൂപമാണ് ഇവിടെ കാണുന്നത്.



ഈ ചതുരത്തിനു വരും ഒരു സവിശേഷത എന്നാണ്? മടങ്ങൾ ചേർന്ന മറ്റൊരു രൂപം ഇതാം...

ഈ ത്രികോൺത്തിന്റെ വരും സവിശേഷത എന്നാണ്?

ഈതുപോലെ മടങ്ങൾ ചേർത്ത് മറ്റു രൂപങ്ങൾ ഉണ്ടാക്കിനോക്കു.



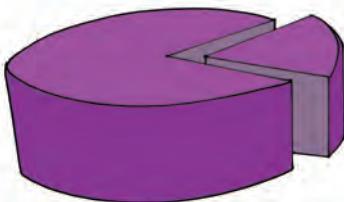
തിരിക്കേണ്ട ക്ഷേമ്പോൾ



പഠനക്കേന്ദ്രങ്ങൾ	എനിക്സ് കഴിയും	ശീച്ചറ്റ് സഹായത്തോടെ കഴിയും	ഇനിയും മെച്ചപ്പെടുത്തുണ്ട്
<ul style="list-style-type: none"> മടങ്ങൾ ഉപയോഗിച്ച് ചതുരങ്ങളും സമചതുരങ്ങളും വരയ്ക്കാനും അവയുടെ പ്രത്യേകതകൾ വിശദീകരിക്കാനും കഴിയുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> ചുറ്റുപാടുമുള്ള വസ്തുക്കളെ നിരീക്ഷിച്ച് കോൺകൾ കണ്ണെത്താൻ കഴിയുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> അനുയോജ്യമായ ഉപകരണങ്ങൾ ഉപയോഗിച്ച് കൃത്യമായി കോൺവരയ്ക്കുന്നു. ഈ ശേഷി പ്രശ്നപരിഹരണത്തിന് ഉപയോഗിക്കുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> രൂപങ്ങൾ തിരിച്ചിറയാനും യോജിച്ച പേരു പറയാനും പ്രത്യേകതകൾ വിശദീകരിക്കാനും കഴിയുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> ഐ.ടി.യുടെ സഹായത്താൽ (ജിയോജിബ) കോൺ, ചതുരം തുടങ്ങിയ ആശയങ്ങൾ വിശദീകരിക്കുന്നു. 			

3

ഭാഗം വയ്ക്കൽ



വീതം വയ്ക്കാം

ഒരു യു.പി. സ്കൂളിലെ സ്വാതന്ത്ര്യദിനാഘോഷത്തിൽ ഭാഗമായി 5 ഏ കൂസിലെ കൂട്ടികളെ അൻ ചെറു സംഘങ്ങളായി തിരിച്ചിരിക്കുന്നു. ഓരോ സംഘത്തിനും ഓരോ ജോലിയാണ് നൽകിയിരിക്കുന്നത്. അധ്യാപിക കുറേ മിംബ മീനുവിനെ ഏൽപ്പിച്ച് സംഘങ്ങൾക്ക് തുല്യമായി വീതിച്ചു നൽകാൻ പറ ഞ്ഞു. മീനു എൺഡോക്കി - 48 മിംബ.

ഹരണസൂത്രം

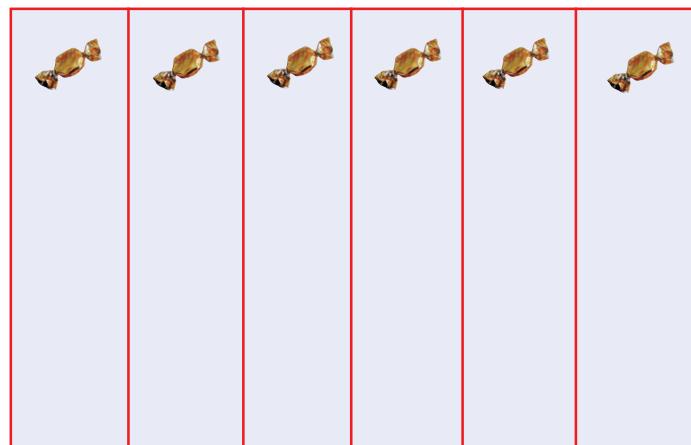
നാലാം കൂസിലെ അഫിസി ടീച്ചർ കൂട്ടികൾക്ക് വിതരണം ചെയ്യാൻ 65 മിംബ വാങ്ങി. കൂസിലെ കൂട്ടികളെ 5 സംഘങ്ങളാക്കിയിട്ടുണ്ട്. ടീച്ചർ 10 മിംബ യുടെ 6 പാക്കറ്റും പാക്കറ്റിലെ ശ്വാതെ 5 എൺഡുമാണ് നൽകിയത്. എങ്ങനെയാണ് വീതം വയ്ക്കുക?

ആദ്യം ഓരോ പാക്കറ്റും ഓരോ സംഘത്തിനും നൽകും. ഈ എന്തു ചെയ്യും?

ബാക്കിയുള്ള ഒരു പാക്കറ്റ് അഫിച്ചർ അതിലെ 10 എൺഡും ആദ്യ മുള്ള് 5 എൺഡും ചേർത്ത് 15 മിംബയാക്കും.

ഈ 15 മിംബ 5 സംഘങ്ങൾക്കു വീതിച്ചാൽ ഓരോ സംഘത്തിനും 3 മിംബ വീതം കിട്ടും. അപ്പോൾ ഒരു സംഘത്തിന് കിട്ടുന്നത് 1 പാക്കറ്റും 3 എൺഡും.

$$\begin{aligned} &= 1 \text{ പാക്കർ } + 3 \text{ എൺഡും} \\ &= 10 + 3 = 13 \text{ എൺഡും} \end{aligned}$$



മുഴുവൻ മിംബയും വീതിച്ചു കഴിഞ്ഞാലോ?

ഓരോ സംഘത്തിനും എത്ര മിംബ കിട്ടി?

ഈങ്ങനെ ഓരോന്നായി നോക്കാതെ ഓരോ സംഘത്തിനും കൊടുക്കേണ്ടത് എങ്ങനെ കണക്കാക്കാം?

അകെ മിംബയുടെ എൺഡും എത്രയാണ്?

അപ്പോൾ ഓരോ സംഘത്തിനും കൊടുക്കേണ്ട മിംബയുടെ എൺഡും 6 തവണ കൂട്ടിയാൽ 48 കിട്ടുമെല്ലാം.

അതായത്, ഓരോ സംഘത്തിനും കൊടുക്കേണ്ട മിംബയുടെ എൺഡുംതു 6 കൊണ്ട് ഗുണിച്ചാൽ 48 കിട്ടും.

6 കൊണ്ട് ഏത് സംഖ്യയെ ഗുണിച്ചാലാണ് 48 കിട്ടുക?

ഈത് മറ്റാരുവിയത്തിൽ പറയാമെല്ലാം. 48 നെ 6 കൊണ്ട് ഹരിച്ചാൽ 8 കിട്ടും.

$$\text{അതായത് } 48 \div 6 = 8$$

ഗണിതം

ഇതുപോലെ 5 ബി ക്ലാസിൽ 56 മിംബി വിതരണം ചെയ്തപ്പോൾ ഓരോ സംഘത്തിനും 8 മിംബി കിട്ടി. ഈ ക്ലാസിൽ എത്ര സംഘങ്ങളാണ് ഉള്ളത്?

സംഘങ്ങളുടെ എണ്ണം കണക്കാക്കാൻ എത്രാണ് ചെയ്യേണ്ടത്?

56 മിംബി 8 മിംബി വീതമുള്ള കുടങ്ങളാക്കി നോക്കാം.



എത്ര കുടങ്ങളുണ്ട്?

അപ്പോൾ 5 ബി ക്ലാസിൽ എത്ര സംഘങ്ങളാണ് ഉള്ളത്?

ഇങ്ങനെ കുടങ്ങളാക്കി നോക്കാതെ കുടങ്ങളുടെ എണ്ണം കണക്കാക്കാൻ മറ്റൊരു മാർഗം ഉണ്ടോ?

56 മിംബിയാണ് 8 എണ്ണം വീതമുള്ള കുടങ്ങളാക്കി മാറ്റിയത്. അതിനാൽ കുടങ്ങളുടെ എണ്ണം 8 തവണ കുടിയാൽ 56 കിട്ടും. അല്ലെങ്കിൽ കുടങ്ങളുടെ എണ്ണത്തെ 8 കൊണ്ട് ഗുണിച്ചാൽ 56 കിട്ടും.

8 നെ എത്ര കൊണ്ട് ഗുണിച്ചാലാണ് 56 കിട്ടുക?

അപ്പോൾ 56 നെ 8 കൊണ്ട് ഹരിച്ചാൽ എത്ര കിട്ടും?

$$\text{അതായത് } 56 \div 8 = 7$$

അപ്പോൾ 5 ബി ക്ലാസിൽ എത്ര സംഘങ്ങൾ ഉണ്ടെന്ന് മനസ്സിലായല്ലോ.

- ഇതുപോലെ, പല ക്ലാസുകളിലും സംഘങ്ങളാക്കിയതിന്റെയും മിംബി കൊടുത്തതിന്റെയും ചില കാര്യങ്ങൾ ചുവരെയുള്ള പട്ടികയിലുണ്ട്. ഈതിൽ എഴുതാതെ കാര്യങ്ങൾ കണക്കാക്കി പട്ടിക പൂർത്തിയാക്കു.

ക്ലാസ്	ആകെ മിംബിയുടെ എണ്ണം	ക്ലാസിലെ സംഘങ്ങളുടെ എണ്ണം	ഓരോ സംഘത്തിനും കിട്ടിയ മിംബിയുടെ എണ്ണം
5C	70	5	-
6A	96	-	8
6B	84	6	-
6C	-	7	12



സംഖ്യാമാജിക്



ഒരു രണ്ട് കെ സംഖ്യ വിചാരിക്കുക. അതിൽ നിന്നു സംഖ്യയുടെ അക്കങ്ങളുടെ തുക കുറയ്ക്കുക. ഇപ്പോൾ കിട്ടിയ ഉത്തരത്തെ വിചാരിച്ച് സംഖ്യയുടെ പത്തിന്റെ സ്ഥാനത്തെ അക്കം കൊണ്ട് ഹരിക്കുക. ഇപ്പോൾ കിട്ടിയ ഉത്തരം 9 അല്ലോ? വേറെ രണ്ടുക്കണ്ണംവും എടുത്ത് കളിച്ചുനോക്കു.

ഈ ഒരു മുന്നക്കണ്ണംവും വിചാരിക്കുക. അതിൽനിന്നു സംഖ്യയുടെ അക്കങ്ങളുടെ തുക കുറയ്ക്കു. ഇപ്പോൾ കിട്ടിയ ഉത്തരത്തെ 9 കൊണ്ട് ഹരിക്കുക. ഹരി സ്ഥലത്തിൽനിന്നു വിചാരിച്ച് സംഖ്യയുടെ പത്തിന്റെ സ്ഥാനത്തെ അക്കം കുറയ്ക്കുക. ഇപ്പോൾ കിട്ടിയ ഉത്തരത്തെ വിചാരിച്ച് സംഖ്യയുടെ നൂറിന്റെ സ്ഥാനത്തെ അക്കം കൊണ്ട് ഹരിക്കുക. ഇപ്പോൾ കിട്ടിയ ഹരിസ്ഥലം 11 അല്ലോ? വേറൊരു മുന്നക്കണ്ണംവും എടുത്ത് കളിച്ചു നോക്കു.

- ഒരു തരത്തിലുള്ള 7 പേനയുടെ വില 98 രൂപ. ഒരു പേനയുടെ വില എത്രയാണ്?
- അമർ കടയിൽ നിന്ന് 6 നോട്ടുപുസ്തകങ്ങൾ വാങ്ങിച്ചു. എല്ലാറ്റിനും ഒരേ വിലയാണ്. 100 രൂപ കൊടുത്തപ്പോൾ കടക്കാരൻ 4 രൂപ തിരിച്ചു കൊടുത്തു. ഒരു നോട്ടുപുസ്തക ത്തിന്റെ വില ഏതെന്തെന്ന്?
- വോൺബോൾ പരിശീലനത്തിൽ 96 കൂട്ടികൾ പങ്കെടുത്തു. കൂട്ടികളെ 8 പേര് വീതമുള്ള കൂട്ടങ്ങളാക്കി. ആകെ എത്ര കൂട്ടങ്ങൾ ഉണ്ടാവും?
- ഒരു മെമ്പാനത്തിൽ കുറേ ഓട്ടോറിക്ഷകളും കാറുകളും നിർത്തിയിട്ടിരിക്കുന്നു. എല്ലാ വാഹനങ്ങൾക്കും കൂടി 100 ചക്രങ്ങൾ ഉണ്ടെന്ന് നന്ദി പറയു. ഓട്ടോറിക്ഷകൾ 12 എണ്ണം ഉണ്ടെന്ന് റിയാസ് പറയു. കാറുകൾ എത്രയെന്നമുണ്ട്?
- ഒരു സ്കൂളിൽ ആൺകുട്ടികൾക്കുള്ള യുണിഫോം വിതരണത്തിനായി 76 മീറ്റർ വീതമുള്ള 8 ചുറ്റുമുണി കൊണ്ടുവന്നിട്ടുണ്ട്. ഒരു കുട്ടിക്ക് 4 മീറ്റർ തുമുണിയാണ് നൽകേണ്ടത്. ഒരു ചുറ്റുമുണികൊണ്ട് എത്ര പേരുകൾ യുണിഫോം കൊടുക്കാം? 8 ചുറ്റുമുണികൊണ്ട് എത്ര പേരുകൾ കൊടുക്കാം?

മനക്കണക്കായും ചെയ്യാം

108 നെല്ലിക്ക 4 പേരുകൾ വീതിക്കണം. ആദ്യം 100 നെല്ലിക്ക വീതിച്ചാലോ?

രാർക്ക് എത്ര കിട്ടും?

എത്ര സംഖ്യയെ 4 കൊണ്ട് ഗുണിച്ചാലാണ് 100 കിട്ടുക?

അപ്പോൾ 100 എണ്ണം വീതിക്കുമ്പോൾ രാർക്ക് 25 എണ്ണം കിട്ടും.

ഈ 8 എണ്ണം കൂടിയുണ്ട്. അതും വീതിച്ചാലോ?

ഓരോരുത്തർക്കും 2 കൂടി.

ആകെ $25 + 2 = 27$

ഈത് മറ്റാരു തരത്തിൽപ്പിരയാം.



108 നെ 4 കൊണ്ട് ഹരിക്കാൻ, 100 നെയും 8 നെയും 4 കൊണ്ട് ഹരിച്ച് കൂട്ടിയാൽ മതി.

ഇതുപോലെ ചുവടെ തനിരിക്കുന്നവ മനസ്സാക്കായി ചെയ്തുനോക്കു.

- 168 രൂപ 8 പേരുകൾ വിതിച്ചാൽ ഒരാൾക്ക് എത്ര രൂപ കിട്ടും?
- 175 പേനകൾ 7 പാക്കറ്റുകളിലാക്കിയാൽ ഒരു പാക്കറ്റിൽ എത്ര പേന ഉണ്ടാവും?
- 189 നോട്ട്‌പുസ്തകങ്ങൾ 9 എണ്ണം വിതം എത്ര പേരുകൾ വിതിച്ചു കൊടുക്കാം?
- 72 സെൻ്റിമീറ്റർ നീളമുള്ള ഒരു ചരട് മടക്കി സമചതുരം ഉണ്ടാക്കി. ഒരു വശത്തിന്റെ നീളം എത്രയാണ്?

പുസ്തകവിതരണം

അഞ്ച് കൂശുകളിലേക്കു വിതരണം ചെയ്യുന്നതിനു വേണ്ടി 735 നോട്ട്‌പുസ്തകങ്ങൾ സ്കൂളിൽ എത്തിയിട്ടുണ്ട്. ഈ അഞ്ച് കൂശുകളിലും തുല്യമായി വിതിക്കാൻ തീരുമാനിച്ചു. ഓരോ കൂശിനും എത്ര നോട്ട്‌പുസ്തകങ്ങൾ കിട്ടും?

735 നോട്ട്‌പുസ്തകങ്ങൾ പല കെട്ടുകളായാണ് കിട്ടിയത്. 100 എണ്ണമുള്ള 7 കെട്ട്, 10 എണ്ണമുള്ള 3 കെട്ട്. പിനെ കെട്ടിലൊനുമല്ലാത്ത 5 എണ്ണവും.

ആദ്യം 100 ന്റെ കെട്ടുകൾ ഭാഗിക്കാം.

ഓരോ കൂശിലും 100 ന്റെ എത്ര കെട്ടുകൾ കൊടുക്കാം?

100 ന്റെ കെട്ടുകൾ ഇനിയെത്രയുണ്ട്?

ഇതെങ്ങനെ 5 കൂശുകളിലേക്ക് ഭാഗിക്കും?

കെട്ടശിക്കണം. 100 ന്റെ ഓരോ കെട്ടിലും 10 നോട്ട്‌പുസ്തകങ്ങൾ വീതമുള്ള 10 കെട്ടുകളാണ് ഉള്ളത്.

100 ന്റെ 2 കെട്ടുകൾ അഴിച്ചാൽ 10 പുസ്തകങ്ങളുടെ എത്ര കെട്ടുകൾ ഉണ്ടാകും?

കലണ്ടർ കണക്ക്

ഒരു മാസത്തെ കലണ്ടറിൽ നാലു സംഖ്യകൾ ഉള്ള ഒരു സമചതുരം അടയാളപ്പെടുത്തുക.

5	6
12	13

ഈ സംഖ്യകളുടെ തുകയെ 4 കൊണ്ട് ഹരിച്ച് നോക്കു. ഇതരം സമചതുരങ്ങൾ വേരെയെടുത്ത് ഇതുപോലെ ചെയ്തുനോക്കു. കിട്ടിയ സംഖ്യയ്ക്ക് ആദ്യ കളത്തിലെ സംഖ്യയുമായി എന്തു ബന്ധമാണുള്ളത്?

വീണ്ടും ഒരു കലണ്ടർ കണക്ക്

ഒരു മാസത്തെ കലണ്ടറിൽ 9 സംഖ്യകളുള്ള ഒരു സമചതുരം വരയ്ക്കു.

3	4	5
10	11	12
17	18	19

ഇതിലെ സംഖ്യകളുടെ തുകയെ 9 കൊണ്ട് ഹരിച്ച് നോക്കു. ഇത്തരം വേറൊരു സമചതുരങ്ങൾ വരച്ച് ഇതുപോലെ ചെയ്തു നോക്കു. ഹരിച്ച് കിട്ടുന്ന സംഖ്യകൾ നടുക്കുള്ള കള തിരിലെ സംഖ്യയുമായി എത്താണു ബന്ധം? ആദ്യകളത്തിലെ സംഖ്യയുമായി എത്താണു ബന്ധം?

10 ഒറ്റ കെട്ടുകൾ നേരത്തേതെന്ന എത്രയുണ്ടായിരുന്നു? []

ഇപ്പോൾ 10 ഒറ്റ കെട്ടുകൾ ആകെ എത്രയാണ്? []

10 ഒറ്റ ഇ 23 കെട്ടുകൾ 5 കൂസുകളിലേക്ക് ഭാഗിച്ചാൽ, ഓരോ കൂസിലും എത്ര കെട്ടുവീതം കൊടുക്കാം? []

10 ഒറ്റ കെട്ടുകൾ എത്ര മിച്ചമുണ്ട്? []

10 ഒറ്റ ഇ 3 കെട്ടുകൾ അഴിച്ച് നേരത്തേയുള്ള 5 പുസ്തകങ്ങളുടെ കുടെ ചേർത്താൽ ആകെ എത്ര പുസ്തകങ്ങളാകും? []

ഈ 35 പുസ്തകങ്ങളെ 5 കൂസുകളിലേക്ക് ഭാഗിച്ചാൽ ഓരോ കൂസിലും എത്ര പുസ്തകങ്ങൾ കിട്ടും? []

ഓരോ കൂസിലും കിട്ടിയ നോട്ടപുസ്തകങ്ങളുടെ കണക്ക് ഇങ്ങനെയെഴുതാം:

$$100 \text{ ഒറ്റ കെട്ടുകൾ} = \dots\dots\dots$$

$$10 \text{ ഒറ്റ കെട്ടുകൾ} = \dots\dots\dots$$

$$\text{കെട്ടുകളിൽ പെടാത്തവ} = \dots\dots\dots$$

ആകെ പുസ്തകങ്ങൾ

$$= (1 \times 100) + (4 \times 10) + 7$$

$$= 100 + 40 + 7$$

$$= 147$$

ഗണിതം

ഈ ക്രിയകൾ ചുരുക്കിയെഴുതാം.

1	4	7
നൂറ്	പത്ത്	ഒന്ന്
5	3	5
$1 \times 5 = 5$		
5		
$2 \times 100 = 20 \times 10$	3	5
20		
	23	5
	20	
	3	5
	3×10	30
		35
$7 \times 5 = 35$		35

ഈ അൽപ്പംകൂടി ചുരുക്കിയെഴുതാം:

$$\begin{array}{ccc}
 & 1 & \\
 5 & \boxed{735} & 1 \\
 1 \times 5 & \boxed{5} & 1 \times 5 = 5 \\
 & 2 & 23 \\
 & & 1 \times 5 = 5 \\
 & & 4 \times 5 = 20
 \end{array}$$

$$\begin{array}{ccc}
 & 14 & \\
 14 & \boxed{735} & 147 \\
 1 \times 5 = 5 & \boxed{5} & 1 \times 5 = 5 \\
 & 23 & 5 \\
 4 \times 5 = 20 & \boxed{20} & 1 \times 5 = 5 \\
 & 3 & 4 \times 5 = 20 \\
 & & 7 \times 5 = 35
 \end{array}$$

അതായത്, $735 \div 5 = 147$

മാത്രികചതുരം

8	1	6
3	5	7
4	9	2

3 വരിയും 3 നിരയുമുള്ള മാത്രികചതുരമാണല്ലോ ഈത്. ഈ മാത്രികചതുരത്തിലെ സംവ്യൂഹം തുക എത്രയാണ്? ലഭിച്ച തുകയെ 9 കൊണ്ട് ഹരിക്കു. ഇല്ലോൾ കിട്ടിയ സംവ്യൂഹത്ത്?

മൂന്നു വരിയും മൂന്നു നിരയുമുള്ള എല്ലാ മാത്രികചതുരത്തിനും ഈത് ശരിയാണോ? പരിശോധിച്ചുനോക്കു.



ഹരിക്കാണാരു സുത്രം

300 നെ 15 കൊണ്ട്
ഹരിക്കുന്നതിനു പകരെ ഏതൊക്കെ
സംഖ്യകൾക്കൊണ്ട് ഹരിക്കണം
എന്നു കണ്ണെത്താമോ?

$$15 = 3 \times 5$$

അതുകൊണ്ട് ആദ്യം $300 \div 3$
കണ്ണെത്തി ഈ ഹരണഫലത്തെ 5
കൊണ്ട് ഹരിച്ചാൽ മതിയല്ലോ.
മനക്കണക്കായി ചെയ്യു.

$$\bullet 450 \div 18$$

$$\bullet 168 \div 24$$

- രാജു, റഹീം, ബെന്നി എന്നിവർ ഒരുമിച്ച് ചെയ്ത
രു ജോലിക്ക് കുലിയായി ആകെ 960 രൂപ കിട്ടി.
തുല്യമായി വീതിക്കുന്നോൾ ഓരോരുത്തർക്കും
എത്ര രൂപ വീതം കിട്ടും?
- സമചതുരാകൃതിയിലുള്ള ഒരു തോട്ടത്തിന്റെ ചുറ്റ്
ളവ് 884 മീറ്ററാണ്. തോട്ടത്തിന്റെ ഒരു വശത്തിന്റെ
നീളം എത്രയാണ്?
- നാലുപേര് ചേർന്നു നടത്തിയ ഒരു ധാരയിൽ 856
രൂപ ചെലവായി. എങ്കിൽ ഓരോരുത്തർക്കും എത്ര
രൂപ ചെലവായി?
- ജയിൻസ് തന്റെ വീടിലേക്ക് രണ്ടു തരം സി.എഫ്.
എൽ. ബർബുകൾ 5 എണ്ണം വീതം വാങ്ങിച്ചു.
വിലകുറഞ്ഞ ബർബ് ഒന്നിന് 85 രൂപയാണ്
നൽകിയത്. ആകെ വില 1000 രൂപയായി. വില
കുടിയ ബർബുകളിൽ ഒന്നിന് എന്താണ് വില?
- ഒരു യു.പി. സ്കൂളിലേക്ക് ഒരേ വിലയുള്ള 6
ക്ലോക്കുകൾ വാങ്ങി. ആകെ 924 രൂപയായി. ഈ
ഈതെ വിലയുള്ള 7 ക്ലോക്കുകൾ കൂടി വാങ്ങാൻ
എത്ര രൂപ വേണ്ടിവരും?
- സ്കൂൾ കൂട്ടിക്കൾക്കുള്ള പാൽവിതരണത്തിന് ഒരു
കൂട്ടിക്ക് 150 മിലി ലിറ്റർ പാൽ ആണ് വേണ്ടത്.
20 കൂട്ടിക്കൾക്ക് കൊടുക്കാൻ എത്ര ലിറ്റർ പാൽ
വേണം?
- ഒരു സ്കൂളിൽ ഒരു ദിവസത്തേക്ക് 54 ലിറ്റർ പാൽ
വേണം. സ്കൂളിൽ എത്ര കൂട്ടിക്കൾക്കാണ് പാൽ
നൽകുന്നത്?

തൊപ്പിക്കണകൾ

- ഒരു ക്രിക്കറ്റ് ടീമിലെ 11 പേരുകൾ തൊപ്പി വാങ്ങി
യപ്പോൾ ആകെ 693 രൂപ ചെലവായി. ഒരു തൊപ്പി
യുടെ വില എത്രയാണ്?

ഒരു തൊപ്പിയുടെ വില കണക്കാക്കാൻ എന്ത് ചെയ്യണം?

693 രൂപയെ 11 തുല്യഭാഗങ്ങളായി ഭാഗിക്കണം.

ഗണിതം

അതായത് 693 നെ 11 കൊണ്ട് ഹരിക്കണം.

ഇവിടെ 693 രൂപയെ 6 നുറുതുപാ നോട്ടുകളായും 9 പത്തുരൂപാ നോട്ടുകളായും 3 ഒരുരൂപ നാണയങ്ങളായും എടുക്കാം.

6 നുറുതുപാ നോട്ടുകളെ 11 ഭാഗങ്ങളാക്കുന്നതെങ്കെന്ന്? ഈത് കഴിയാത്തതിനാൽ അവയെ പത്തു രൂപാ നോട്ടുകളാക്കി മാറ്റാം.

6 നുറുതുപാ നോട്ട് = പത്തുരൂപാ നോട്ട്.

	നുറ്	പത്ത്	ഒന്ന്
11	6 $\overset{6 \times 100 = 60 \times 10}{\text{---}}$	9	3
	60		3
	69		

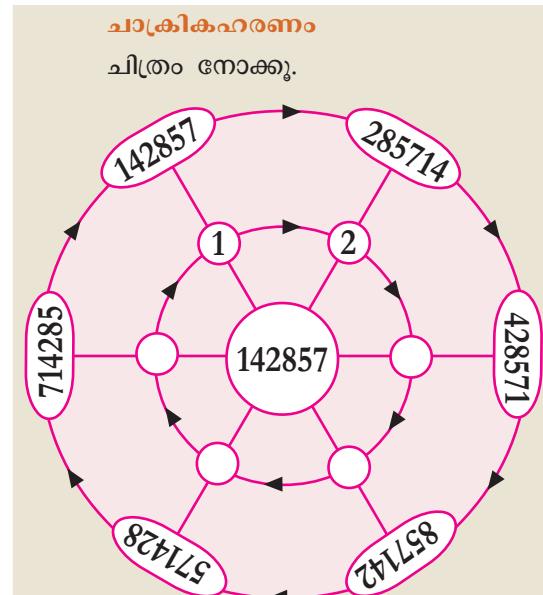
ഇപ്പോൾ പത്തുരൂപാ നോട്ടുകളുടെ ആകെ എണ്ണം =
.....

69 പത്തുരൂപാ നോട്ടുകളെ 11 ഭാഗങ്ങളാക്കിയാൽ,
ഒരു ഭാഗം എത്രയാണ്?

ബാക്കിവരുന്ന പത്തുരൂപാ നോട്ടുകൾ

ഈ പത്തുരൂപാ നോട്ടുകളെ ഒരു രൂപാ നാണയങ്ങളാക്കിയാൽ, ഒരു രൂപാ നാണയങ്ങളുടെ എണ്ണം

	6		
	നുറ്	പത്ത്	ഒന്ന്
11	6 $\overset{6 \times 100 = 60 \times 10}{\text{---}}$	9	3
	60		3
	69		3
$11 \times 6 = 66$	66		
	3 $\overset{3 \times 10 = 30}{\text{---}}$		3
			30



142857 നെ 1 കൊണ്ട് ഗുണിച്ചാൽ
അതുതനെ കിട്ടും.

2 കൊണ്ട് ഗുണിച്ചാലോ? 285714.

ഈത് ആദ്യത്തെ സംഖ്യയുമായി
ഒത്തുനോക്കു. ഈനി ചിത്രത്തിലെ
പുറംവളയത്തിലെ ഓരോ സംഖ്യ
യും കിട്ടാൻ 142857 നെ എന്നു
കൊണ്ട് ഗുണിക്കണമെന്ന് കണ്ടു
പിടിക്കുക.

ആകെ ഒരു രൂപാ നാന്നയങ്ങളുടെ എണ്ണം

പുജ്യത്തിന്റെ കളി

കിലോഗ്രാം, കിറ്റൽ, ടൺ
എന്നിവ തുകത്തിന്റെ
എക്കകങ്ങളാണ്.

100 കിലോഗ്രാം = 1 കിറ്റൽ

1000 കിലോഗ്രാം = 1 ടൺ

എത്ര കിറ്റൽ ആണ് ഒരു ടൺ?

അതായത്, $1000 \div 100 = 10$

1 ടൺ = 10 കിറ്റൽ

മില്ലിഗ്രാം, ഗ്രാം എന്നിവ

തുകത്തിന്റെ മറ്റൊരു

രണ്ട് എക്കകങ്ങളാണ്.

1 ഗ്രാം = 1000 മില്ലിഗ്രാം

അപ്പോൾ 5000 മില്ലിഗ്രാം

എന്നത് എത്ര ഗ്രാം ആണ്?

$5000 \div 1000 = 5$

5000 മില്ലിഗ്രാം = 5 ഗ്രാം

ഇതുപോലെ ചുവരെ

തന്നിരിക്കുന്നവ

ചെയ്തുനോക്കു.

$3000 \div 1000$

$5200 \div 100$

$20300 \div 100$

$15000 \div 100$

	6	3
നൂർ	പത്ത്	ഒന്ന്
11	6	3
	9	
	60	
$11 \times 6 = 66$		
	69	3
	66	
	3	3
		30
$11 \times 3 = 33$		
		33
		33

33 രൂപയെ 11 ഭാഗങ്ങളാക്കിയാൽ ഒരു ഭാഗം

അപ്പോൾ ഒരു തൊപ്പിയുടെ വില

$$= 6 \text{ പത്തു രൂപ} + 3 \text{ ഒരു രൂപ}$$

$$= 63 \text{ രൂപ}$$

ഈ ക്രിയകളെ ഒന്നുകൂടി ചുരുക്കി എഴുതാം:

	63
11	693
$11 \times 6 = 66$	66
	33
$11 \times 3 = 33$	33

അതായത് $693 \div 11 = 63$

ഒരു തൊപ്പിയുടെ വില = 63 രൂപ

സ്കോളർഷിപ്പ് വിതരണം

- വിവിധ സ്കോളർഷിപ്പുകൾക്കായി സ്കൂളിലെ 15 കുട്ടികൾക്ക് തുല്യമായി വിതരണം ചെയ്യാൻ 16425 രൂപ സ്കൂൾ ഓഫീസിൽ എത്തിയിട്ടുണ്ട്. ഓരോ രൂത്തർക്കും എത്ര രൂപ വീതമാണ് വിതരണം ചെയ്യേണ്ടത്?

ഗണിതം

ഇവിടെ 16425 രൂപയിൽ 16 ആയിരംരൂപാ നോട്ടുകളും 4 നൂറുരൂപാ നോട്ടുകളും 2 പത്തുരൂപാ നോട്ടുകളും 5 ഒരുരൂപാ നാണയങ്ങളുമാണ് ഉള്ളതെന്ന് കരുതുക.

ആദ്യം 16 ആയിരംരൂപാ നോട്ടുകൾ 15 പേരുകൾ തുല്യമായി വിതിക്കാം.

ഓരോരുത്തർക്കും ലഭിക്കുന്ന ആയിരംരൂപാ നോട്ടുകൾ

ബാക്കി വരുന്ന ആയിരംരൂപാ നോട്ടുകൾ

1

ആയിരം	നൂറ്	പത്ത്	ഒന്ന്
15	16	4	2
	15		
	1	4	2
			5

ബാക്കിവന്ന ആയിരംരൂപാ നോട്ടിനെ നൂറുരൂപാ നോട്ടുകളാക്കിയാൽ,

ഒരു ആയിരംരൂപാ നോട്ട് = നൂറുരൂപാ നോട്ടുകൾ

ആദ്യമുള്ള 4 നൂറുരൂപാ നോട്ടുകളുടെ ആകെ നൂറുരൂപാ നോട്ടുകളുടെ എണ്ണം =

1

ആയിരം	നൂറ്	പത്ത്	ഒന്ന്
15	16	4	2
	15		
	1	4	2
			5
	1	4	2
			5
	10		
		14	2
			5

14 നൂറുരൂപാ നോട്ടുകളെ 15 പേരുകൾ ഭാഗിക്കാൻ കഴിയില്ല. അതായത്, നൂറുരൂപാ നോട്ടുകൾ ആർക്കും കിട്ടില്ല. ഈ 14 നൂറുരൂപാ നോട്ടുകളെ, പത്തുരൂപാ നോട്ടുകളാക്കി മാറ്റാം.

14 നൂറുരൂപാ നോട്ടുകൾ = പത്തുരൂപാ നോട്ടുകൾ.

നേരത്തെയുള്ള 2 പത്തുരൂപാ നോട്ടുകൾ അടക്കം ആകെ പത്തുരൂപാ നോട്ടുകളുടെ എണ്ണം

ഗ്രാമും പവന്മും

ലോട്ടറിയിൽ ഓന്നാം സമ്മാനം നേടുന്നവർക്ക് ഒരു കിലോഗ്രാം സർബണം സമ്മാനമായി നൽകുന്നു എന്ന് പരസ്യത്തിൽ കണ്ടപ്പോൾ അനുവിന് സംശയം - സർബണത്തിന്റെ തുകയും കിലോഗ്രാമിൽ പായാറില്ലോ. അമ്മയുടെ മാലയ്ക്ക് 2 പവൻ തുകയും ഉണ്ടെന്ന് ചേച്ചിയോട് പറയുന്നതു കേട്ടിട്ടുണ്ട്.

എന്താണ് പവനും ഗ്രാമും തമിലുള്ള ബന്ധം?

ഒരു പവൻ എന്നത് 8 ഗ്രാം സർബണമാണ്.

1 കിലോഗ്രാമെന്നാൽ 1000 ഗ്രാം.

അപ്പോൾ ഒരു കിലോഗ്രാം സർബണമെന്നാൽ എത്ര പവനാണ്?

142 പത്തുരുപാ നോട്ടുകളെ 15 പേര്‌ക്കു വീതിച്ചാൽ ഒരാൾക്ക് എത്ര പത്തുരുപാ നോട്ടുകൾ കിട്ടും?

	1	0	9	
ആയിരം	നൂറ്	പത്ത്	ഒന്ന്	
15	16	4	2	5
	15			
	1 <i>$1 \times 1000 = 10 \times 100$</i>	4	2	5
		10		
$15 \times 0 = 0$	14 <i>$14 \times 100 = 140 \times 10$</i>	0	2	5
		140		
$15 \times 9 = 135$			142	5
			135	4
			7	5

ചേർന്നുനിന്നാൽ

ഒരു മൃന്നക്കുസംവ്യയിൽനിന്നു തുടങ്ങാം. ഉദാഹരണമായി 415. ഈ സംവ്യയോടു ചേർത്ത് വീണ്ടും ഇതേ മൃന്നക്കുസംവ്യ എഴുതണം.

അതായത് 415415

ഈ ആറുക്കുസംവ്യയെ 7 കൊണ്ട് ഹരിക്കുക. ഹരണഫലം എന്നാണ്?

ഈ ഈ ഹരണ ഫലത്തെ 11 കൊണ്ട് ഹരിക്കുക. ഹരണഫലം എന്നാണ്?

അവ സാന്നമായി ഈ ഹരണഫലത്തെ 13 കൊണ്ട് ഹരിക്കുക. എന്തു കിട്ടു?

വേരെയും സംവ്യകൾ എടുത്ത് ചെയ്തുനോക്കു.

എന്നാണിതിനു കാരണം?

$7 \times 11 \times 13$ എത്രയാണെന്നു നോക്കു.

എത്രക്കിലുമൊരു മൃന്നക്കുസംവ്യയെ 1001 കൊണ്ട് ഗുണിച്ചുനോക്കു.

ബാക്കിയുള്ള പത്തുരുപാ നോട്ടുകൾ =

ഈ പത്തുരുപാ നോട്ടുകളെ ഒരുരുപാ നാണയങ്ങളാക്കിയാൽ എത്ര ഒരുരുപാ നാണയങ്ങൾ ഉണ്ടാവും?

ആദ്യമുള്ള 5, ഒരുരുപാ നാണയങ്ങളും

ചേർത്താൽ ആകെ ഒരുരുപാ നാണയങ്ങളുടെ എണ്ണം =

75 ഒരുരുപാ നാണയങ്ങളെ 15 പേര്‌ക്ക് വീതിച്ചാൽ ഓരോരുത്തർക്കും എത്ര നാണയങ്ങൾ കിട്ടും?

ഗണിതം

ഈ ചെയ്തതത്തെയും ചുരുക്കി ഇങ്ങനെ എഴുതാം:

	1	0	9	
ആയിരം	നൂറ്	പത്ത്	ഒന്ന്	
$15 \times 1 = 15$	16	4	2	5
	15			
	1 (1000 = 10 × 100)	4	2	5
	10			
$15 \times 0 = 0$	14 (14 × 100 = 140 × 10)	2	5	
	0	140		
$15 \times 9 = 135$		142	5	
		135		
		7 (7 × 10 = 70)	5	
		70		
$15 \times 5 = 75$			75	
			75	

ഇതിനെ ഒന്നുകൂടി ചുരുക്കി ഇങ്ങനെ എഴുതാം:

	1095		
15	16425		
$15 \times 1 = 15$	15		
	14		
$15 \times 0 = 0$	0		
	142		
$15 \times 9 = 135$	135		
	75		
$15 \times 5 = 75$	75		

അതായത് $16425 \div 15 = 1095$

- ഈതുപോലെ 2460 രൂപ 12 പേരുകൾ വീതി ചൂൽ ഓരാൾക്ക് എത്ര രൂപ കിട്ടും?

കലണ്ടർ കണക്ക്

കലണ്ടറിൽ 16 സംവ്യൂക്തുള്ള സമചതുരം വരച്ച് അതിലെ സംവ്യൂക്തുടെ തുകയെ 16 കൊണ്ട് ഹരിച്ചുനോക്കു.

5	6	7	8
12	13	14	15
19	20	21	22
26	27	28	29

വേദായും സമചതുരങ്ങൾ വരച്ച് ചെയ്തു നോക്കു. തുകയെ 16 കൊണ്ട് ഹരിച്ചാൽ കിട്ടുന്ന സംവ്യൂക്ക്, അദ്യകളത്തിലെ സംവ്യൂഹമായി എന്തു ബന്ധമാണുള്ളത്?

മിച്ചു വന്നാൽ

175 രൂപ 7 പേരക്ക് തുല്യമായി ഭാഗിച്ചാൽ ഓരോരുത്തർക്കും എത്ര രൂപ വീതം കിട്ടും?

25

സമചതുരക്ക്ഷാക്ക്

ഒരു സമചതുരം വരച്ച്
സംവ്യക്കൾ എഴുതിയത് നോക്കു.

1	2	3	4	5
11	12	13	14	15
21	22	23	24	25
31	32	33	34	35
41	42	43	44	45

വരിയിലെയും നിരയിലെയും സംവ്യക്കൾ
തമ്മിലുള്ള ബന്ധം പിടിക്കിട്ടിയോ?
ഈ സംവ്യകളുടെ തുകയെ
25 കൊണ്ട് ഹരിച്ചാൽ കിട്ടുന്ന
സംവ്യക്ക് സമചതുരത്തിൽ
മധ്യത്തിലെ സംവ്യയുമായി
എന്താണു ബന്ധം?

ഈതു കണ്ണടത്താൻ 175 നെ
7 കൊണ്ട് ഹരിച്ച് നോക്കു
ണം.

$$\begin{array}{r} 7 \\ \hline 175 \\ 14 \\ \hline 35 \\ 35 \\ \hline 35 \end{array}$$

ഓരോരുത്തർക്കും 25 രൂപ വീതം കിട്ടും.

180 രൂപയാണ് 7 പേരക്ക് വീതിക്കുന്നതെങ്കിലോ?

175 രൂപയെക്കാണ് 5 രൂപ കൂടുതലാണ് 180 തെ. 175 രൂപ
7 പേരക്ക് വീതിച്ചാൽ ഓരാൾക്ക് 25 രൂപ വീതം കിട്ടും.
മിച്ചു വരുന്ന 5 ഒരു രൂപയെ 7 പേരക്ക് ഭാഗിക്കാൻ കഴി
യില്ല. അതായത്, 180 രൂപ 7 പേരക്ക് വീതിച്ചാൽ ഓരാൾക്ക്
25 രൂപ വീതം കിട്ടും, 5 രൂപ മിച്ചു വരും.

$$\begin{array}{r} 7 \\ \hline 180 \\ 14 \\ \hline 40 \\ 35 \\ \hline 5 \end{array}$$

കണക്കിന്റെ ഭാഷയിൽപ്പറ
ഞ്ഞാൽ, 180 നെ 7 കൊണ്ട്
ഹരിച്ചാൽ, ഹരണ ഫലം
(Quotient) 25, ശിഷ്ടം
(Remainder) 5. ഈത് ഇങ്ങനെ
ചുരുക്കി എഴുതാം.

നേരത്തെ $175 = 7 \times 25$ എന്നു കണ്ടു.

ഇപ്പോൾ $180 = 175 + 5 = (7 \times 25) + 5$ എന്നും കാണാം.

ഹരിക്കപ്പെടുന്ന സംവ്യ = ഹരിക്കുന്ന സംവ്യ \times ഹരണഫലം + ശിഷ്ടം



- ചില ഹരണക്രിയകൾ കൊടു
ത്തിരിക്കുന്നു. എഴുതാതെ
അക്കങ്ങൾ കൂടിച്ചേര്ക്കുക.

$$\begin{array}{r} 1 \dots 6 \\ \hline 12 \quad 1 \ 7 \ 5 \ 2 \\ \dots \dots \dots \dots \\ \dots \dots \dots \dots \\ 4 \ 8 \\ \dots \dots \dots \dots \\ \dots \dots \dots \dots \\ 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2 \dots 9 \\ \hline 14 \quad 2 \ 9 \ 2 \ 6 \\ \dots \dots \dots \dots \\ \dots \dots \dots \dots \\ \dots \dots \dots \dots \\ 0 \end{array}$$

ഗണിതം

- ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന പട്ടികയിൽ എഴുതാതെ സംഖ്യകൾ കണ്ടുപിടിച്ച് എഴുതുക.

സംഖ്യ	ഹരിക്കുന്ന സംഖ്യ	ഹരണ ഫലം	ശിഷ്ടം
56	8	7	0
369	3
486	4
448	7
948	12
.....	16	23	8
4736	15
.....	35	48	0
.....	62	74	13
8365	23
527	20	7

- സ്കൂൾ സ്റ്റോറിലേക്ക് 1825 നോട്ടപുസ്തകങ്ങളാണ് വാങ്ങേണ്ടത്. 25 പുസ്തകങ്ങൾ വീതമുള്ള എത്ര കെടുകൾ വാങ്ങണം?
- ഗണിതശാസ്ത്രമേളയിൽ വിജയികളായതിന്റെ സന്ദേശം പകിടാൻ സ്കൂളിലെ 768 കൂട്ടികൾക്കും ലഡു നൽകാൻ തീരുമാനിച്ചു. 1 കിലോഗ്രാം ലഡുവിൽ 24 എണ്ണം ഉണ്ടാകും. എത്ര കിലോഗ്രാം ലഡു വാങ്ങണം?
- അബു ഓരോ ആഴ്ചയിലും, ചെലവു കഴിച്ച് മിച്ച് വരുന്നതിൽനിന്ന് 35 രൂപ വീതം ബാക്കിൽ നിക്ഷേപിക്കും. ഇപ്പോൾ അധാരും അക്കൗണ്ടിൽ 1505 രൂപ ഉണ്ട്. എത്രയാഴ്ചതെത്തെ സന്ധാദ്യമാണിത്?
- ഒരു പഞ്ചായത്തിന്റെ കീഴിലുള്ള 14 സ്കൂളുകളിലെ ലൈബ്രറിനവീകരണത്തിനു വേണ്ടി 325500 രൂപ നീക്കിവെച്ചു. ഈ തുക എല്ലാ സ്കൂളിനും തുല്യമായി വീതിച്ചാൽ ഓരോ സ്കൂളിനും എത്ര തുക വീതം കിട്ടും?

ശിഷ്ടമെന്നാൽ

20 ലിറ്റർ പാൽ, 3 ലിറ്റർ വീതം എത്ര പേരക്ക് കൊടുക്കാം? ബാക്കി എത്ര ലിറ്റർ ഉണ്ടാവും? 6 പേരക്ക് കൊടുക്കാം. ബാക്കി 2 ലിറ്റർ ഉണ്ടാവും.

അതായത്, $20 = (3 \times 6) + 2$

കൊടുക്കുന്നത് 6 ലിറ്റർ വീതമാണെങ്കിലോ? അപ്പോൾ 3 പേരക്ക് കിട്ടും. അപ്പോഴും ബാക്കി വരുന്നത് 2 ലിറ്റർ തന്നെ.

കൊടുക്കുന്നത് 7 ലിറ്റർ വീതമാണെങ്കിലോ? അപ്പോൾ ബാക്കി വരുന്നത് 6 ലിറ്റർ ആകും.

അതായത്, $20 = (7 \times 2) + 6$. ബാക്കി വരുന്ന പാലിന്റെ അളവ് നിശ്ചയിക്കുന്നത് എത്ര ലിറ്റർ വീതം കൊടുക്കുന്നു എന്നു നോക്കിയിട്ടാണ്.

സംഖ്യകൾമാത്രം ഉപയോഗിച്ച് പറഞ്ഞാൽ, ഒരു സംഖ്യയെ മറ്റാരു സംഖ്യക്കാണ് ഹരിച്ചാൽ കിട്ടുന്ന ശിഷ്ടം തീരുമാനിക്കുന്നത് ഹരിക്കുന്ന സംഖ്യയെ അടിസ്ഥാനമാക്കിയാണ്. അതായത്, ശിഷ്ടം എപ്പോഴും ഹരിക്കുന്ന സംഖ്യയെ കാശ് ചെറുതായിരിക്കും.

ഉത്തരം കീഴും മിച്ചുചെറിയിരിക്കുന്ന നീന്തിപ്പ് മുദ്ദീക്കാവി മുന്തിപ്പ്! ശ്രദ്ധി!



സ്വാദി..
കുറം ക്രമാനുഭവ്...
രജപ്രഭതുകിനിലിൽ
ഈ നിംഫോൺ ചെച്ചുവും
അമിച്ചതു.. മഡണ്ടാഡിലും വിലം
ക്രൂടി പുണ്ടിപ്പറ്റും



- ഒരു ഓയിറ്റോറിയത്തിൽ 864 കസേരകൾ 24 വരി കളിലായി നിരത്തിയിട്ടിരിക്കുന്നു. ഓരോ വരി തിലും കുടുതൽ കസേരകൾ ഇടാതെ ഓയി റോറിയത്തിൽ 1260 കസേരകൾ കൂടി ഇടണം. ഈ എത്ര വരികൾ കൂടി വേണ്ടിവരും?
- ഒരു അധിവർഷത്തിൽ എത്ര ആഴ്ചകൾ ഉണ്ട്? സ്വാക്ഷി എത്ര ദിവസങ്ങൾ ഉണ്ട്?
- ഒരു നാലക്കസംഖ്യയെ 13 2 7 കൊണ്ട് ഹരിക്കുന്ന ക്രീയ 13 3 7
2 6
8

5

- തോമൻ വാങ്ങിയ ചില സാധനങ്ങളുടെ ബില്ലാണ് ചുവടെ നൽകിയിരിക്കുന്നത്.

ഹരിച്ചു നോക്കാതെ

366, 425, 499 എന്നീ സംഖ്യകളെ 15 കൊണ്ട് ഹരിക്കുമ്പോൾ കിട്ടുന്ന ശിഷ്ടങ്ങൾ എത്രയാണ്?
സംഖ്യകളുടെ തുകയെ 15 കൊണ്ട് നിയോഗിച്ചു ഹരിച്ചു നോക്കാതെ എങ്ങനെ കണ്ടുപിടിക്കും?

ഇന്നു	തുകം (കി.ഗ്രാം.)	വില (രൂപ)
അരി	15	480
പബ്രസാർ	4	136
ചെറുപയർ	5	360
കടല	6	276
ആകെ		1252

ഈതെ കടയിൽനിന്ന് കണ്ണൻ വാങ്ങിയതിന്റെ കണക്ക് ഇങ്ങനെയാണ്:

- | | | |
|---------|---|--------------|
| അരി | - | 12 കി.ഗ്രാം. |
| പബ്രസാർ | - | 3 കി.ഗ്രാം. |
| ചെറുപയർ | - | 2 കി.ഗ്രാം. |
| കടല | - | 5 കി.ഗ്രാം. |

കണ്ണൻ എത്ര രൂപ കൊടുക്കണം?

ഗണിതം

- 216 കുട്ടികളെ വരിവരിയായി നിർത്തിയിരിക്കുന്നു. ഓരോ വരിയിലും 12 കുട്ടികൾ. എത്ര വരിയുണ്ട്?
കുറേ കുട്ടികളെക്കുടി ഇവരോടൊപ്പം നിർത്തി. വരികളുടെ എണ്ണം മാറ്റിയില്ല. ഓരോ വരിയിലും 25 കുട്ടികളായി. പുതുതായി വന്നത് എത്ര പേരാണ്?
- ചുവടെ സംഖ്യകൾ എഴുതിയിരിക്കുന്ന രീതി നോക്കുക.

0	1	2	3	4	5
6	7	8	9	10	11
12	13	14	15	16	17

- (a) ഓരോ നിരയിലെയും സംഖ്യകളെ 6 കൊണ്ട് ഹരിച്ചാൽ കിട്ടുന്ന ഹരണഫലങ്ങൾ തമ്മിലെത്താണ് ബന്ധം? ശിഷ്ടങ്ങൾ തമ്മിലോ?
- (b) ഓരോ വരിയിലെയും സംഖ്യകളെ 6 കൊണ്ട് ഹരിക്കുന്നോൾ കിട്ടുന്ന ഹരണഫലങ്ങൾ തമ്മിലെത്താണ് ബന്ധം? ശിഷ്ടങ്ങൾ തമ്മിലോ?
- (c) 10-ാം വരിയിലെ ആദ്യത്തെയും അവസാനത്തെയും സംഖ്യകൾ ഏതൊക്കെയാണ്?
- (d) 18-ാം വരിയിലെ നാലാമത്തെ സംഖ്യ ഏതാണ്?
- (e) 345 എന്ന സംഖ്യ ഏതു വരിയിലെ ഏതൊമത്തെ സംഖ്യയാണ്?



പ്രോജക്ട്

ഇഷ്ടമുള്ള എടു സംഖ്യകൾ എഴുതി, ഇവയിലെ ഏത് രണ്ട് സംഖ്യകൾ തമ്മിലുള്ള വ്യത്യാസവും കണ്ണഡത്തിനോക്കു. ഇവയിൽ ഏതെങ്കിലും ഒരു വ്യത്യാസത്തെ 7 കൊണ്ട് നിയോജിപ്പിച്ചു ഹരിക്കാൻ കഴിയുമോ? ചെയ്തുനോക്കു.

എന്തായിരിക്കുന്ന ഇതിനു കാരണം?

ഒരു സംഖ്യയെ 7 കൊണ്ട് ഹരിക്കുന്നോൾ ശിഷ്ടമായി വരാവുന്ന സംഖ്യകൾ ഏതൊക്കെയാണ്?

0, 1, 2, 3, 4, 5, 6 - ഇവ ഏഴെണ്ണമാണുള്ളത്.

അപ്പോൾ എടു സംഖ്യകളെ 7 കൊണ്ട് ഹരിക്കുന്നോൾ രണ്ട് ശിഷ്ടങ്ങളെള്ളെങ്കിലും തീർച്ചയായും തുല്യമായിരിക്കും. അപ്പോൾ ആ രണ്ട് സംഖ്യകൾ തമ്മിലുള്ള വ്യത്യാസത്തെ 7 കൊണ്ട് ഹരിക്കുന്നോൾ ശിഷ്ടം പുജ്യമായിരിക്കും.

ഉദാ: 67, 109 എന്നീ സംഖ്യകളെ 7 കൊണ്ട് ഹരിക്കുന്നോൾ ശിഷ്ടം 4 കിട്ടുന്നു.

ഈ സംഖ്യകളുടെ വ്യത്യാസത്തെ 7കൊണ്ട് ഹരിക്കുന്നോഫോ?

ഇതുപോലെ ഏതെങ്കിലും 13 സംഖ്യകൾ എഴുതി രണ്ട് സംഖ്യകൾ തമ്മിലുള്ള വ്യത്യാസത്തെ 12 കൊണ്ട് നിയോജിപ്പിച്ചു നോക്കു.

സംഖ്യകളുടെ എണ്ണം മാറ്റി പ്രവർത്തനം തുടർന്ന് ചെയ്തുനോക്കു.

തിരിക്കുന്നോക്കുന്നോ



പാതനേടങ്ങൾ	എനിക്ക് കഴിയും	സീച്ചറുടെ സഹായത്തോടെ കഴിയും	ഇനിയും മെച്ചപ്പെടുത്തുവാൻ
• കൂട്ടമാക്കൽ, ഭാഗം വയ്ക്കൽ എന്നീ സന്ദർഭങ്ങൾ ഹരണക്രിയയാണെന്ന് വിശദീകരിക്കാൻ കഴിയുന്നു.			
• ദീർഘഹരണക്രിയാ രീതിയിൽ ഹരിക്കുന്ന രീതി വിവരിക്കുന്നു.			
• ഹരണത്തിനുള്ള വ്യത്യസ്ത മാർഗ്ഗങ്ങൾ വിശദീകരിക്കുന്നു, സ്വന്തം മാർഗ്ഗം കണ്ടെത്തുന്നു.			
• ഹരണക്രിയകൾ മനക്കണക്കായി ചെയ്യാൻ കഴിയുന്നു.			
• ഹരിക്കപ്പെടുന്ന സംഖ്യയും ഹരിക്കുന്ന സംഖ്യയും ഹരണഫലവും ശിഷ്ടവും തമിൽ ബന്ധപ്പെടുത്തി പറയുന്നു.			
• ചതു ഷ്ട്രീയ കൾ ഉൾപ്പെടുന്ന പ്രായോഗികപ്രസ്താവങ്ങൾ പരിഹരിക്കുന്നു.			
• പ്രശ്നപരിഹരണത്തിനാവശ്യമായ വിവരങ്ങൾ ശേഖരിക്കുകയും യോജിച്ച ക്രിയാരൂപങ്ങൾ ഉപയോഗിച്ച് പ്രശ്നപരിഹരണം നടത്തുകയും ചെയ്യുന്നു.			

4

വ്യത്തങ്ങൾ



റസിയ ചില ജ്യാമിതീയരൂപങ്ങൾ വരയ്ക്കുന്നതിനുള്ള തയാരെടുപ്പിലാണ്.



ചക്രവും വൃത്തവും

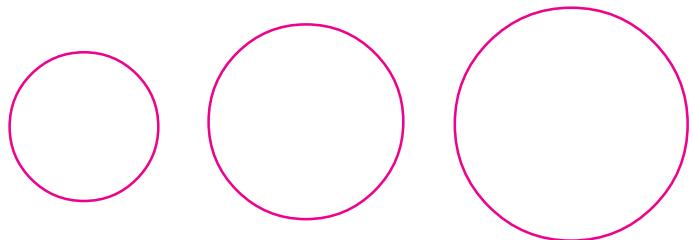
- അയ്യായിരം വർഷം മുമ്പ് തന്നെ മനുഷ്യർ വിലങ്ങേന തിരിയുന്ന ചക്രമുപയോഗിച്ച് മൺപാത്രങ്ങൾ ഉണ്ടാക്കിയിരുന്നു.
- നാലായിരം കൊല്ലം മുമ്പുതന്നെ, കുത്തനെ തിരിയുന്ന ചക്രം ഉപയോഗിക്കുന്ന വാഹനങ്ങൾ ഉണ്ടാക്കി.
- മനുഷ്യപുരോഗതിയുടെ ഒരു പ്രധാന സംഭവമാണ് ചക്രങ്ങളുടെ കണ്ണുപിടിത്തം.



റസിയ ഇപ്പോൾ വരയ്ക്കുന്നത് എന്തു രൂപമാണ്?

വള, ശ്രാം മുതലായവ ഉപയോഗിച്ച് നിങ്ങൾക്കും വടക്കു വരയ്ക്കാമല്ലോ.

ചുവരെയുള്ള ചിത്രങ്ങൾ നോക്കു.



മുന്നു വൃത്തങ്ങൾ (Circles); വലുപ്പത്തിൽ വൃത്താസമുണ്ട്.

ഓരോ വലുപ്പത്തിലുമുള്ള വൃത്തം എങ്ങേനെ വരയ്ക്കും?

അ വലുപ്പത്തിൽ വൃത്താകൃതിയിലുള്ള വസ്തുകൾ കിട്ടിയാൽ മതിയല്ലോ.

എപ്പോഴും ഇതു സാധ്യമാണോ?

പെട്ടിയിലെ പരിഹാരം

ഹാത്തിമ ഒരു ചിത്രം വരയ്ക്കുകയാണ്.



ഹാത്തിമ എന്നാണ് വരയ്ക്കാൻ ശ്രമിക്കുന്നത്?

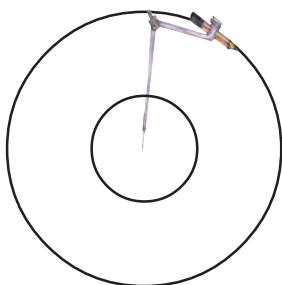
വട്ടം വരയ്ക്കുന്നതിന് ഹാത്തിമ ഉപയോഗിക്കുന്ന ഉപകരണം നമ്മുടെ ജ്യാമിതിപ്പെട്ടിയിലും ഉണ്ട്. ഇതിനെ കോമ്പസ് (compass) എന്നു വിളിക്കുന്നു.

കോമ്പസ് ഉപയോഗിച്ച് ഹാത്തിമ വരച്ചതുപോലെ ഒരു വട്ടം വരച്ചുനോക്കു. കോമ്പസിൽ വിരിവ് അൽപ്പംകൂടി മറ്റാരു വട്ടം വരച്ചുനോക്കു. എന്തു മാറ്റമാണ് സംഭവിച്ചത്? വലുപ്പം കുറച്ച് കൂടി, അല്ല?

എങ്ങനെന്നാണ് വൃത്തം വരച്ചത്? കോമ്പസിൽ മുന ഒരു സ്ഥലത്ത് കൂത്തുനു. കോമ്പസ് അൽപ്പം ഓ വിടർത്തി വൃത്തം വരയ്ക്കുന്നു.

വൃത്തം വരയ്ക്കുന്നോൾ കോമ്പസിൽ മുന കൂത്തുന ബിന്ദുവാണ് വൃത്തത്തിന്റെ കേന്ദ്രം (Centre).

ചുവടെ വരച്ച ചിത്രം നോക്കു.

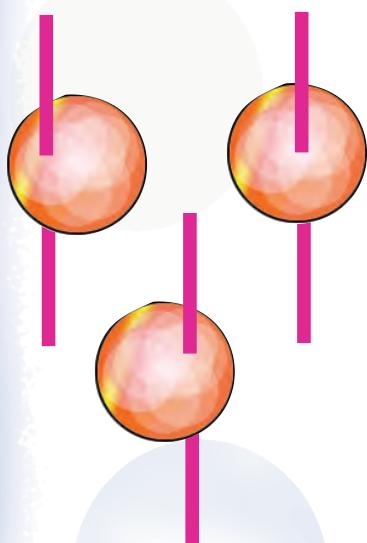


ഈ വൃത്തങ്ങളുടെ പ്രത്യേകത എന്താണ്?

രണ്ടിന്റെയും കേന്ദ്രം ഒരേ ബിന്ദു തന്നെ. എന്നാൽ പുറത്തെ വൃത്തം ഉള്ളിലെ വൃത്തത്തേക്കാൾ വലുപ്പം കൂടിയതാണ്.

പന്ധരം കാരണം...

ഒരു വൃത്തം മുറിച്ചെടുത്ത് കമ്പിൽ കോർത്തുവച്ചാൽ പന്ധരമായി.



ഈവയിൽ നന്നായി കഠിനമായ പന്ധരം എന്താണ്?

എന്തുകൊണ്ട്?

നന്നായി കഠിനമായ ഒരു പന്ധരം ഉണ്ടാക്കാൻ കന്ന് എവിടെക്കൂടി കോർക്കണം?



വൃത്തം ജിയോജിബേയറിൽ

ജിയോജിബേയറിൽ വൃത്തം വരയ്ക്കാൻ ലഭ്യമായ ചില ടുള്ളുകൾ ഉണ്ട്. ചുവർക്കുന്ന കൊടുത്തിരിക്കുന്നത്.

- Circle with centre through points.
- Circle with centre and radius.

കൊമ്പസിൽ വിവിധ അൽപ്പം കൂട്ടി വരച്ചതുകൊണ്ടാണല്ലോ ഈതെ രത്തിലുള്ള വലിയ വൃത്തം ലഭിച്ചത്.

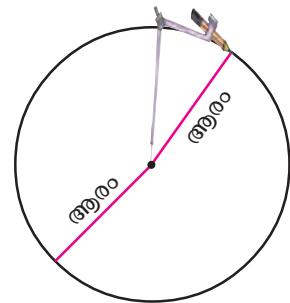
ഈ ഇങ്ങനെന്നും പറയാം! കേന്ദ്രത്തിൽനിന്നു വൃത്തത്തിലേക്കുള്ള അകലം കൂടിയതുകൊണ്ട് വൃത്തം വലുതായത്.

അതായത്, കേന്ദ്രത്തിൽനിന്നു വൃത്തത്തിലേക്കുള്ള അകലം കൂടു നാലിനുസരിച്ച് വൃത്തത്തിൽ വലുപ്പം കൂടുന്നു.



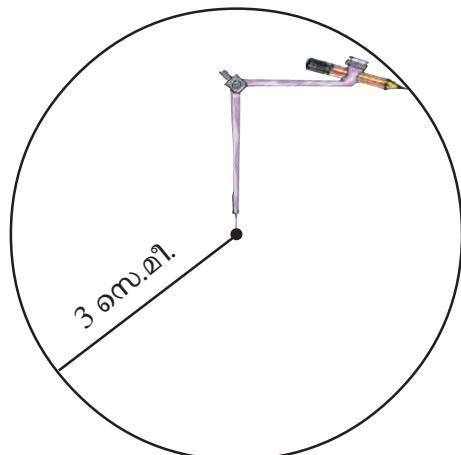
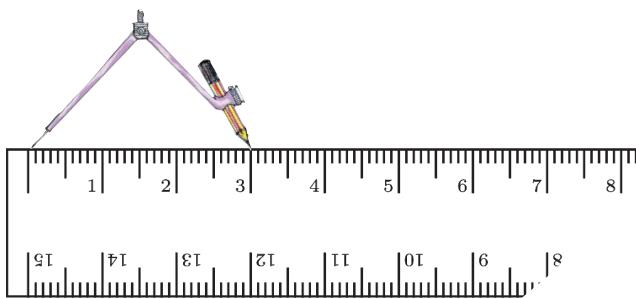
കേന്ദ്രത്തിൽനിന്നു വൃത്തത്തിലേക്കുള്ള അകലം വൃത്തത്തിൽ ആരം (Radius) എന്നു പറയുന്നു.

വൃത്തം വരയ്ക്കാൻ കൊമ്പസ് അൽപ്പം വിടർത്തിയല്ലോ. അപ്പോൾ അതിന്റെ മുനയും പെൻസിലിന്റെ മുനയും തമിലുള്ള അകലം തന്നെയാണ് വരയ്ക്കുന്ന വൃത്തത്തിന്റെ ആരം.



അളന്നു വരയ്ക്കാം

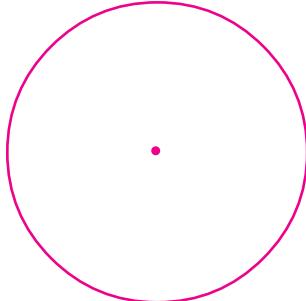
3 സെന്റീമീറ്റർ ആരമുള്ള ഒരു വൃത്തം എങ്ങനെ വരയ്ക്കും?



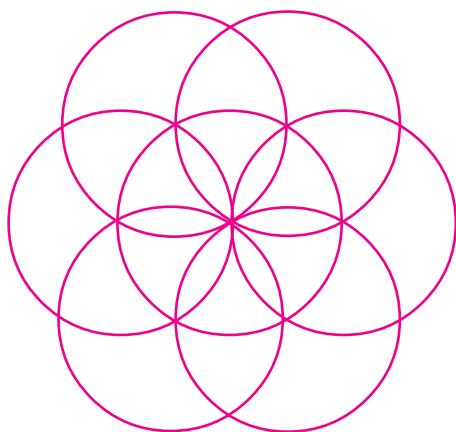
ശ്രദ്ധിതം



- ചിത്രത്തിലെ വ്യത്തത്തിന്റെ ആരം അളന്നു കണക്കിക്കു.



- 5 സെൻറിമീറ്റർ ആരമുള്ള ഒരു വ്യത്തം വരയ്ക്കുക.
- 3 സെൻറിമീറ്റർ ആരമുള്ള ഒരു വ്യത്തം വരയ്ക്കുക. കേന്ദ്രത്തിൽ നിന്നു 5 സെൻറിമീറ്റർ അകലെയുള്ള പിന്നു ഈ വ്യത്തത്തിനകത്താണോ, പുറത്താണോ?
- ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന ചിത്രത്തിലുള്ള എല്ലാ വ്യത്തങ്ങളുടെയും ആരം തുല്യമാണ്.

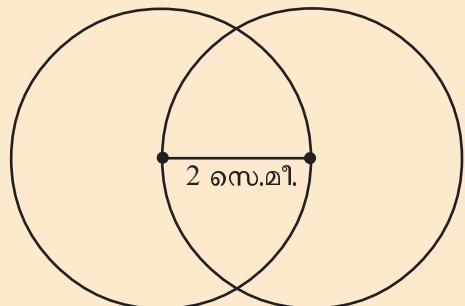


വ്യത്തങ്ങളുടെ ആരം 3 സെൻറിമീറ്ററാക്കി ഈ ചിത്രം നോട്ടപുസ്തകത്തിൽ വരയ്ക്കുക.

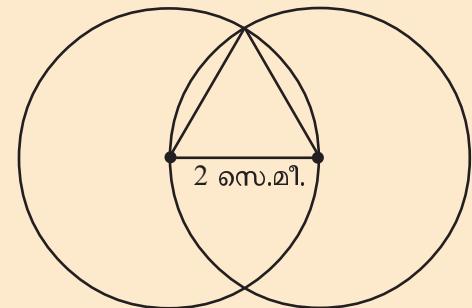
- ഒരേ ബിന്ദുത്തെന കേന്ദ്രമാക്കി 3 സെൻറിമീറ്റർ, 4 സെൻറിമീറ്റർ, 5 സെൻറിമീറ്റർ ആരമുള്ള വ്യത്തങ്ങൾ വരയ്ക്കുക.

വ്യത്തം കൊണ്ട് ത്രികോണം

2 സെൻറിമീറ്റർ നീളത്തിൽ ഒരു വരയ്ക്കുക. അഗ്രഭിംഗുകൾ കേന്ദ്രമാക്കി 2 സെൻറിമീറ്റർ ആരമുള്ള വ്യത്തം വരയ്ക്കുക.



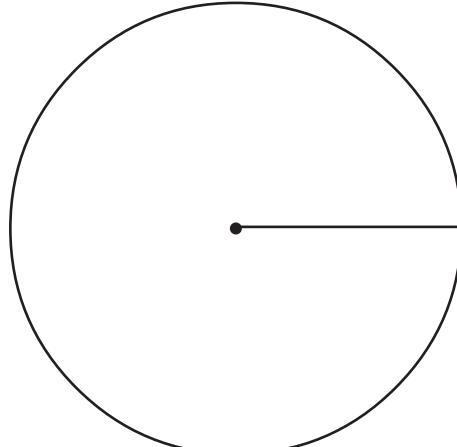
ഈ ചുവടെ കാണിച്ചിരിക്കുന്നതു പോലെ ഒരു ത്രികോണം വരയ്ക്കു.



ത്രികോണത്തിന്റെ മറ്റു രണ്ടുവരും ഒരു നീളം എത്രയാണ്?

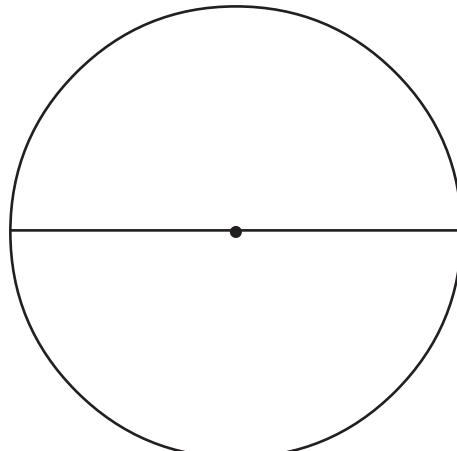
വ്യാസം

ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന ചിത്രം നോക്കു.



ഈ വ്യത്തത്തിൽ ആരം അളന്നുമുന്നു.

ആരം നീട്ടി വരച്ചതിനുശേഷമുള്ള ചിത്രം നോക്കു.



കേന്ദ്രത്തിൽകൂടി വരച്ച വരയുടെ നീളം എത്രയാണ്?

ഈതെന്നും വേറെ വരകൾ ഈ വ്യത്തത്തിനുള്ളിൽ വരയ്ക്കാമോ?

ഈതരത്തിൽ എത്ര വരകൾ വരയ്ക്കാം?

ഈതിനേക്കാൾ നീളമുള്ള ഒരു വര വ്യത്തത്തിനുള്ളിൽ വരയ്ക്കാൻ കഴിയുമോ?

അപ്പോൾ വ്യത്തത്തിൽ കേന്ദ്രത്തിൽകൂടി കടന്നുപോകുന്ന വരയ്ക്കാണ് ഏറ്റവും നീളം കൂടുതൽ. ഈ വരയെ വ്യത്തത്തിൽ വ്യാസം (Diameter) എന്നാണു പറയുന്നത്.

ശ്രീതം

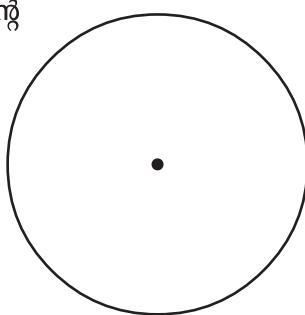
അതായത്, ഒരു വൃത്തത്തിനുള്ളിൽ വരയ് കാബുന്ന ഏറ്റവും നീളം കുറിയ വരയാണ് ആ വൃത്തത്തിന്റെ വ്യാസം. ഈ വരയുടെ നീളത്തെയും വ്യാസം എന്നു തന്നെയാണു പറയുന്നത്.

അപ്പോൾ ആരത്തിന്റെ രണ്ടു മടങ്ങാണ് വ്യാസം.

$$\text{വ്യാസം} = 2 \times \text{ആരം}$$

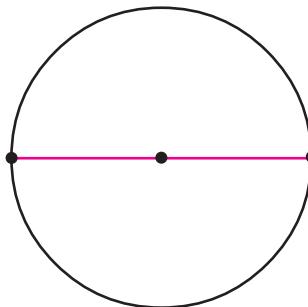
വ്യാസത്തിന്റെ പകുതി ആരവും.

- ചിത്രത്തിലെ വൃത്തത്തിന്റെ വ്യാസം അളന്നുമുതുക.

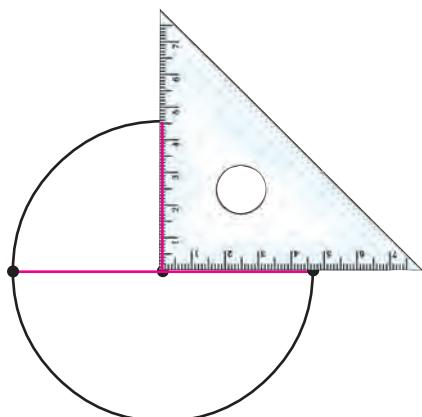


സമാധാനങ്ങൾ

വൃത്തം വരച്ച് അതിന്റെ ഒരു വ്യാസം വരയ്ക്കുക.

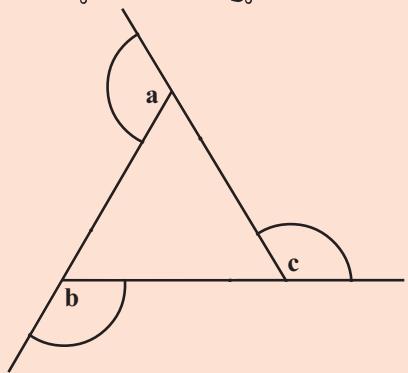


ഈ വ്യാസത്തിന് കുത്തനെയായി മറ്റൊരു വ്യാസം വരയ്ക്കാമോ? മട്ടം ഉപയോഗിച്ച് വൃത്തകേന്ദ്രത്തിൽകൂടി കുത്തനെ ഒരു വര വരച്ചാൽ മതിയല്ലോ.

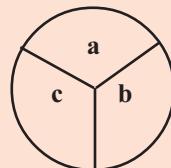


കണക്കെന്നു

ഒരു ത്രികോണം വരച്ച് വശങ്ങൾ ചുവർക്കുന്ന കാണിച്ചിരിക്കുന്തുപോലെ നീട്ടുക.



ഇതിന്റെ മുന്നു മുലകളിൽ നിന്നും ഒരേ ആര തതിൽ മുന്നു വൃത്ത ഭാഗ അഞ്ചി വരയ്ക്കുക. അവ വെച്ചിയെടുത്ത് ചേർത്തുവയ്ക്കുക.



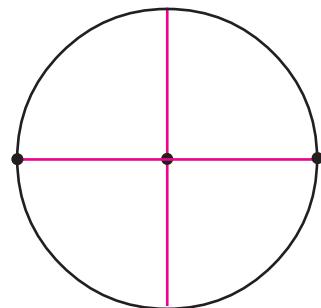
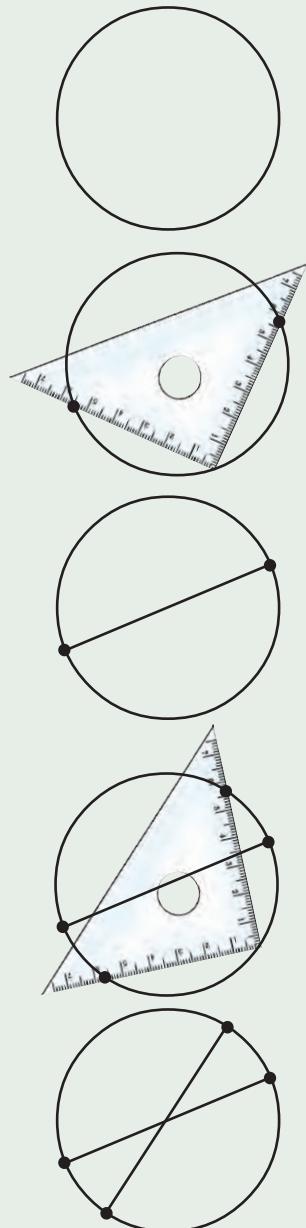
അപ്പോൾ ഒരു വൃത്തം കിട്ടിയില്ലോ. പല വലുപ്പത്തിലുള്ള ത്രികോണം വരച്ച് ഇതുപോലെ വച്ചുനോക്കു. എപ്പോഴും വൃത്തം കിട്ടുന്നോണോ?

ത്രികോണത്തിനു പകരം ചതുർഭുജം വരച്ച് ഇതുപോലെ ചെയ്തുനോക്കു. വൃത്തംതന്നെ കിട്ടുന്നോണോ?

കാണ്മാനില്

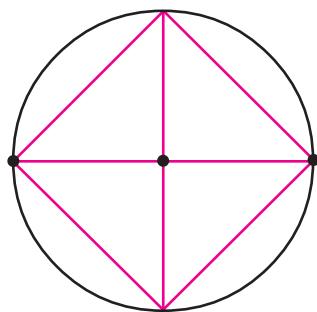
വളു ഉപയോഗിച്ച് അച്ചു വൃത്തം വരച്ചു. വൃത്തപാറ്റേൻ തയാറാക്കുന്ന തിന് വൃത്തത്തിന്റെ വ്യാസം വരയ്ക്കണം. പകേഷ്, കേന്ദ്രം കാണുന്നില്ല.

മട്ടം ഉപയോഗിച്ച് വൃത്തത്തിന്റെ കേന്ദ്രം കണ്ണംത്തിയ മാർഗ്ഗം നോക്കു.



വൃത്തം എത്ര സമഭാഗങ്ങളായി മാറി?

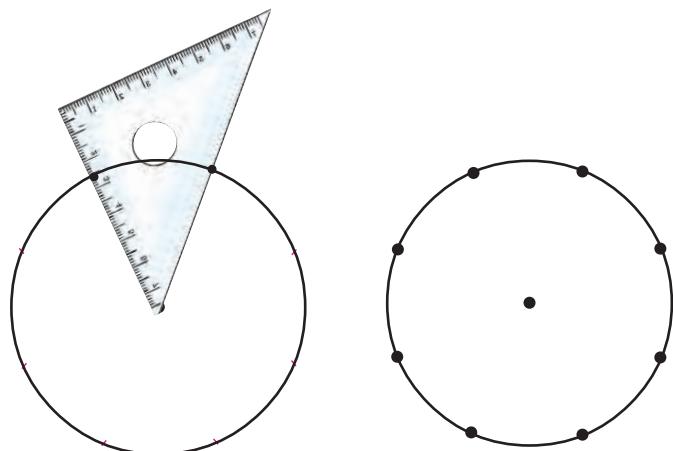
വരയുടെ അഗ്രബിന്ദുകൾ യോജിപ്പിച്ചുനോക്കു.



ഇപ്പോൾ കിട്ടിയ രൂപം എന്താണ്?

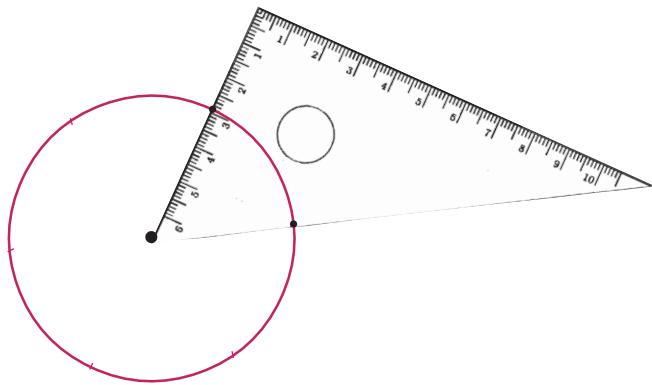
ഇതുപോലെ മറ്റു രണ്ടു വ്യാസങ്ങൾ വരച്ച്, അവയുടെ അഗ്രങ്ങൾ യോജിപ്പിച്ചുനോക്കു. എല്ലായ്പ്പോഴും ഈ ഒരു രൂപം ഇങ്ങനെത്തന്നെന്ന കിട്ടുമോ?

- ഇതുപോലെ മട്ടത്തിലെ വിവിധ മൂലകൾ ഉപയോഗിച്ച് വൃത്തത്തിൽ മറ്റു രൂപങ്ങൾ ഉണ്ടാക്കിനോക്കു.

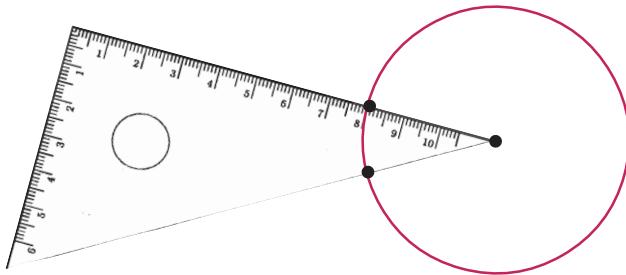


- ബിന്ദുകൾ യോജിപ്പിച്ചു കിട്ടുന്ന രൂപത്തിന് എത്ര വശങ്ങൾ ഉണ്ട്?

ഗണിതം



- ചിത്രത്തിൽ കാണുന്ന മട്ടം ഉപയോഗിച്ച് വ്യത്ത തതിൽ തുല്യ അകലങ്ങളിൽ എത്ര ബിനുകൾ അടയാളപ്പെടുത്താം? ഈ ബിനുകൾ യോജിപ്പിച്ചു കിട്ടുന്ന രൂപത്തിന് എത്ര വശങ്ങൾ ഉണ്ട്?



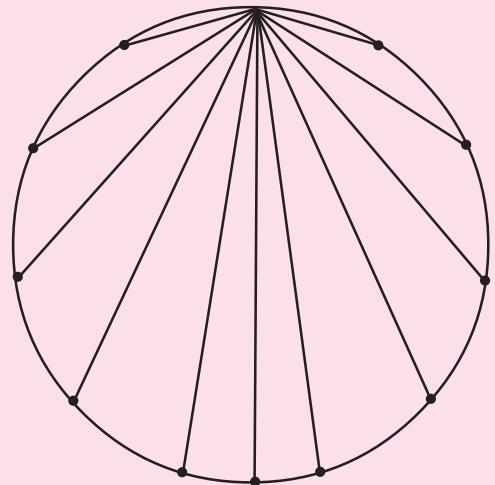
- ഈ മട്ടം ഉപയോഗിച്ച് വ്യത്തത്തിൽ തുല്യ അകലങ്ങളിൽ എത്ര ബിനുകൾ അടയാളപ്പെടുത്താം? ഈ ബിനുകൾ യോജിപ്പിച്ചു കിട്ടുന്ന രൂപത്തിന് എത്ര വശങ്ങൾ ഉണ്ട്?



മട്ടങ്ങളുടെ വിവിധ മൂലകൾ ഉപയോഗിച്ച് 24 വശങ്ങളുള്ള ഒരു രൂപം വ്യത്തത്തിൽ വരയ്ക്കു.

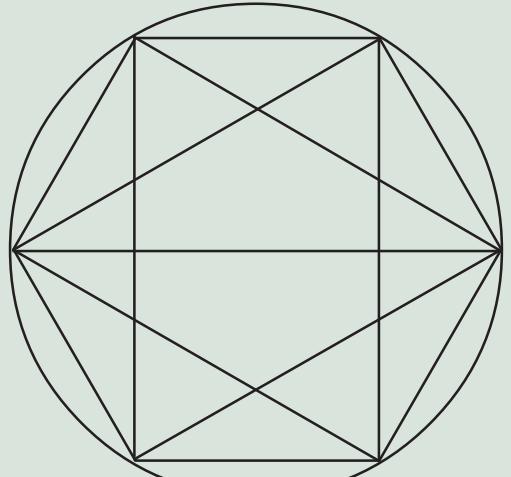
മാന്ത്രികവ്യത്തം

ചിത്രം നോക്കു.



വ്യത്തത്തിലെ കുറേ ബിനുകൾ പരസ്പരം യോജിപ്പിച്ചതു കണ്ടില്ലോ? ഇതുപോലെ മറ്റു ബിനുകളും പരസ്പരം യോജിപ്പിക്കു.

ചെണ്ടിരിക്കുന്നതാർ?

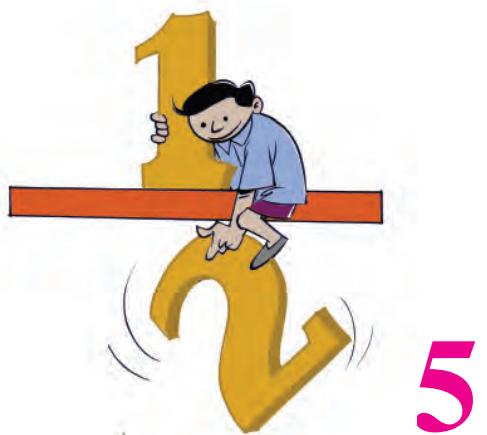


ചിത്രം വരച്ച നിറം കൊടുക്കുക. ഈതിൽ എത്രതാക്ക രൂപങ്ങളുണ്ട്?

രിലിഞ്ചേറോക്കുമ്പോൾ



പഠനങ്ങളുടെ വിവരങ്ങൾ	എനിക്ക് കഴിയും	ശീച്ചിട്ടുള്ള സഹായത്തോടെ കഴിയും	ഇനിയും മെച്ചപ്പെടുത്തുവാൻ ശ്രദ്ധിച്ചുവെച്ചത്
<ul style="list-style-type: none"> ഉപകരണ സഹായത്താൽ കൃത്യമായ അളവിൽ വ്യത്യം വരയ്ക്കാൻ കഴിയുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> വ്യത്യസ്ത രൂപങ്ങൾ ഒരുമിച്ചു ചേർത്ത് പാറേസുകളും പുതിയ ചിത്രങ്ങളും രൂപീകരിക്കാൻ കഴിയുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> വ്യത്യത്തിലെ ആരം, വ്യാസം എന്നീ അളവുകളുടെ പരസ്പരബന്ധം വിശദീകരിക്കാൻ കഴിയുന്നു. 			



5

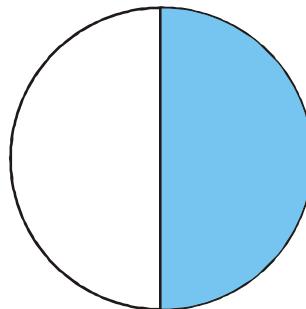
ഭാഗങ്ങളുടെ സംഖ്യ

പകുതി എന്നാൽ...

രണ്ടു ദോഷ കഴിച്ചുകഴിത്തെപ്പോൾ മിനി പറഞ്ഞു: “ഈനി ഒരു മുഴുവൻ ദോഷ വേണ്ടമെ, അര ദോഷ മതി”.

അര ദോഷയെന്നാൽ ഒരു ദോഷയുടെ പകുതി, അല്ല?

ഈ ചിത്രം നോക്കു.



വട്ടത്തിന്റെ പകുതി നിരം കൊടുത്തിട്ടുണ്ട്. അതായത്, നിരം കൊടുത്തത് പകുതി വട്ടം. ഇതു ചിത്രത്തിലോ?

പകുതി വര നീല, പകുതി വര ചുവപ്പ്.

വരയുടെ നീളം ഒരു മീറ്ററാണെങ്കിലോ?

ഒരു മീറ്ററിന്റെ പകുതി നീളത്തെ അരമീറ്റർ എന്നു പറയാം. അപ്പോൾ അരമീറ്റർ നീല, അര മീറ്റർ ചുവപ്പ്.

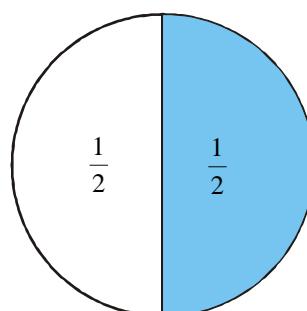
ഒരു ലിറ്റർ പാൽ രണ്ടു കുട്ടികൾക്ക് ഒരേ അളവിൽ കൊടുത്തു. ഒരാൾക്ക് എത്ര കിട്ടി?

ഒരു ലിറ്ററിന്റെ പകുതി, അതായത് അരലിറ്റർ.

രണ്ടു തുല്യഭാഗമാക്കിയതിൽ ഒന്നാണ് പകുതി, അല്ലെങ്കിൽ അര. കണക്കിൽ ഇതെഴുതുന്നത് $\frac{1}{2}$ എന്നാണ്; “അര്” എന്നോ “രണ്ടിൽ ഒന്ന്” എന്നോ ആവശ്യം പോലെ വായിക്കാം.

അപ്പോൾ

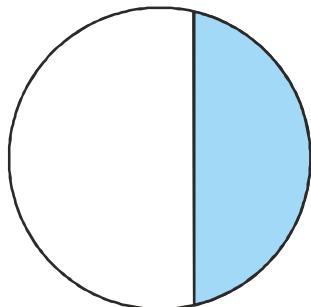
- മിനിക്കു വേണ്ടത് ദോഷയുടെ $\frac{1}{2}$ ഭാഗം.
- വട്ടത്തിൽ നിരം കൊടുത്തത്, അതിന്റെ $\frac{1}{2}$ ഭാഗം.



ഗണിതം

- 1 മീറ്റർ പകുതി $\frac{1}{2}$ മീറ്റർ
- 1 ലിറ്റർ പകുതി $\frac{1}{2}$ ലിറ്റർ

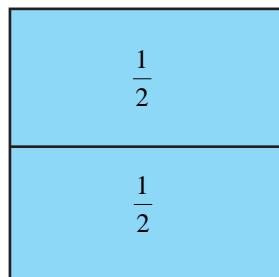
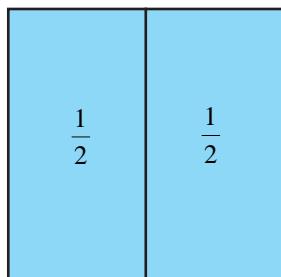
ഈ ചിത്രം നോക്കു.



നിരം കൊടുത്തിരിക്കുന്നത്, വട്ടത്തിന്റെ $\frac{1}{2}$ ഭാഗമാണോ?

അല്ലെന്നു പറയുത്ത് എന്തുകൊണ്ടാണ്?

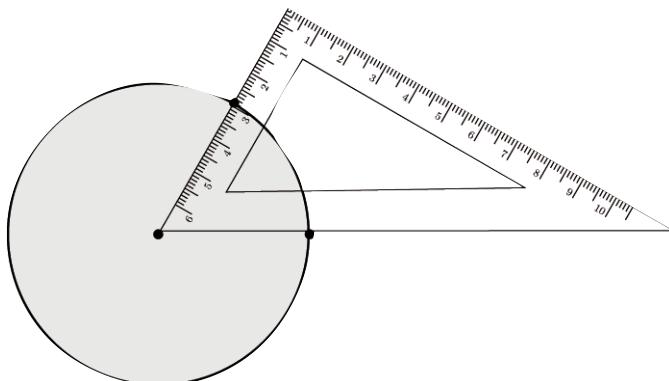
ഈ ചിത്രങ്ങൾ നോക്കു. ഒരു സമചതുരത്തിന്റെ $\frac{1}{2}$ ഭാഗം രണ്ടു രീതികളിൽ അടയാളപ്പെടുത്തിയിട്ടുണ്ട്.



ഇനിയേതെങ്കിലും രീതിയിൽ $\frac{1}{2}$ ഭാഗങ്ങളാക്കാമോ? ആലോചിച്ചുനോക്കു.

ഭാഗം മുന്നായാൽ...

മടം ഉപയോഗിച്ച്, ഒരു വൃത്തത്തിൽ ഒരേ അകലത്തിൽ ആറു കുത്തുകളിടാമല്ലോ.

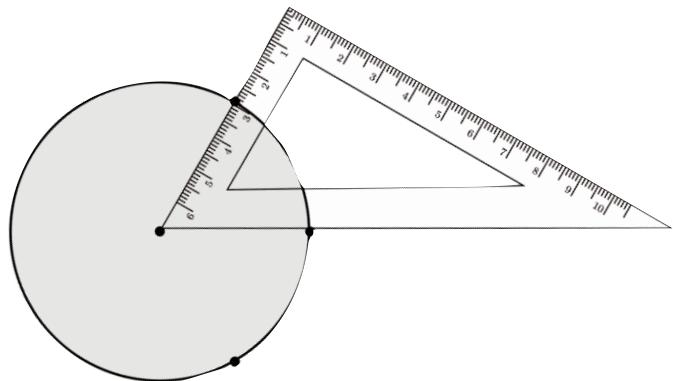


ബിനാങ്ങൾ ഭാരതത്തിൽ

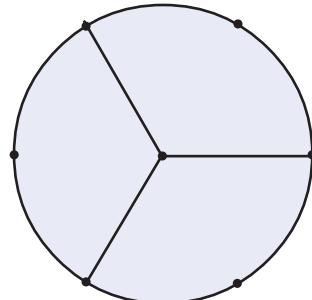
ബി.സി. 500-ൽ എഴുതി എന്ന് കരുതപ്പെടുന്ന സുൽഹ സൂത്രങ്ങളിൽ ഭിനാങ്ങൾ ഉപയോഗിച്ച് പ്രശ്നങ്ങൾക്ക് പരിഹാരം കണ്ടതായി കാണുന്നുണ്ട്. ഇജിപ്റ്റിൽ എതാണ്ട് ബി.സി. 3000 മുതൽ തന്നെ ഭിനാങ്ങൾ ഉപയോഗിച്ചിരുന്നുണ്ടില്ലോ അംശം 1 ആയ ഭിനാങ്ങൾ മാത്രമാണ് കൈകാര്യം ചെയ്തിരുന്നത്. ഭാരതത്തിൽ എല്ലാതരം ഭിനാങ്ങളും ഉപയോഗിച്ചിരുന്നു. ഭിനാങ്ങളുടെ ഉപയോഗവും ക്രിയകളും ഉൾപ്പെടുന്ന പ്രശ്നങ്ങൾ പ്രാചീനഭാരതത്തിലെ പ്രസിദ്ധ ഗണിതക്കുതികളിലെല്ലാം കാണുന്നുണ്ട്.

ബഹമഗ്രപ്തരെന്റെ ബഹമസ്പദ സിഖാന്തത്തിലും മഹാവിരൻ്റെ ഗണിതസാരസംഗ്രഹത്തിലും ഈ കാര്യം വ്യക്തമാക്കുന്നുണ്ട്.

12-ാം നൂറ്റാണ്ടിൽ ജീവിച്ചിരുന്ന ഭാസ്കരാചാര്യ (രണ്ടാമൻ)രുടെ ലിലാവതിയിൽ നിരവധി ഗണിതപ്രശ്നങ്ങളിൽ ഭിനാസംഖ്യകൾ ഉപയോഗിച്ചിട്ടുണ്ട്.



ഇവയിൽ ഒന്നിടവിട കൃത്യകൾ മാത്രം കേന്ദ്രവുമായി തോജിപ്പിച്ചാലോ?



ഹരജിപ്പിക്കിയെന്നു ഭിന്നങ്ങൾ

ബി.സി. 3200 മുതൽതെന്ന ഹരജിപ്പിക്കിയെന്ന ഭിന്നങ്ങളെ പ്രത്യേക ലിപികൾ ഉപയോഗിച്ച് എഴുതിയിരുന്നു. അംഗം 1 ആയ ഭിന്നകങ്ങളാണ് ഇവർ പൊതുവെ ഉപയോഗിച്ചിരുന്നതായി കാണാം.

ഈ സമ്പദായത്തിൽ $\frac{1}{3}$ എന്ന

എന്നാണു
സൂചിപ്പിക്കുന്നത്.

മറ്റു ഭിന്നസംഖ്യകളുടെ ചിഹ്നങ്ങൾ.

$$\frac{1}{2} = \text{L-shaped symbol}$$

$$\frac{2}{3} = \text{Symbol with two vertical strokes}$$

$$\frac{3}{4} = \text{Symbol with three vertical strokes}$$

$$\frac{1}{10} = \text{Symbol with a loop and a vertical stroke}$$

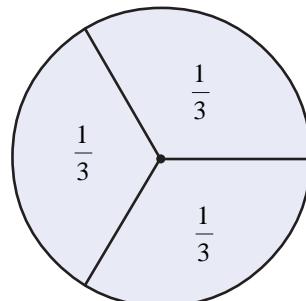


കാർഡബോർഡിൽ വരച്ച്, മുറിച്ച് കൃത്യ പരിശോധിക്കു; എല്ലാ ഭാഗങ്ങളും തുല്യമാണോ?

അപ്പോൾ ഓരോ ഭാഗവും വ്യത്ത തിരിക്കേ മുന്നിലെം്പാനു ഭാഗമാണെന്നു പറയാം.

എഴുതുന്നതോ?

$$\frac{1}{3} \text{ ഭാഗം}$$

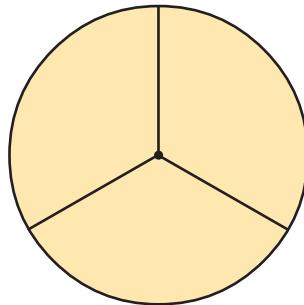


ഗണിതം

1 മീറ്റർ നീളമുള്ള ചരട് 3 തുല്യഭാഗങ്ങളായി മുറിച്ചാൽ, ഓരോ കഷണത്തിന്റെയും നീളം $\frac{1}{3}$ മീറ്റർ.

1 ലിറ്റർ പാൽ മുന്നു പേരക്കു വിതിച്ചാൽ ഓരോരുത്തർക്കും എത്ര ലിറ്റർ കിട്ടും?

അഴുവ് ഒരു കേക്ക് കൊണ്ടുവന്നു; അമു അതു ചിത്രത്തിൽ കാണുന്നതു പോലെ മുന്നു കഷണങ്ങളാക്കി.

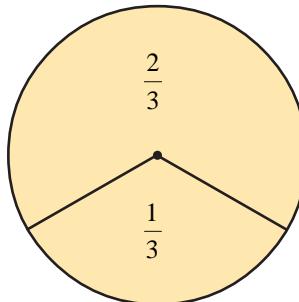


അഴുവ് തന്റെ വീതം അബ്യൂവിനു കൊടുത്തു. അപ്പോൾ അബ്യൂവിനു രണ്ടു കഷണങ്ങളായി.

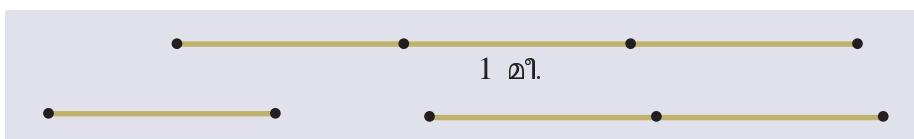
ശരിക്കു പറഞ്ഞാൽ, 3 തുല്യഭാഗങ്ങളാക്കിയതിൽ 2 ഭാഗം.

ഇതിനെ മുന്നിൽ രണ്ടു ഭാഗമെന്നു പറയാം; $\frac{2}{3}$ ഭാഗമെന്നുതും.

അമ്മയ്ക്കു കിട്ടിയ ഭാഗത്തിനെ എങ്ങനെയെഴുതും?



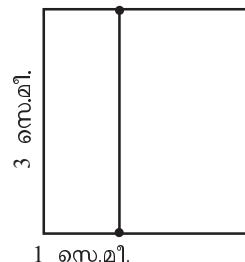
1 മീറ്റർ നീളമുള്ള ഒരു ചരടിൽ മുന്നു തുല്യഭാഗങ്ങൾ അടയാളപ്പെടുത്തി. ഒരു കഷണം മുറിച്ചെടുത്തു:



ചെറിയ കഷണത്തിന്റെ നീളം എത്ര മീറ്ററാണ്?

വലിയ കഷണത്തിന്റെയോ?

1 സെ.മീ.



3 സെ.മീ.

1 സെ.മീ.

രു സമചതുരം വരയ്ക്കുക, വശങ്ങളോ രോന്നിനും 3 സെന്റീമീറ്റർ നീളം. ഈ മുകളിലെത്തെയും താഴേതെയും വശങ്ങളിൽ ഈ തുനിന് 1 സെന്റീമീറ്റർ അകലതയിൽ കുത്തുകളിടുക, അവ യോജിപ്പിക്കുക.

സമചതുരത്തെ ഒരു ചതുരങ്ങളായി ഭാഗിച്ചില്ല?

ചെറിയ ചതുരം സമചതുരത്തിൻ്റെ എത്ര ഭാഗമാണ്?

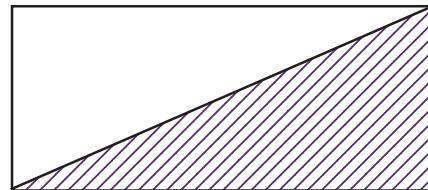
വലിയ ചതുരമോ?

$\frac{1}{3}$ ഭാഗത്തിന് ചുവപ്പുനിവും $\frac{2}{3}$ ഭാഗത്തിന് പച്ചനിവും കൊടുക്കുക.

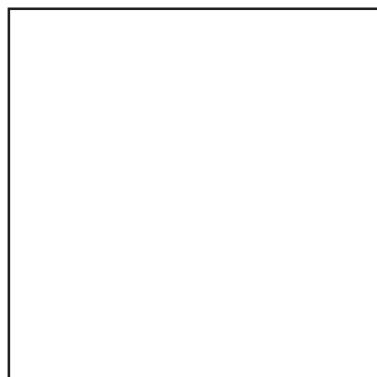
വേറെ എത്തെങ്കിലും രീതിയിൽ സമചതുരത്തെ $\frac{1}{3}$ ഉം $\frac{2}{3}$ ഉം ആയി ഭാഗിക്കാമോ?



- ചുവടെ തന്നിരിക്കുന്ന ചിത്രത്തിൽ നിന്നും നൽകിയിരിക്കുന്നത് ചതുരത്തിൻ്റെ എത്ര ഭാഗത്തിനാണ്?



- തന്നിരിക്കുന്ന സമചതുരത്തിൻ്റെ $\frac{1}{3}$ ഭാഗത്തിന് നിന്നും നൽകു.



ഗണിതം

- ചുവടെ തന്നിരിക്കുന്ന ചതുരത്തിന്റെ $\frac{2}{3}$ ഭാഗത്തിന്
നീല നിറവും ബാക്കി ഭാഗത്തിന് പച്ചനിറവും
നൽകുക.



6 സെ.മീ.

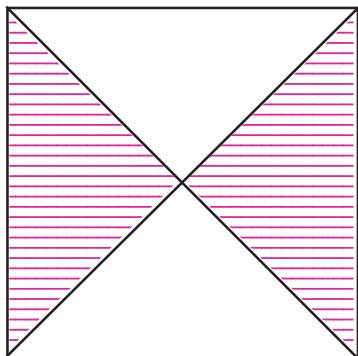


PhET ഹെഡ്ജ്

അമേരിക്കയിലെ കോളേജാധോരായുണിവേഴ്സിറ്റിയുടെ ഒരു സംരംഭമാണ് ഹെഡ്ജ് (PhET). ശാസ്ത്രപരമായ ഏറ്റവും സാങ്കേതിക അനേകം സിമുലേഷനുകൾ ഉൾക്കൊള്ളിച്ചിരിക്കുന്ന സ്വത്തെ സോഫ്റ്റ്‌വെയർ റാണിത്. ഇൻഡ്രോനേറ്റ് സൗകര്യം ഇല്ലാതെയും ഇത് പ്രവർത്തിപ്പിക്കാവുന്നതാണ്.

Application → School Resources → PhET എന്ന രീതിയിൽ തുറക്കാം.

ഹെഡ്ജ് ജാലകത്തിൽ Simulation → Math → Build a fraction തുറന്ന ഭിന്നസംഖ്യകളെ വിവിധ രീതികളിൽ വിശദികരിക്കുന്ന സിമുലേഷനുകൾ പ്രവർത്തിപ്പിക്കാം. Fraction Intro ഫിലും ഇത്തരം പ്രവർത്തനങ്ങൾ ലഭ്യമാണ്.



ചിത്രത്തിൽ നിരുത്തിയിരിക്കുന്നത് സമചതുരത്തിന്റെ ഏതു ഭാഗത്തിനാണ്?

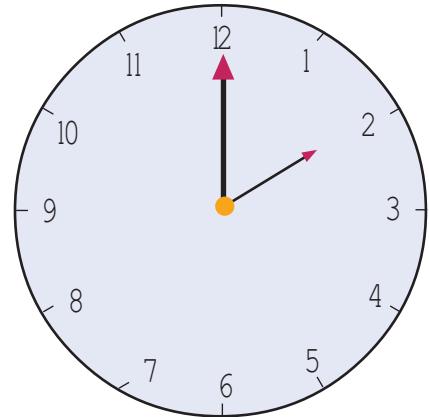
- ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന വരയിൽ തുല്യങ്കലഘത്തിലുള്ള ചില സ്ഥിരങ്ങൾ രേഖ
പ്ലൈറ്റിയിരിക്കുന്നു.



AD യുടെ നീളം ആകെ നീളത്തിന്റെ ഏതു ഭാഗമാണ്?

AC യുടെ നീളമോ? AE യുടെയോ?

- 20 മിനിറ്റ് കൊണ്ട് ക്ലോക്കിലെ മിനിറ്റ് സൂചി തിരിയുന്നത് വുത്ത തിരിപ്പേരെ എത്രഭാഗമാണ്?

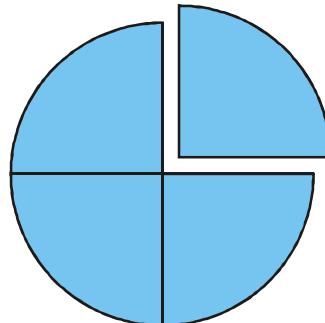


4 മണിക്കൂർ കൊണ്ട് മണിക്കൂർ സൂചി തിരിയുന്നത് വുത്തതിരിപ്പേരെ എത്ര ഭാഗമാണ്?

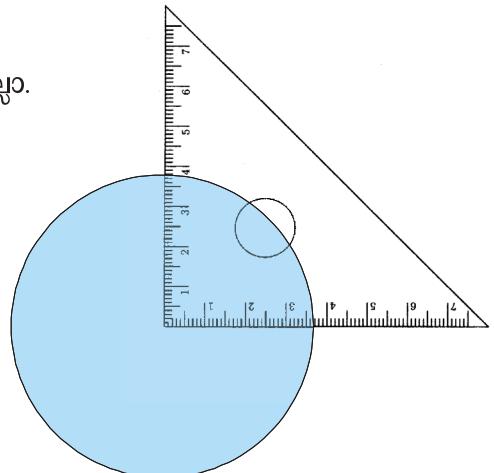
മിനിറ്റ് സൂചി 1 തുണി 9 ലേക്ക് എത്തുണ്ടാക്കും തിരിയുന്നത് വുത്ത തിരിപ്പേരെ എത്ര ഭാഗമാണ്?

ഭാഗം പലതരം

മട്ടമുപയോഗിച്ച് വടക്കെത്ത നാലു സമഭാഗങ്ങളാക്കാൻ അറിയാമല്ലോ.



കാർഡബോർഡിൽ ഈതുപോലെ വരച്ച് ഒരു ഭാഗം വെട്ടിരയ്ക്കുക.



ഗണിതം

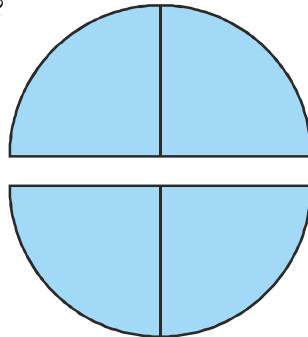
വെട്ടിമാറ്റിയ ചെറിയ കഷണത്തെ വടക്കിരുൾ്ളെം നാലിലൊന്ന് എന്നു പറയാം; $\frac{1}{4}$ എന്നേന്നുതും.

വലിയ കഷണത്തെന്നോ?

തുല്യമായ 4 ഭാഗങ്ങളിൽ 3 എണ്ണം ചേർന്നതാണ് ഈത്. അതിനാൽ ഈതിനെ നാലിൽ മൂന്ന് എന്നു പറയുകയും $\frac{3}{4}$ എന്നേന്നുതുകയും ചെയ്യാം.

സാധാരണ ഭാഷയിൽ, $\frac{1}{4}$ എന്ന “കാൽ” എന്നും $\frac{3}{4}$ എന്ന “മുകാൽ” എന്നും പറയാറുണ്ട്.

വലിയ കഷണത്തിൽനിന്ന് ഒരു ചെറിയ കഷണംകൂടി മുറിച്ചെടുത്ത്, ആദ്യത്തെ ചെറുകഷണത്തോട് ചേർത്തതാണീച്ചാലോ?



നാട്ടുഭാഷ

സാധാരണയായി ഉപയോഗിക്കുന്ന ഭിന്നങ്ങൾക്ക് മലയാളഭാഷയിൽ പേരുകളുണ്ട്.

$\frac{1}{4}$	കാൽ	$\frac{1}{2}$	അര
---------------	-----	---------------	----

$\frac{3}{4}$	മുകാൽ	$\frac{1}{8}$	അരകാൽ
---------------	-------	---------------	-------

$\frac{1}{16}$	മാഹാണി
----------------	--------

രണ്ടു കഷണങ്ങളും വടക്കിരുൾ്ളെം പകുതി തന്നെയല്ലോ?

അതായത്, വടക്കിരുൾ്ളെം $\frac{1}{2}$ ഭാഗം.

“ഈ ഓരോ കഷണവും നാലു സമഭാഗങ്ങളാക്കിയതിൽ രണ്ടാണും ചേർന്നതാണ്; രണ്ടു കഷണങ്ങളും വടക്കിരുൾ്ളെം നാലിൽ രണ്ട്”, എന്നാണ് ലൈല പറയുന്നത്.

അതും ശതിതനെ. നാലിൽ രണ്ടും പകുതിതനെ. അതായത് നാലിൽ രണ്ടും രണ്ടിൽ ഒന്നും മൊത്തത്തിരുൾ്ള പകുതിയാണ്.

കണക്കു ഭാഷയിൽ

$$\frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$

1 മീറ്റർ നീളമുള്ള ചരടിൽ നാലു തുല്യ ഭാഗങ്ങൾ അടയാളപ്പെടുത്തി:

ഓരോ ഭാഗവും എത്ര മീറ്റർ?



നടുവിലെ അടയാളത്തിലുടെ മുൻഈ രണ്ടു കഷണങ്ങളാക്കിയാൽ ഓരോ നീംഗ്രേഡിനും നീഈം എത്ര മീറ്റർ?

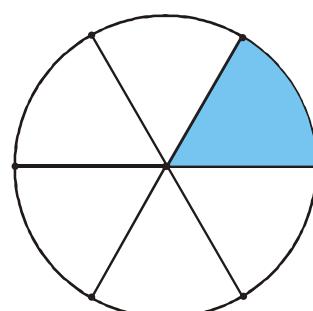
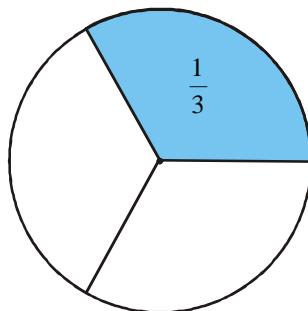


1 മീറ്ററിനെ 4 സമഭാഗങ്ങളാക്കിയതിൽ 2 എണ്ണം ചേർന്നതായതിനാൽ $\frac{2}{4}$ മീറ്റർ എന്നു പറയാം.

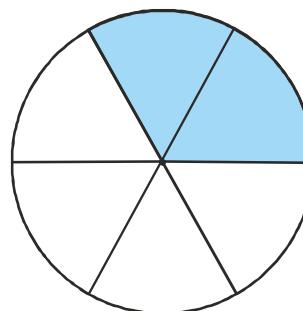
1 മീറ്ററിന്റെ പകുതിയായതിനാൽ $\frac{1}{2}$ മീറ്റർ എന്നു പറയുകയാവും ഭംഗി. (കാര്യം പെട്ടെന്നു പിടിക്കിട്ടുകയും ചെയ്യും).

ഈ മുമ്പു ചെയ്തതുപോലെ മട്ടംകൊണ്ട് വട്ടത്തിൽ ആറു കുത്തിക്കുന്നിടവിട്ടു കുത്തുകൾ കേന്ദ്രവുമായി യോജിപ്പിക്കുക. അതെ വലുപ്പത്തിലുള്ള മറ്റാരു വട്ടത്തിൽ ഇതുപോലെ കുത്തുകളിൽ, എല്ലാ കുത്തുകളും കേന്ദ്രവുമായി യോജിപ്പിക്കുക. ആദ്യത്തെ വട്ടത്തിലെ ഓരോ ഭാഗവും $\frac{1}{3}$.

രണ്ടാമത്തെ വട്ടത്തിലോ?



രണ്ടാമത്തെ വട്ടത്തിലെ രണ്ടു ചെറിയ ഭാഗങ്ങൾ ചേർത്ത് നിന്നു കൊടുത്താലോ?

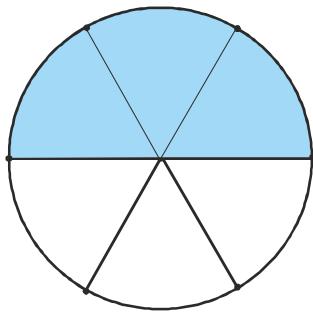


6 സമഭാഗങ്ങളിലെ 2 എണ്ണം ആയതിനാൽ $\frac{2}{6}$ ഭാഗം എന്നു പറയാം. ഈ $\frac{2}{6}$ ഭാഗവും ആദ്യത്തെ വടക്കിലെ നിരം കൊടുത്ത $\frac{1}{3}$ ഭാഗവും ഒന്നുതന്നെയല്ലോ? (വേണമെ കിൽ, രണ്ടാമത്തെ വടക്കിലെ ഈ രണ്ട് ഭാഗങ്ങൾ വെട്ടിയെടുത്ത്, ആദ്യത്തെ വടക്കിലെ ഒരു ഭാഗത്തോട് ചേർത്തുവച്ച് നോക്കാം).

അതായത് ആറിൽ രണ്ട്, മൂന്നിലെഞ്ചും ഒരേ ഭാഗം തന്നെ.

$$\frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

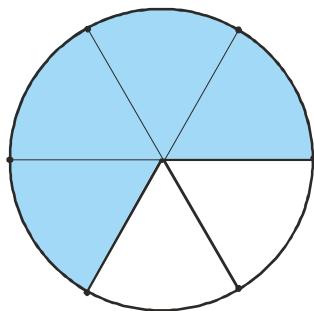
ഈ രണ്ടാമത്തെ വടക്കിലെ ഒരു ഭാഗവും കൂടി ചേർത്ത് നിരം കൊടുത്താലോ?



ഇതിൽനിന്ന് എന്തു കിട്ടി?

$$\frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$

ഒരു ഭാഗവും കൂടി ആയാലോ?



ഈതും ആദ്യത്തെ വൃത്തത്തിലെ രണ്ട് ഭാഗം ചേർന്നതും ഒത്തുനോക്കു:

$$\frac{4}{6} = \frac{2}{3}$$



വൃത്തവിജ്ഞാനം

- ജിയോജിബേ സോഫ്റ്റ്‌വെയർ തുണ്ട് Polygon ടൂൾ എടുക്കുക.

Circle with Centre through Point

പ്രതലത്തിൽ ഒരു സ്ഥലത്ത് കൂടിക്ക് ചെയ്ത മരസ് നീകിലി മറ്റാരു സ്ഥലത്ത് കൂടിക്ക് ചെയ്ത് ഒരു വൃത്തം വരയ്ക്കുക.

ഈ Line through two Points ടൂൾ എടുത്ത് വൃത്തത്തിൻ്റെ ഉള്ളിലെ ബിന്ദുവും വൃത്തത്തിലെ ബിന്ദുവും കൂടിക്ക് ചെയ്ത് ഒരു വരയ്ക്കുക.

ടൂൾബാറിൽനിന്ന് Perpendicular line ടൂൾ എടുത്ത്

Tools → Special Line Tools →
Perpendicular Line

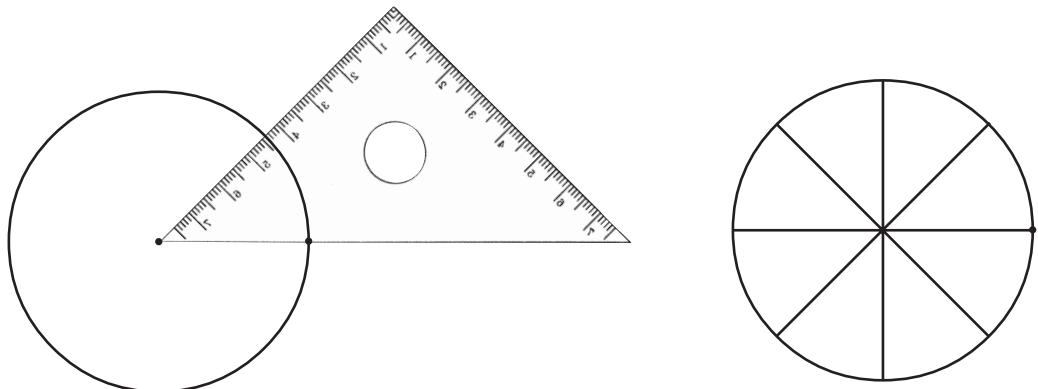
എന്ന ക്രമത്തിൽ ഈ ടൂൾ എടുക്കുക.

Perpendicular Line

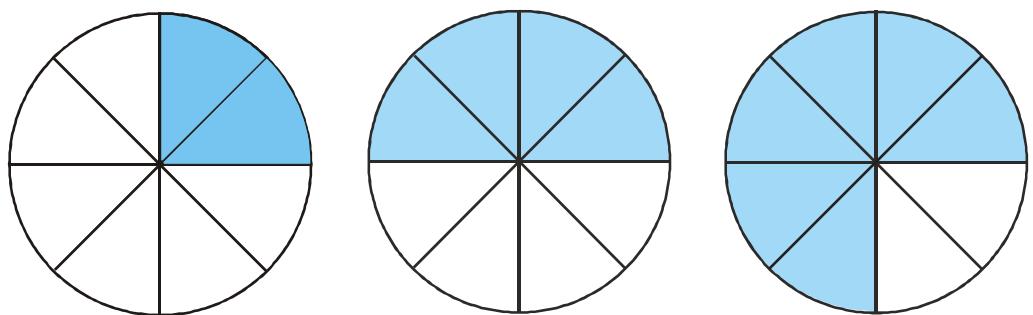
ആദ്യം വരച്ച വരയിലും വൃത്തത്തിന്റെ ഉള്ളിലെ ബിന്ദുവിലും കൂടിക്ക് ചെയ്ത് ഒരു വരയ്ക്കുക.

ഈപ്പോൾ വൃത്തം എത്ര കഷ്ണമായി? ഓരോ കഷ്ണവും വൃത്തത്തിന്റെ എത്ര ഭാഗമാണ്?

ഇനി ഒരു വട്ടം വരച്ച്, മടത്തിൻ്റെ ഒരു മൂല ഉപയോഗിച്ച്, അതിനെ എടുക്കുമ്പോൾ സമഭാഗങ്ങളാക്കുക:



ഇതിലെ ഭാഗങ്ങൾ ഇംഗ്ലീഷ് ചേർത്തത് നിരം കൊടുത്ത ചിത്രങ്ങളാണ് ചുവവെട കാണിച്ചിരിക്കുന്നത്.



ഓരോന്നിൻ്റെയും ചുവവ്വിൽ വട്ടത്തിൻ്റെ എത്ര ഭാഗമാണ് നിരം കൊടുത്തിരിക്കുന്നതെന്ന് രണ്ടു തരത്തിൽ ഭിന്നമായി എഴുതുക.

1 മീറ്റർ നീളമുള്ള ഒരു നാട് 12 സമഭാഗങ്ങളായി മുറിച്ചു:



ഓരോ കഷണത്തിൻ്റെയും നീളം എത്ര മീറ്ററാണ്?

ഈ കഷണങ്ങൾ ഇംഗ്ലീഷ് വീതം ചേർത്തുവച്ചു:



ചേർത്തുവച്ചു ഓരോന്നിൻ്റെയും നീളം എത്ര മീറ്ററാണ്?

1 മീറ്ററിനെ 12 സമഭാഗങ്ങളാക്കിയതിൽ 2 എണ്ണം ചേർന്നതായതിനാൽ,

$\frac{2}{12}$ മീറ്റർ.

ഗണിതം

ചേർത്തുവച്ച ഓരോ ജോടിയെയും ഒറ്റക്കൈമായി കണക്കാലോ?

1 മീറ്ററിന്റെ 6 സമഭാഗങ്ങളിൽ ഒരെണ്ണം; അതായത് $\frac{1}{6}$ മീറ്റർ. അതായത്

$$\frac{2}{12} \text{ മീറ്റർ} = \frac{1}{6} \text{ മീറ്റർ}$$

12 കഷ്ണങ്ങളെ മുന്നു മുന്നായി ചേർത്തുവച്ചാലോ?

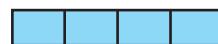
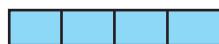
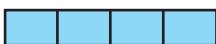


ചേർത്തുവച്ച ഓരോന്നിന്റെയും നീളം എത്ര മീറ്ററാണ്?

ഇതിൽനിന്ന് എന്തു മനസ്സിലായി?

$$\frac{3}{12} \text{ മീറ്റർ} = \dots \text{ മീറ്റർ}$$

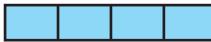
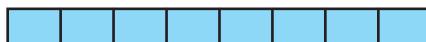
നാലായി ചേർത്തുവച്ചാലോ?



ഓരോന്നിന്റെയും നീളം

$$\dots \text{ മീറ്റർ} = \dots \text{ മീറ്റർ}$$

ഇനി ആദ്യത്തെ 12 കഷ്ണങ്ങളെ ചുവവെട കാണുന്നതുപോലെ യോജിപ്പിച്ച് രണ്ടു ഭാഗമാക്കിയാലോ?



വലിയ ഭാഗത്തിന്റെ നീളം

$$\dots \text{ മീറ്റർ} = \dots \text{ മീറ്റർ}$$

ചെറിയ ഭാഗത്തിന്റെ നീളം

$$\dots \text{ മീറ്റർ} = \dots \text{ മീറ്റർ}$$

ഇങ്ങനെന്നാണ് ചേർത്തുവയ്ക്കുന്നതെങ്കിലോ?



വലിയ ഭാഗത്തിന്റെ നീളം

$$\dots \text{ മീറ്റർ} = \dots \text{ മീറ്റർ}$$

ചെറിയ ഭാഗത്തിന്റെ നീളം

$$\dots \text{ മീറ്റർ} = \dots \text{ മീറ്റർ}$$

നിംബ നൽകു.

$\frac{1}{4}$ ഭാഗം

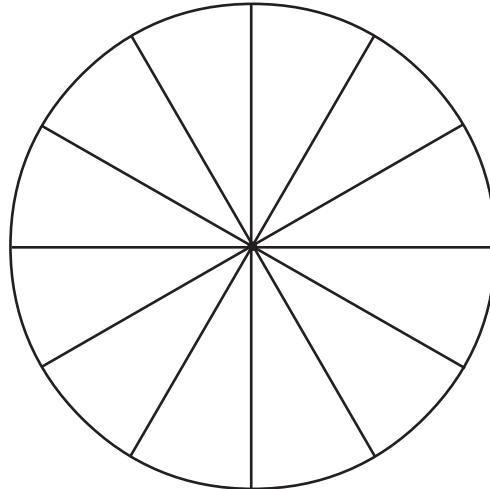
$\frac{1}{3}$ ഭാഗം

$\frac{1}{8}, \frac{1}{16}$ ഭാഗം

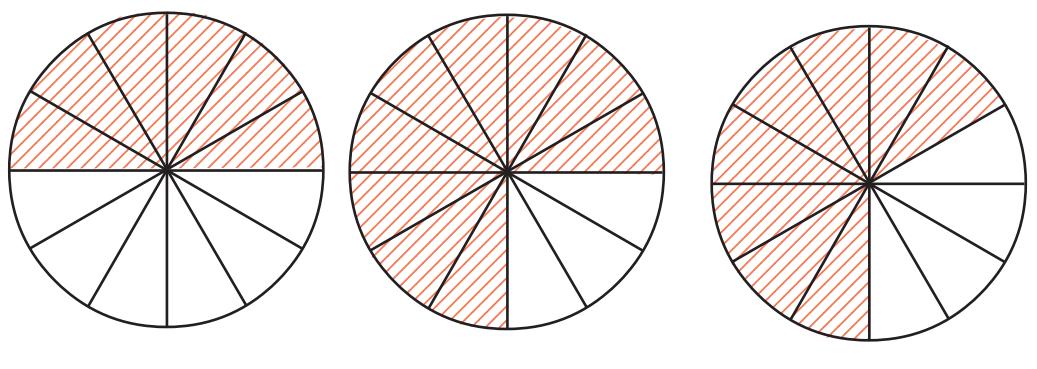
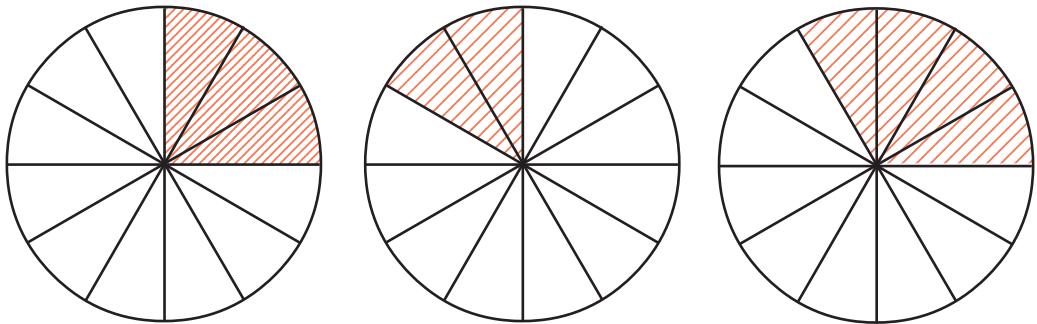


ചെയ്തുനോക്കാം

- ഒരു വ്യത്യം വരച്ച്, അതിനെ മട്ടത്തിന്റെ മൂല ഉപയോഗിച്ച് 12 തുല്യ ഭാഗങ്ങളാക്കിയിരിക്കുന്നു.

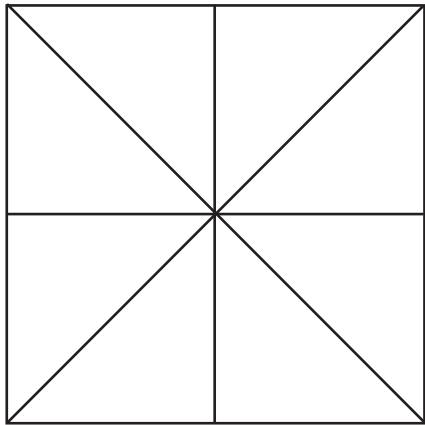


ഇതിലെ ചില ഭാഗങ്ങൾക്ക് നിരു നൽകിയ ചിത്രങ്ങളാണ് ചുവരെ തന്നിരിക്കുന്നത്. ഓരോന്നിലും നിരു നൽകിയിരിക്കുന്നത് വ്യത്യ ത്തിന്റെ എത്ര ഭാഗമാണെന്ന് രണ്ടു തരത്തിൽ ഭിന്മായി എഴുതുക.



ഗണിതം

- രുചി സമചതുരത്തെ കുറെ തുല്യഭാഗങ്ങളായി പിത്രത്തിൽ കാണുന്നതുപോലെ ഭാഗിച്ചിരിക്കുന്നു.



സമചതുരത്തിൻ്റെ $\frac{1}{8}$ ഭാഗം ചുവപ്പു നിറം നൽകുക. $\frac{1}{4}$ ഭാഗം നീല നിറവും $\frac{1}{2}$ ഭാഗം പച്ച നിറവും നൽകുക.

നിരം നൽകാത്തത് എത്ര ഭാഗമാണ്?

മൃശുവന്മാർക്ക് ഭാഗവും

ഒന്നര ലിറ്റർ പാൽ, ഒന്നേകാൽ മീറ്റർ തുണി, ഒബ്ദര കിലോഗ്രാം പയർ എന്നെല്ലാം പറയുന്നതു കേട്ടിട്ടില്ലോ?

എന്താണിവയുടെ അർദ്ധം?

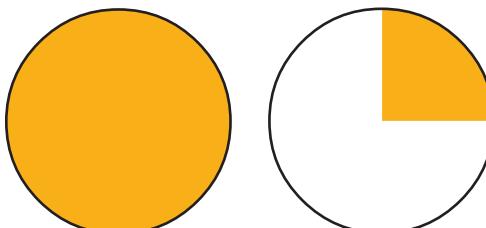
രുചി പാത്രത്തിൽ ആദ്യം ഒരു ലിറ്റർ പാലും, പിന്നെ ഒരു ലിറ്ററിന്റെ പകുതിയും ഒഴിച്ചാൽ പാത്രത്തിൽ ആകെ എത്ര ലിറ്റർ പാലായി?

രുചി ലിറ്ററും അര ലിറ്ററും ചേർന്നാൽ ഒന്നര ലിറ്റർ, ഇതെഴുതുന്നത് $1\frac{1}{2}$ ലിറ്റർ എന്നും.

രണ്ടു ലിറ്ററും പിന്നെ ഒരു ലിറ്ററിന്റെ നാലിലൊന്നുമാണ് എടുക്കുന്നതെങ്കിൽ രണ്ടേക്കാൽ ലിറ്റർ.

എഴുതുന്നത് $2\frac{1}{4}$ ലിറ്റർ.

ഈ ചിത്രം നോക്കു.



ത്രികോണത്തിൽ ത്രികോണം

- ജീയോജിബേ സോഫ്റ്റ്‌വെയർ തുറന്ന Polygon ടുൾ എടുക്കുക.

പ്രതലത്തിൽ മുന്നു വ്യത്യസ്ഥ സ്ഥലങ്ങളിൽ കീക്ഷം ചെയ്യുക. ശേഷം തുടങ്ങിയ സ്ഥലത്തു തന്നെ കീക്ഷം ചെയ്ത് രുചി ത്രികോണം നിർമ്മിക്കുക.

ടുൾവാറിൽനിന്ന് Mid Point or Centre ടുൾ എടുത്ത് ത്രികോണത്തിന്റെ ഓരോവശങ്ങളിലും കീക്ഷം ചെയ്ത് നോക്കു. ഇപ്പോൾ ഓരോ വശത്തിന്റെയും മധ്യഖിഞ്ചുകൾ കിട്ടിയില്ല.

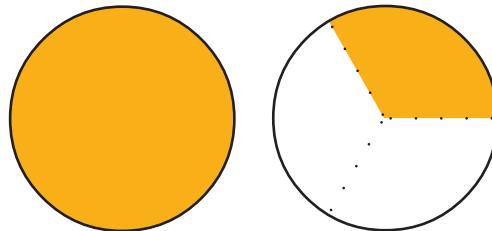
വീണ്ടും Polygon ടുൾ എടുത്ത് ഈ ബിന്ദുക്കളെ യോജിപ്പിച്ച് രുചി ത്രികോണംകൂടി വരക്കു.

ഓരോ ത്രികോണവും വലിയ ത്രികോണത്തിന്റെ എത്ര ഭാഗമാണ്?

ആദ്യത്തെ വട്ടം മുഴുവനായി നിറം കൊടുത്തിരിക്കുന്നു.

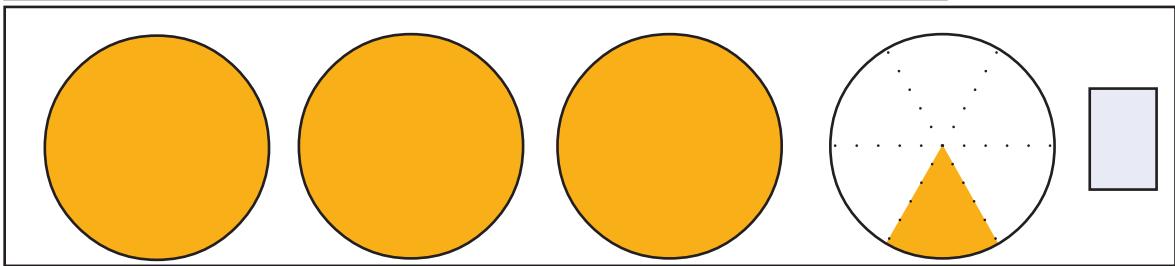
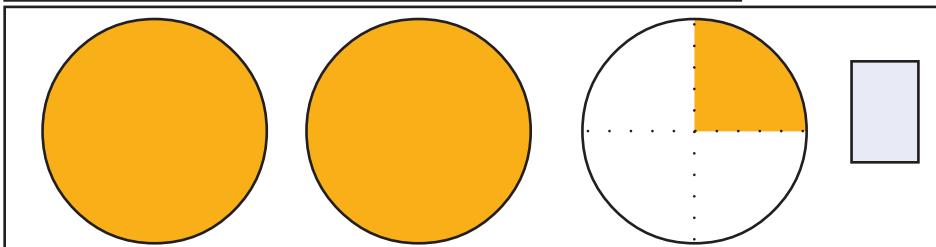
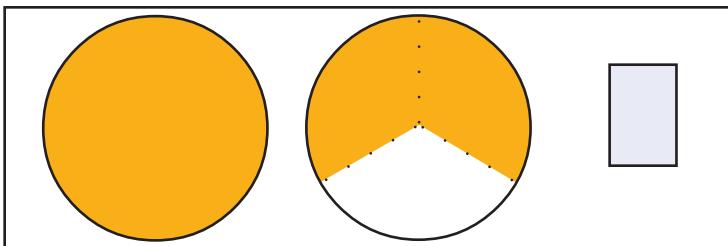
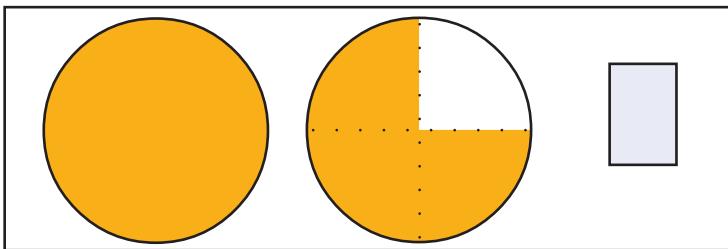
രണ്ടാമത്തെ വട്ടത്തിന്റെ എത്ര ഭാഗമാണ് നിറം കൊടുത്തിരിക്കുന്നത്?

അപ്പോൾ ആകെ $1\frac{1}{4}$ വട്ടത്തിന് നിറം കൊടുത്തതു എന്നു പറയാം. ഈ ചിത്രത്തിലോ?



ങനും മുന്നിലെപാനും; എഴുതുന്നത് $1\frac{1}{3}$

ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന ഓരോ ചിത്രത്തിലും എത്ര വട്ടത്തിനാണ് നിറം കൊടുത്തിരിക്കുന്നത് എന്നു പറയുക; സംഖ്യാധി എഴുതുകയും വേണം.

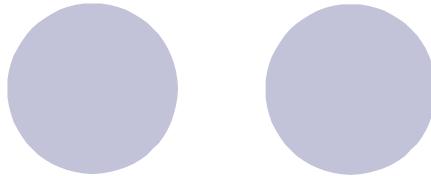


വീതിക്കുംപോൾ

6 കേക്ക് 3 പേരക്ക് തുല്യമായി വീതിച്ചാൽ ഓരോ രൂത്തർക്കും എത്ര കേക്ക് കിട്ടും?

3 കേക്കേ ഉള്ളുവെങ്കിലോ?

ഈ ഒരു 2 കേക്ക് 3 പേരക്ക് തുല്യമായി വീതിക്കണമെ കിലോ?

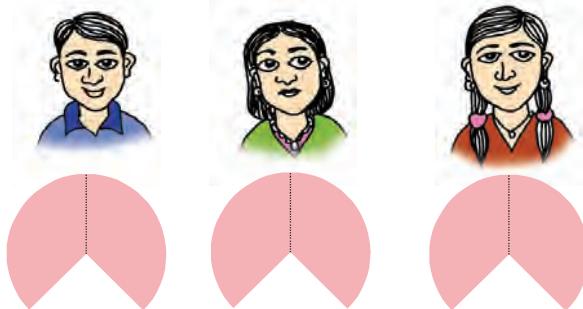


എങ്ങനെ വീതിക്കും?

ആദ്യം ഒരു കേക്ക് മൂന്നായി മുറിച്ച്, ഓരോരൂത്തർക്കും കൊടുക്കുക.



ഈ അടുത്ത കേക്കും ഇതുപോലെ മുറിച്ചു കൊടുക്കുക.



അപ്പോൾ ഓരോരൂത്തർക്കും ഒരു കേക്കിന്റെ $\frac{2}{3}$ ഭാഗം കിട്ടി.

ഈ ഒരു 3 കേക്ക് 4 പേരക്ക് തുല്യമായി വീതിച്ചാൽ ഓരോരൂത്തർക്കും ഒരു കേക്കിന്റെ എത്ര ഭാഗം കിട്ടും? ആലോചിച്ചുനോക്കു.



JfractionLab

- ഭിന്നങ്ങൾ രൂപീകരിക്കാനും അവയെ വിശദീകരിക്കാനും സഹായ കമായ ഒരു സ്വത്ത്രസൗഹ്യ വൈരാജ്ഞിക ജേഡ്രാക്ക് ഫോൺ (JfractionLab)

Application → Education → JfractionLab

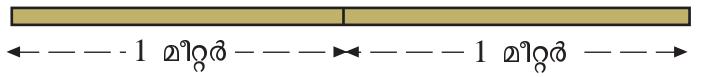
എന്ന ക്രമത്തിൽ ഈ സോഫ്റ്റ്‌വെയർ തുറക്കാം.

Clicking the Numerator, Defining fraction എന്നീ ഭാഗങ്ങളിലൂള്ള പ്രവർത്തനങ്ങൾ ചെയ്തുനോക്കു.

അളവും ഭാഗവും

2 മീറ്റർ നീളമുള്ള ഒരു നാട് 3 സമഭാഗങ്ങളാക്കിയാൽ, ഓരോ കഷണത്തിലെങ്കിയും നീളം എത്ര മീറ്ററാണ്?

ആദ്യം ഓരോ മീറ്ററിനെയും 3 സമഭാഗങ്ങളാക്കുന്നതായി സകൽപ്പിക്കാം:



അപ്പോൾ 6 സമഭാഗങ്ങളായി; നമുക്കു വേണ്ടത് 3 ഉം.

ഈരുണ്ടണ്ണം വീതം ചേർത്തുവച്ചാലോ?



ഈ മുന്നു കഷണങ്ങളിൽ ഓരോന്നിന്റെയും നീളം എത്ര മീറ്ററാണ്?

അളവുകളും പോകളും

ഒരു മീറ്റർ എന്ന നീളം 100 സെന്റിമീറ്റർ രാണമോ. അപ്പോൾ ഒരു സെന്റിമീറ്റർ നീളം, ഒരു മീറ്റർ നീളത്തിന്റെ $\frac{1}{100}$ ഭാഗമാണ്. ഇതുപോലെ 1 മില്ലിമീറ്റർ നീളം, 1 സെന്റിമീറ്ററിന്റെ $\frac{1}{10}$ ഭാഗമാണ്.

ഒരു മില്ലിലിറ്റർ ഒരു ലിറ്ററിന്റെ എത്ര ഭാഗമാണ്?

ഒരു ശ്രാം ഒരു കിലോഗ്രാമിന്റെ എത്ര ഭാഗമാണ്?

"അരയുടെ പകുതി മുകളിൽ മുന്നിലൊന്നാണ്."

നിങ്ങളുടെ അഭിപ്രായം എന്ത്?
ഒരു വ്യത്തം വരച്ച് ഭാഗങ്ങളാക്കി പരിശോധിക്കു.

1 മീറ്ററിനെ 3 സമഭാഗങ്ങളാക്കിയതിൽ രണ്ടണ്ണം ചേർന്ന താണ് ഓരോന്നും. അതായത് $\frac{2}{3}$ മീറ്റർ.

അപ്പോൾ എത്രു മനസ്സിലായി?

2 മീറ്ററിനെ മുന്നു സമഭാഗങ്ങളാക്കിയാൽ, ഓരോ കഷണത്തിന്റെയും നീളം $\frac{2}{3}$ മീറ്റർ.



- 2 മീറ്റർ റിബണ്ട് 5 പേര് വീതിച്ചെടുത്താൽ, ഓരോ തൃത്തർക്കും എത്ര മീറ്റർ റിബണ്ട് കിട്ടും? ഈ എത്ര സെന്റിമീറ്റർ ആണ്?
- 3 ലിറ്റർ പാൽ 4 പേരുകൾ വീതിച്ചാൽ ഓരോരു തതർക്കും എത്ര ലിറ്റർ കിട്ടും? ഈ എത്ര മില്ലിലിറ്റർ റാണ്?
- 6 കിലോഗ്രാം പഞ്ചസാര 8 പൊതികളാക്കണം. എല്ലാ പൊതികളിലും ഒരേ തുകമൊയിരിക്കണം. ഓരോ പൊതിയിലും എത്ര കിലോഗ്രാം നിറയ്ക്കണം? ഈ എത്ര ശ്രാം ആണ്?

ഗണിതം

- 1 മീറ്റർ, 2 മീറ്റർ നീളങ്ങളുള്ള നാടകകളാണ് പിത്തതിൽ തന്നിരിക്കുന്നത്.

1 മീറ്റർ

2 മീറ്റർ

1 മീറ്റർ നാടയുടെ $\frac{2}{5}$ ഭാഗം അടയാളപ്പെടുത്തുക.

2 മീറ്റർ നാടയുടെ $\frac{1}{5}$ ഭാഗം അടയാളപ്പെടുത്തുക.

1 മീറ്ററിന്റെ $\frac{2}{5}$ ഭാഗവും 2 മീറ്ററിന്റെ $\frac{1}{5}$ ഭാഗവും

തമ്മിൽ എന്താണു ബന്ധം?

- അനുവിനും പ്രീയക്കും $\frac{3}{4}$ മീറ്റർ റിബണ്ട് വേണം.
അനുവിന്റെ കൈവശം 1 മീറ്റർ റിബണ്ടും പ്രീയയുടെ കൈവശം 3 മീറ്റർ റിബണ്ടുമാണ് ഉള്ളത്.
ഓരോരുത്തരും $\frac{3}{4}$ മീറ്റർ റിബണ്ട് അവരുടെ കൈവശമുള്ള റിബണ്ടിൽ നിന്നും മുൻഇച്ചുകൂന്ത് എങ്ങനെ?

ശിഷ്ടവും ഭിന്നവും

2 കേക്ക് മുന്നു പേരക്കു തുല്യമായി വീതിച്ചപ്പോൾ
ഓരോരുത്തർക്കും ഒരു കേക്കിന്റെ $\frac{2}{3}$ ഭാഗം കിട്ടുന്നു.

മറിച്ചായാലോ?

3 കേക്ക്, 2 പേരക്ക് തുല്യമായി എങ്ങനെ വീതിക്കും.

അദ്ദേഹം ഓരോരുത്തർക്കും ഒരു മുഴുവൻ കേക്ക് കൊടുക്കാം. പിന്നെ മിച്ച മുള്ള 1 കേക്ക് 2 ഭാഗമാക്കി കൊടുക്കാം.

അപ്പോൾ ഓരോരുത്തർക്കും $1\frac{1}{2}$ കേക്ക്.

5 കേക്കാണെങ്കിലോ?



ജിയോജിബേ സോഫ്റ്റ്‌വെയർ തുിന് Segment between Two Points ടുൾ എടുത്ത് ഒരു വരവരയ്ക്കു. ഇല വരയെ രണ്ടു തുല്യഭാഗങ്ങളാക്കാമോ?
Mid Point or Center ടുൾ ഉപയോഗിച്ചുനോക്കു. ഓരോ ഭാഗവും ആകെ നീളത്തിന്റെ എത്ര ഭാഗം? ഇതുപോലെ തന്ന വരയെ എത്ര ഭാഗങ്ങളാക്കി വിഭജിക്കാം, 4, 8, 16, ... അല്ലോ?

ആദ്യം 2 കേക്ക് വീതം കൊടുക്കാം. പിന്നെ മിച്ചുള്ള ഒരെണ്ണം പകുതിയാക്കി കൊടുക്കാം.

അപ്പോൾ ഒരാൾക്ക് $2\frac{1}{2}$ കേക്ക്.



വരയെ 3 തുല്യഭാഗങ്ങളാക്കി വിഭജിക്കാമോ?

(Circle with Center and Radius, Intersect Two Objects എന്നീ ടൂളുകൾ ഉപയോഗിക്കാം).

ഇതിൽ ചെറിയ വൃത്തത്തിന്റെ ആരം എത്രയായിരിക്കും? വലിയ വൃത്തത്തിന്റെയോ?

ഇതുപോലെ 9 ലിറ്റർ പാൽ 4 പേരുക്ക് തുല്യമായി വീതിച്ചാലോ?

ഓരോ ലിറ്റർ വീതം കൊടുത്താൽ മിച്ചം 5 ലിറ്റർ. അപ്പോൾ ഇനിയും ഓരോ ലിറ്റർ വീതം കൊടുക്കാം. മിച്ചം 1 ലിറ്റർ.

ഇങ്ങനെ വീണ്ടും വീണ്ടും 4 കുറയ്ക്കുന്നതിനു പകരം ഹരിച്ചു നോക്കിയാൽപ്പോരോ?

9 നെ 4 കൊണ്ടു ഹരിച്ചാൽ - ഫലം 2, ശിഷ്ടം 1

അതായത്, 2 ലിറ്റർ വീതം 4 പേരുക്ക് കൊടുക്കാം, 1 ലിറ്റർ ബാക്കി. ഇതും 4 പേരുക്ക് വീതിച്ചാലോ?

ഒരാൾക്ക് $\frac{1}{4}$ ലിറ്റർ.

അപ്പോൾ ഓരോരുത്തർക്കും ആകെ $2\frac{1}{4}$ ലിറ്റർ.

20 മീറ്റർ നീളമുള്ള ഒരു കമ്പിച്ചുരുൾ, ഒരേ നീളമുള്ള 3 ഭാഗമാക്കി. ഒരു കഷണത്തിന്റെ നീളമെത്ര മീറ്ററാണ്?

20 നെ 3 കൊണ്ടു ഹരിച്ചാൽ - ഫലം 6, ശിഷ്ടം 2

അതായത്, 6 മീറ്റർ വീതം നീളമുള്ള 3 കഷണങ്ങളാക്കിയാൽ 2 മീറ്റർ ബാക്കിയാകും.

ഇതിനേയും മൂന്നു സമഭാഗങ്ങളാക്കിയാലോ?

ഓരോ ഭാഗവും $\frac{2}{3}$ മീറ്റർ

ആകെ $6\frac{2}{3}$ മീറ്റർ



- 8 മീറ്റർ റിബൺ 5 പേര് തുല്യമായി വീതിച്ചെടുത്താൽ, ഓരോരുത്തർക്കും എത്ര മീറ്റർ റിബൺ കിട്ടും? ഈ മീറ്ററും സെൻ്റിമീറ്ററും മായി പറയാമോ?
- 15 ലിറ്റർ മണ്ണം, ഒരേപോലെയുള്ള 4 പാത്രത്തിൽ നിറച്ചു. ഒരു പാത്രത്തിൽ എത്ര ലിറ്റർ മണ്ണംയുണ്ട്? ഈ ലിറ്ററും മില്ലിലിറ്ററും ആയി പറയാമോ?

- 30 കിലോഗ്രാം പദ്ധതിയാൽ 8 പേരുകൾ തുല്യമായി വിതിച്ചാൽ ഓരോ രൂത്തർക്കും എത്ര കിലോഗ്രാം വീതം കിട്ടും? ഈ കിലോഗ്രാമും ശാമും ആയി എങ്ങനെ പറയാം?

ഭിന്നവും ഹരണവും

2 മീറ്റർനെ 3 സമഭാഗങ്ങളാക്കിയാൽ, ഒരു ഭാഗത്തിന്റെ നീളം $\frac{2}{3}$ മീറ്റർ എന്നാണ് എഴുതുന്നത്.

3 മീറ്റർനെ 2 സമഭാഗങ്ങളാക്കിയാൽ, ഒരു ഭാഗത്തിന്റെ നീളം $1\frac{1}{2}$ മീറ്റർ എന്നാണ് സാധാരണയായി എഴുതുന്നത്. ആദ്യത്തെ കണക്കിലെന്നപോലെ ഈതിനെ $\frac{3}{2}$ മീറ്റർ എന്നും എഴുതാറുണ്ട് (വായിക്കുന്നത്, “മൂന്ന് ഭാഗം രണ്ട്” എന്നും). അതായത്

$$\frac{3}{2} = 1 \frac{1}{2}$$

ഈതുപോലെ 5 നെ 2 സമഭാഗങ്ങളാക്കിയാൽ അതിലോരോന്നിനെന്നും $\frac{5}{2}$ എന്നുതോം.

ശരിക്കു പറഞ്ഞാൽ, 5 ലിറ്റർ പാൽ 2 പേരുകൾ തുല്യമായി വിതിച്ചാൽ ഓരോരുത്തർക്കും എത്ര ലിറ്റർ പാൽ കിട്ടും?

$$\frac{5}{2} = 2 \frac{1}{2}$$

ഈതുപോലെ 9 നെ 4 സമഭാഗങ്ങളാക്കിയാൽ ഓരോ ഭാഗത്തെന്നും എങ്ങനെ എഴുതാം?

ഈതിനെ സാധാരണ രീതിയിൽ എന്ന്തെസംവ്യയും ഭിന്നവുമായി എഴുതിയാലോ?

$$\frac{9}{4} = 2 \frac{1}{4}$$

അപ്പോൾ മറ്റാരു ചോദ്യം: 6 മീറ്റർ നീളമുള്ള പരട് 2 സമഭാഗങ്ങളാക്കിയാൽ, ഓരോ കഷണത്തിന്റെയും നീളം എത്ര മീറ്ററാണ്?

ഈപ്പോൾ പറഞ്ഞതനുസരിച്ച് ഈ എങ്ങനെന്നെയച്ചുതാം?

$$\frac{6}{2} = 3$$

മനക്കണക്ക്

- $1 \frac{1}{4}$ മീറ്റർ നീളമുള്ള എത്രകമ്പുകൾ ചെർത്തുവച്ചാൽ 5 മീറ്റർ നീളം കിട്ടും?
- $1 \frac{2}{3}$ മീറ്റർ നീളമുള്ള എത്ര കമ്പുകൾ ചെർത്തുവച്ചാൽ 5 മീറ്റർ കിട്ടും?
- $4 \frac{1}{2}$ ലിറ്റർ വെള്ളംകൊണ്ട് $\frac{3}{4}$ ലിറ്റർ കൊള്ളുന്ന എത്ര കുപ്പികളിൽ നിന്നുക്കാം?



6 നെ രണ്ടു തുല്യഭാഗമാക്കുന്ന ക്രിയയെ $6 \div 2$ എന്നാണോള്ളേം എഴുതുന്നത്. അതായത്.

$$\frac{6}{2} = 6 \div 2 = 3$$

ഇതുപോലെ

$$\frac{6}{3} = 6 \div 3 = 2$$

6 മീറ്റർ ചരടിനെ 6 സമഭാഗങ്ങളാക്കിയാലോ?

$$\frac{6}{6} = 6 \div 6 = 1$$

5 നെ 5 കൊണ്ടു ഹരിച്ചാലും ഫലം 1 തന്നെയാലോ. അപ്പോൾ

$$\frac{5}{5} = 1$$

$\frac{7}{3}$ നെ എങ്ങനെ പിരിച്ചുതും?

7 നെ 3 കൊണ്ടു ഹരിച്ചാൽ ഫലം 2 ഉം ശിഷ്ടം 1 ഉം ആണോള്ളേം. ഈ

ശിഷ്ടത്തെയും 3 കൊണ്ടു ഹരിച്ചാൽ $\frac{1}{3}$ കിട്ടും. അപ്പോൾ

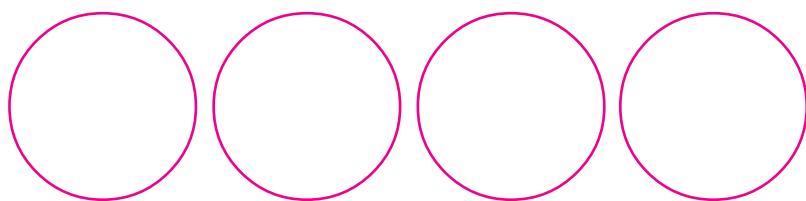
$$\frac{7}{3} = 2 \frac{1}{3}$$

ഇതുപോലെ ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന ഓരോ ഭിന്നസംഖ്യയും എല്ലാത്തിനും ഭിന്നസംഖ്യയും ഭിന്നസംഖ്യയും ചേർന്ന രൂപത്തിൽ പിരിച്ചുതുക.

$$\frac{17}{2}, \frac{17}{3}, \frac{17}{4}, \frac{17}{5}, \frac{17}{6}, \frac{16}{6}$$



- 7 മീറ്റർ തുണി നാലു പേരകൾ തുല്യമായി വീതിച്ചാൽ ഒരാൾക്ക് എത്ര മീറ്റർ തുണി കിട്ടും?
- 34 രൂപ നാലു പേരകൾ തുല്യമായി ഭാഗിച്ചാൽ ഒരാൾക്ക് എത്ര രൂപ കിട്ടും? ഈത് രൂപയും പെപസയുമായി എങ്ങനെ എഴുതാം?
-



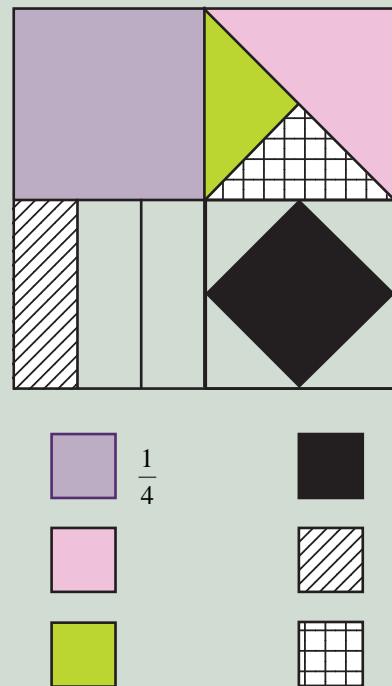
റിയാസ്, രാജേഷ്, രാഗേഷ് എന്നിവർ 4 കേക്ക് വാങ്ങി. തുല്യമായി ഭാഗിച്ച ശേഷം രാഗേഷിന്റെ വിഹിതം എടുത്തു മാറ്റി. ബാക്കി വരുന്ന കേക്കിന്റെ ചിത്രം വരയ്ക്കുക. ഈനി റിയാസിന്റെ വിഹിതവും എടുത്തുമാറ്റിയാൽ ബാക്കിവരുന്ന കേക്കിന്റെ ചിത്രം വരകുക.

ശ്രീതം

- ചുവടെ തന്നിരിക്കുന്ന പട്ടികയിൽ ഒന്നാമത്തെ കോളത്തിലെ സംഖ്യകൾക്ക് തുല്യമായ സംഖ്യ കൾ രണ്ടാമത്തെ കോളത്തിൽ ക്രമം തെറ്റിച്ചാണ് എഴുതിയിരിക്കുന്നത്. സംഖ്യകളെ ക്രമം ശരിയാക്കി എഴുതുക.

കോളം 1	കോളം 2
$\frac{6}{8}$	$1 \frac{1}{2}$
$\frac{8}{3}$	$\frac{2}{3}$
$\frac{15}{4}$	$\frac{3}{4}$
$\frac{12}{8}$	$\frac{16}{10}$
$\frac{8}{5}$	$2 \frac{2}{3}$
$\frac{4}{6}$	$3 \frac{3}{4}$

ഈ ചിത്രത്തിലെ ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന നിരങ്ങൾ സൂചിപ്പിക്കുന്ന ഭിന്നസംഖ്യകൾ എഴുതുക.



- 1 മീറ്റർ നീളമുള്ള ഒരു നാടയിൽ നിന്നും $\frac{4}{3}$ മീറ്റർ നീളമുള്ള ഒരു നാട അളവനുകാൻ കഴിയുമോ? 4 മീറ്റർ നീളമുള്ള നാടയിൽ നിന്നും ഇതെങ്ങനെ അളവനുകൂം? 2 മീറ്റർ നീളമുള്ള ഒരു നാടയിൽ നിന്നും ഇതെങ്ങനെ അളവനുകൂം?

തിരിഞ്ഞുനോക്കുന്നോൾ



പഠനനേട്ടങ്ങൾ	എനിക്ക് കഴിയും	ഒഴിവുടെ സഹായത്തോടെ കഴിയും	ഇനിയും മെച്ചപ്പെടുത്തുണ്ട്
<ul style="list-style-type: none"> ഭിന്നസംഖ്യയെ മുഴുവൻമാർജ്ജം വ്യാവ്യാമിക്കുവാൻ കഴിയുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> ഹരണരൂപത്തിലുള്ള ഒരു ക്രിയ ഭിന്നരൂപത്തിൽ പറയാനും എഴുതാനും കഴിയുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> ശിഷ്ടം വരുന്ന ഹരണ സന്ദർഭങ്ങളിൽ ഹരണഫലം ഭിന്നസംഖ്യാരൂപത്തിൽ പറയാനും എഴുതാനും കഴിയുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> അളവുകളിലെ വലിയ തുണിറ്റി രീതിയും ചെറിയ തുണിറ്റിരീതിയും ബന്ധം ഭിന്നസംഖ്യാരൂപത്തിൽ പ്രകാശിപ്പിക്കുവാൻ കഴിയുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> ഒരു ഭിന്നസംഖ്യയ്ക്ക് തന്നെ പല രൂപങ്ങളിൽ വിശദീകരിക്കാൻ കഴിയുന്നു. 			