

രണ്ടാം പാദപാഠശീക്രമ ഉല്പന്നിരണയം - 2019
ഗണിതം - IX

1) a) $AB:BC = 2:3$

b) $QR = 2 \times 2 = 4 \text{ cm}$

2) $PR = \frac{BC}{2} = \frac{4}{2} = 2$

$QR = \frac{AB}{2} = \frac{8}{2} = 4$

3) $P(0) = 100$; $P(1) = 5 - 7 + 8 + 100 = 106$

4) പരപ്പളവ് $= \pi \times \frac{10}{2} \times \frac{10}{2} = 25\pi \text{ cm}^2$

5) a) ΔABC വിഭാഗ് പരപ്പളവ് $= 100 \text{ cm}^2$

b) $\Delta APQ, \Delta BPR$; $\Delta AMP, \Delta BMQ$

6) a) $\frac{11}{100}, \frac{111}{1000}, \frac{1111}{10000}$

b) $= \sqrt{0.111\dots} = \sqrt{\frac{1}{9}} = \frac{1}{3} = 0.333\dots$

7) a) $BC = \frac{6}{2} = 3 \text{ cm}$

b) $AC = \sqrt{OA^2 - OC^2} = \sqrt{OB^2 - OC^2} = BC$

$\therefore OC, AB$ യുടെ ലംബസരഭാജി

8) a) അനുപാതം: - 3:2

b) നീളം $3 \times 2 = 6$ മീറ്റർ $2 \times 2 = 4$ അളവുകളിൽ $10 \times 2 = 20 \rightarrow 2 = 2.6$

നീളം $3 \times 2.6 = 7.8 \text{ cm}$ മീറ്റർ $= 2 \times 2.6 = 5.2 \text{ cm}$

ഇവയുടെ പരസ്പരം 2.6 മീറ്റർ $\sqrt{2.6^2 + 2.6^2}$ $\sqrt{2 \times 2.6^2}$ $2.6\sqrt{2}$ 2.6×1.414 3.6764 3.68 cm

- 9) a) $AB: PQ = 2:3$
 b) പരപ്പളവുകൾ $4:9$
 c) പരിധി $9 \times 6 = 54 \text{ cm}^2$

- 10) a) $b(x) = 10 - x$
 b) $P(x) = \frac{24}{x}$
 c) $b(x)$ ആണ് പച്ചപ്പട്ട

- 11) a) $\angle AOC = 180 - 60 = 120^\circ$
 b) $\angle AOC$ യുടെ അളവ് $\angle BOC$ യുടെ അളവിന്റെ 2 മടങ്ങ് ആയിരിക്കട്ടെ AOC എന്ന ചുവരின் നീളം $= 2 \times 20\pi = 40\pi \text{ cm}$
 c) $2 \times (20 + 40)\pi = 120\pi \text{ cm}$

- 12) a) $\sqrt{2} \times \sqrt{3}$, $\sqrt{2} \times \frac{1}{\sqrt{3}}$ ഇവയാണ് ഏകദേശ സംഖ്യകൾ
 b) $\frac{\sqrt{128}}{4} = \frac{8\sqrt{2}}{4} = 2\sqrt{2}$ മീറ്റർ

- 13) a) അകലം $= \sqrt{13^2 - (\frac{10}{2})^2} = 12 \text{ cm}$
 b) കേന്ദ്രത്തിൽ നിന്നും 24 cm നീളമുള്ള തൊണിയിലേക്ക്
 അകലം $= \sqrt{13^2 - (\frac{24}{2})^2} = 5 \text{ cm}$

\therefore തൊണികൾ തമ്മിലുള്ള അകലം $= 12 - 5 = 7 \text{ cm}$

14) a) ഒരു ത്രികോണത്തിന്റെ രണ്ടു വശങ്ങളുടെയും ബിന്ദുക്കൾ
 യോജിപ്പിച്ചു നവര മൂന്നാമത്തെ വശത്തിൽ സമാന്തരവും
 അതിന്റെ പകുതി അളവുള്ളതുമായിരിക്കും

ΔCAB പരിഗണിച്ചാൽ $PQ = \frac{1}{2} AB = 5 \text{ cm}$

ΔMAB പരിഗണിച്ചാൽ $XY = \frac{1}{2} AB = 5 \text{ cm}$

b) $PQ = XY$; $PQ \parallel XY$ ആയതിനാൽ ചതുർഭുജം $PQXY$ ഒരു സമാന്തരികമായിരിക്കും

സമാന്തരികത്തിന്റെ വികർണ്ണങ്ങൾ പരസ്പരം M യിൽ
 ഉഭയഭാഗങ്ങളായി $XM = MQ$

X, M ന്റെ മധ്യബിന്ദു ആയതിനാൽ $AX = XM$

$\therefore AX = XM = MQ$

15) \therefore 13 cm നീളത്തിൽ AB എന്ന വരയ്ക്ക്

$\therefore AM : MN : NB = 2 : 3 : 4$ ആകത്തക്കവിധം AB യിൽ
 M, N എന്നീ ബിന്ദുക്കൾ അടയാളപ്പെടുത്തുക.

\therefore N കേന്ദ്രമാക്കി NB ആരത്തിലും M കേന്ദ്രമാക്കി MA ആരത്തിലും
 വരയ്ക്കുന്ന ചാപങ്ങൾ C യിൽ സമഗമിച്ചിരിക്കും.

$\therefore MC, NC$ ഉപയോജിപ്പിക്കുക.

$\triangle MNC$ ആവശ്യപ്പെട്ട പ്രത്യേകതകളോടുകൂടി \triangle തിരുത്തണം

16) a) $P(1) = a + b$

b) ഒന്നാം കൃതി ബഹുപദം $Px + Q$ എന്ന് സങ്കല്പിച്ചാൽ

$P(1) = 1 \rightarrow P + Q = 1$ (1)

$P(2) = 3 \rightarrow 2P + Q = 3$ (2)

(2) - (1) $\rightarrow P = 2 \therefore Q = 1 - P = 1 - 2 = -1$

\therefore 1-ാം കൃതി ബഹുപദം $-2x - 1$

17) a) വൃത്തത്തുൾപ്പെടെ വൃത്തത്തിന്റെ വ്യാസം = $\frac{24}{6} = 4 \text{ cm}$

b) വൃത്തത്തിന്റെ ചുറ്റളവ് = $2\pi \times 4 = 8\pi \text{ cm}$

c) :- 4cm ആരമുള്ള ഒരു വൃത്തം വരച്ച് അതിൽ രണ്ടു ബിന്ദുക്കൾ അടയാളപ്പെടുത്തുക

:- AB = 4cm ആകട്ടെ അതിൽ B എന്ന ബിന്ദുവും BC = 4cm ആകട്ടെ അതിൽ C എന്ന ബിന്ദുവും ഉള്ളപ്പോൾ D, E, F എന്നീ ബിന്ദുക്കളും അടയാളപ്പെടുത്തുക

:- AB, BC, CD, DE, EF, AF ഉപയോജിപ്പിച്ചാൽ കിട്ടുന്ന വൃത്തത്തിന്റെ വ്യാസം 24cm ചുറ്റളവ് 8π cm ആകട്ടെ

18) a) നാലു കോണുകളുടെ ആകെ കോണുകൾ = $\frac{12}{2} = 6 \text{ cm}$

b) :- AB = 6cm, AC = BC = 5cm ആകട്ടെ $\triangle ABC$ പരക്കെ

:- AB യുടെ മധ്യബിന്ദുവായി P യും BC യുടെ മധ്യബിന്ദുവായി Q യും അടയാളപ്പെടുത്തുക ഉപയോഗിച്ച് AC യുടെ മധ്യബിന്ദുവായി R ഉം അടയാളപ്പെടുത്തുക

:- PA, AR ഉപയോജിപ്പിച്ചാൽ കിട്ടുന്ന നാലു കോണുകളുടെ ആകെ കോണുകൾ $\triangle ABC$ യുടെ ചുറ്റളവ് 8π cm ആകട്ടെ

19) a) $\angle APO = 90^\circ$

b) $\angle A = x^\circ$ ആയാൽ $\angle C = (90 - x)^\circ \therefore \angle AOC = 2x^\circ$
 $\angle AOP = (90 - x)^\circ$

ഈ ത്രികോണങ്ങൾക്ക് $\angle AOC$ ആകട്ടെ $\triangle AOC$ കോണുകൾ ആകട്ടെ $\triangle AOC$ കോണുകൾ $\triangle AOC$ കോണുകൾ ആകട്ടെ

20) a) ഒരു വശം x ആയാൽ മറ്റൊരു വശം $= (25 - x)$
 $\therefore a(x) = x(25 - x)$

b) $a(10) = 10(25 - 10) = 10 \times 15 = 150$
 $a(15) = 15(25 - 15) = 15 \times 10 = 150$

c) $a(k) = a(7) \rightarrow k(25 - k) = 7 \times (25 - 7)$
 $= 7 \times 18$

k ഉരുട്ടിയായതിനാൽ $k = 18$

21) a) കേന്ദ്രകോണുകളുടെ തുക $= 180^\circ$

b) വെർച്യൂവൽ ദ്വാരത്തിന്റെ ആവികപരപ്പളവ് $= \frac{1}{2} \times \pi \times 4 \times 4$
 $= 8\pi \text{ cm}^2$

c) പരപ്പളവുകളുടെ അനുപാതം $=$ കോണുകളുടെ അനുപാതം
 $= 2:3:4$

22 a) കറുകുകളുടെ ചുറ്റളവുകളുടെ അളവ് $= 4x$

b) ഓട്ടോറിമുകളുടെ അളവ് $= (23 - x)$

\therefore ആവികചുറ്റളവുകളുടെ അളവ് (ഓട്ടോറിമുകൾ) $= 3(23 - x)$

ആവിക 81 ചുറ്റളവ് ആയതിനാൽ

$$4x + 3(23 - x) = 81$$

$$4x + 69 - 3x = 81$$

$$4x - 3x = 81 - 69$$

$$x = 12$$

\therefore കറുകുകളുടെ അളവ് $= 12$

ഓട്ടോറിമുകളുടെ അളവ് $= 23 - 12 = 11$

23) :- 5cm വശമുള്ള ഒരു സമദളങ്കോണിന്റെ അളവ്

:- 2 വശങ്ങളുടെ ലംബ സമദാജികൾ വരയ്ക്കുക

:- ഈ ലംബ സമദാജികളുടെ സമാന്തരമായി കിട്ടുന്ന രേഖാചിത്രം ഉപയോഗിച്ച്
 ത്രികോണത്തിന്റെ ഉള്ളിൽ അളവ് കണ്ടെത്തുക
 ഒരു പുത്തൻ വരയ്ക്കുക

ഈ പുത്തൻ സമദളങ്കോണിന്റെ പരിധി അളവ് കണ്ടെത്തുക
 :- പുത്തൻ അളവ് കണ്ടെത്തുക

24) a) $PQ = \frac{1}{2} AC = \frac{1}{2} \times 10 = 5cm$

b) $PA = SR$; $PQ \parallel SR$ ആയതിനാൽ
 $PQRS$ ഒരു സമാന്തരികമാണ്

c) $AC = BD$ ആണെങ്കിൽ $PQRS$ ഒരു സമദളങ്കോണിന്റെ
 ആയിരിക്കും

25) a) $AP : AB = 6 : 8 = 3 : 4$

b) $\angle X = 90^\circ$ $\angle Y = 50^\circ$ $\angle Z = 60^\circ$ ഈ അളവുകളുള്ള $\triangle XYZ$
 വരയ്ക്കുക

:- XY എന്ന വശത്തിൽ $XP : PY = 3 : 1$ ആകുന്ന വിധം
 P എന്ന ബിന്ദു അടയാളപ്പെടുത്തുക

:- P യിലൂടെ YZ ന്റെ സമാന്തരമായി ഒരു വര വരയ്ക്കുക
 XZ നെ Q എന്ന ബിന്ദുവിൽ സന്ധിപ്പിക്കുക

$\triangle XPQ$ യുടെ പരപ്പളവ് $\triangle XYZ$ ന്റെ പരപ്പളവിന്റെ
 $\frac{3}{4}$ ഭാഗം ആയിരിക്കും

26) a) $p(x) = 4x$

b) ചുറ്റളവ് $= 4(x+2) = 4x+8$

c) 3cm വീരള കൂട്ടിയായ് ചുറ്റളവ് 12cm ഉടൂ
 $[4(x+3) = 4x+12]$

27) a) ചാപനീളം $= \frac{1}{2} \times 4\pi = 2\pi$

b) AB വ്യാസമായ അർദ്ധവൃത്തത്തിന്റെ ചാപനീളം $\frac{1}{2} [4+2\pi] \pi$
 $= 3.5\pi \text{ cm}$

c) റെജിയ് ചെയ്ത ഭാഗത്തിന്റെ ചുറ്റളവ് $= 3.5\pi + 2\pi + \pi + \frac{1}{2}\pi$
 $= 7\pi \text{ cm}$

28) a) $\angle ACD = 90 - 50 = 40^\circ$

b) $\triangle ACD$ യിൽ $\angle A = x^\circ$ ആയാൽ $\angle ACD = (90 - x)^\circ$; $\angle ADC = 90^\circ$
 $\triangle BCD$ യിൽ $\angle BCD = 90 - \angle ACD = 90 - (90 - x)^\circ = x^\circ$; $\angle B = (90 - x)^\circ$
 $\angle BDC = 90^\circ$

$\therefore \angle A = \angle BCD$; $\angle ACD = \angle B$; $\angle ADC = \angle BDC$

\therefore ഇവ തികോണങ്ങളായ കോണുകൾ പരസ്പരം തുല്യം

c) ADC, CDB തന്നീ തികോണങ്ങളുടെ സമുപായരിനായ് തുല്യ കോണുകൾ കൈതിരയ്ക്കുള്ളവയ്ക്കുക ആനപാതിക്കു

$\therefore \frac{b}{a} = \frac{b}{h} \Rightarrow h^2 = a \cdot b \Rightarrow h^2 = ab$

$$29) \quad a) \quad 8$$

$$b) \quad 10$$

$$c) \quad 7 \times 3 = 21$$

$$d) \quad 3n$$

$$e) \quad n+2$$

$$f) \quad f + v - e = n + 2 + 2n - 3n = 2$$