

बोर्ड प्रश्नपत्रिका : मार्च 2015

वेळ: 2 तास

एकूण गुण : 40

सूचना:

- सर्व प्रश्न आवश्यक आहेत. आवश्यक त्या ठिकाणी आकृती काढावी.
- गणकयंत्राचा (Calculator) वापर करण्याची अनुमती नाही.
- उजवीकडील संख्या पूर्ण गुण दर्शवितात.
- रचनेच्या सर्व खुणा स्पष्ट असाव्यात. त्या पुसू नका.
- प्रमेयांच्या सिद्धतेसाठी आकृती आवश्यक आहे.

Q.P. SET CODE
प्रश्न संच सांकेतांक

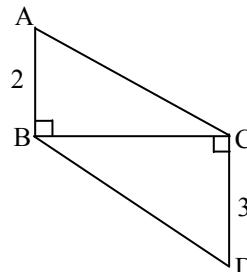
A अ

1. खालीलपैकी कोणतेही पाच उपप्रश्न सोडवा :

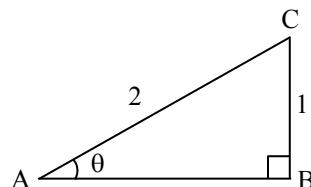
[5]

- खालील आकृतीत, रेख $AB \perp$ रेख BC आणि रेख $DC \perp$ रेख BC .

जर $AB = 2$ आणि $DC = 3$, तर $\frac{A(\Delta ABC)}{A(\Delta DCB)}$ काढा.



- $y = -2x + 3$ या रेषेचा चढ आणि y -आंतरछेद काढा.
- खालील आकृतीत, ΔABC मध्ये जर $BC = 1$, $AC = 2$, $\angle B = 90^\circ$. तर $\sin \theta$ ची किंमत काढा.

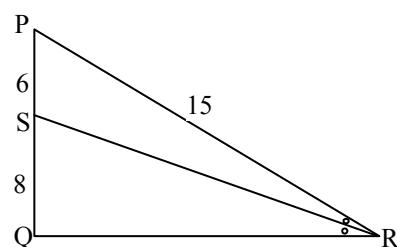


- 10 सेमी बाजू असलेल्या चौरसाच्या कर्णाची लांबी काढा.
- 1000 घसेंमी घनफळ असलेल्या घनाची बाजू काढा.
- दोन अंतर्स्पर्शी वर्तुळांच्या त्रिज्या अनुक्रमे 5 सेमी आणि 3 सेमी असतील, तर त्यांच्या केंद्रबिंदूमधील अंतर काढा.

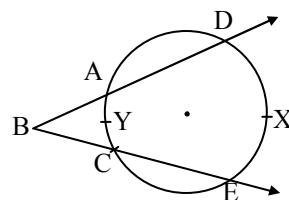
2. खालीलपैकी कोणतेही चार उपप्रश्न सोडवा :

[8]

- θ लघुकोन असताना जर $\sin \theta = \frac{5}{13}$, तर $\cos \theta$ ची किंमत काढा.
- $\angle ABC$ हा 115° काढा व तो दुभागा.
- $C(3, 5)$ आणि $D(-2, -3)$ या बिंदूमधून जाणाऱ्या रेषेचा चढ काढा.
- वर्तुळकंसाची लांबी व त्रिज्या अनुक्रमे 10 सेमी आणि 5 सेमी असतील, तर त्या वर्तुळपाकळीचे क्षेत्रफळ काढा.
- खालील आकृतीत, रेख RS हा $\angle PRQ$ चा कोनदुभाजक आहे. जर $PS = 6$, $SQ = 8$ आणि $PR = 15$, तर QR ची लांबी काढा.



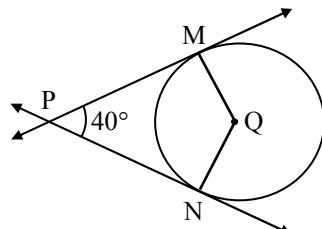
- vi. खालील आकृतीमध्ये, जर $m(\text{कंस } DXE) = 100^\circ$ आणि
 $m(\text{कंस } AYC) = 40^\circ$, तर $\angle DBE$ काढा.



[9]

3. खालीलपैकी कोणतेही तीन उपप्रश्न सोडवा :

- i. खालील आकृतीमध्ये, Q हा वर्तुळाचा केंद्रबिंदू आहे.
 PM आणि PN हे वर्तुळाचे स्पर्शिका खंड आहेत. जर $\angle MPN = 40^\circ$, तर $\angle MQN$ काढा.



- ii. 2.8 सेमी त्रिज्येचे वर्तुळ काढून वर्तुळकेंद्र M पासून 7 सेमी अंतरावर असणाऱ्या बिंदू 'L' पासून वर्तुळाला स्पर्शिका काढा.
- iii. समान पायांच्या दोन त्रिकोणांच्या क्षेत्रफळांचे गुणोत्तर 6:5 आहे. मोठ्या त्रिकोणाची उंची 9 सेमी आहे, तर लहान त्रिकोणाची संगत उंची काढा.
- iv. 10 मीटर रुंदीच्या रस्त्याच्या दुतर्फा समोरासमोर दोन इमारती आहेत. त्यापैकी एकीची उंची 30 मीटर असून तिच्या छतावरून दुसऱ्या इमारतीच्या छताकडे पाहिले असता 45° मापाचा उन्नत कोन होतो. तर दुसऱ्या इमारतीची उंची काढा.
- v. 4.2 सेमी त्रिज्या असलेल्या गोलाचे घनफळ आणि पृष्ठफळ काढा. $\left(\pi = \frac{22}{7}\right)$

[8]

4. खालीलपैकी कोणतेही दोन उपप्रश्न सोडवा :

- i. सिद्ध करा की चक्रीय चौकोनाचे संमुख कोन परस्परांचे पूरक कोन असतात.
- ii. सिद्ध करा की: $\sin^6 \theta + \cos^6 \theta = 1 - 3 \sin^2 \theta \cdot \cos^2 \theta$.
- iii. एका परीक्षानळीचा व्यास 20 मिमी आणि उंची 15 सेमी आहे. परीक्षानळीचा खालचा भाग अर्धगोलाकृती आहे. तर परीक्षानळीची धारकता काढा. ($\pi = 3.14$)



[10]

5. खालीलपैकी कोणतेही दोन उपप्रश्न सोडवा :

- i. त्रिकोणामध्ये कोनाचा दुभाजक त्या कोनासमोरील बाजूला उरलेल्या दोन बाजूंच्या गुणोत्तरात विभागतो, हे सिद्ध करा.
- ii. ज्या रेषेचा चढ $\frac{3}{2}$ आहे आणि जी रेषा P बिंदून जाते अशा रेषेचे समीकरण लिहा. येथे P हा A(-2, 6) आणि B(3, -4) असलेल्या रेषाखंड AB चे 2:3 या प्रमाणात विभाजन करतो.
- iii. $\Delta RST \sim \Delta UAY$; ΔRST मध्ये, $RS = 6$ सेमी, $\angle S = 50^\circ$, $ST = 7.5$ सेमी, ΔRST आणि ΔUAY च्या संगत बाजूंचे गुणोत्तर $5 : 4$ असेल, तर ΔUAY काढा.