

उत्तरमाला

प्रश्नावली 1.1

1. (i) स्वतुल्य नहीं, सममित नहीं और न तो संक्रामक
(ii) स्वतुल्य नहीं, सममित नहीं और न तो संक्रामक
(iii) स्वतुल्य और संक्रामक परंतु सममित नहीं
(iv) स्वतुल्य, सममित और संक्रामक
(v) (a) स्वतुल्य, सममित और संक्रामक
(b) स्वतुल्य, सममित और संक्रामक
(c) स्वतुल्य नहीं, सममित नहीं और न तो संक्रामक
(d) स्वतुल्य नहीं, सममित नहीं और लेकिन संक्रामक
(e) स्वतुल्य नहीं, सममित नहीं और न तो संक्रामक
3. स्वतुल्य नहीं, सममित नहीं और न तो संक्रामक
5. स्वतुल्य नहीं, सममित नहीं और न तो संक्रामक
9. (i) $\{1, 5, 9\}$, (ii) $\{1\}$ 12. T_1 और T_3 परस्पर संबंधित हैं।
13. सभी त्रिभुजों का समुच्चय 14. सभी रेखाओं $y = 2x + c, c \in \mathbf{R}$ का समुच्चय
15. B 16. C

प्रश्नावली 1.2

1. नहीं
2. (i) एकैकी परंतु आच्छादी नहीं (ii) न तो एकैकी और न ही आच्छादी
(iii) न तो एकैकी और न ही आच्छादी (iv) एकैकी परंतु आच्छादी नहीं
(v) एकैकी परंतु आच्छादी नहीं
7. (i) एकैकी और आच्छादक (ii) न तो एकैकी और न ही आच्छादक
9. नहीं 10. हाँ 11. D 12. A

प्रश्नावली 1.3

1. $gof = \{(1, 3), (3, 1), (4, 3)\}$

3. (i) $(gof)(x) = |5|x| - 2|$, $(fog)(x) = |5x - 2|$
(ii) $(gof)(x) = 2x$, $(fog)(x) = 8x$
4. f का प्रतिलिपि स्वयं f ही है।
5. (i) नहीं, क्योंकि f एक बहुएक फलन है। (ii) नहीं, क्योंकि g एक बहुएक फलन है।
(iii) हाँ, क्योंकि h एक एकेकी तथा आच्छादक फलन है।
6. $f^{-1}, f^{-1}(y) = \frac{2y}{1-y}$, $y \neq 1$ द्वारा प्रदत्त है। 7. $f^{-1}, f^{-1}(y) = \frac{y-3}{4}$ द्वारा प्रदत्त है।
11. f^{-1} दिया है। $f^{-1}(a) = 1, f^{-1}(b) = 2$ और $f^{-1}(c) = 3$ द्वारा प्रदत्त है।
13. (C) 14. (B)

प्रश्नावली 1.4

1. (i) नहीं (ii) हाँ (iii) हाँ (iv) हाँ (v) हाँ
2. (i) * न तो क्रमविनिमेय और न ही साहचर्य
(ii) * क्रमविनिमेय है परंतु साहचर्य नहीं
(iii) * क्रमविनिमेय और साहचर्य दोनों हैं।
(iv) * क्रमविनिमेय है परंतु साहचर्य नहीं
(v) * न तो क्रमविनिमेय और न ही साहचर्य
(vi) * न तो क्रमविनिमेय और न ही साहचर्य

3.

A	1	2	3	4	5
1	1	1	1	1	1
2	1	2	2	2	2
3	1	2	3	3	3
4	1	2	3	4	4
5	1	2	3	4	5

4. (i) $(2 * 3) * 4 = 1$ और $2 * (3 * 4) = 1$ (ii) हाँ (iii) 1
5. हाँ
6. (i) $5 * 7 = 35, 20 * 16 = 80$ (ii) हाँ (iii) हाँ (iv) 1 (v) 1

7. नहीं 8. * क्रमविनिमेय और साहचर्य दोनों हैं * के सापेक्ष **N** में कोई तत्समक अवयव नहीं है।
 9. (ii), (iv), (v) क्रमविनिमेय हैं; (v) साहचर्य है। **10.** (V)
 11. तत्समक अवयव का अस्तित्व नहीं है।
12. (i) असत्य (ii) सत्य **13.** B

अध्याय 1 पर विविध प्रश्नावली

- 1.** $g(y) = \frac{y-7}{10}$ **2.** f का प्रतिलोम स्वयं f है।
3. $x^4 - 6x^3 + 10x^2 - 3x$ **8.** No **10.** $n!$
11. (i) $F^{-1} = \{(3, a), (2, b), (1, c)\}$, (ii) F^{-1} का अस्तित्व नहीं है। **12.** No
15. हाँ **16.** A **17.** B **18.** No
19. B

प्रश्नावली 2.1

- | | | | |
|----------------------------|-----------------------------|-----------------------------|-----------------------------|
| 1. $\frac{-\pi}{6}$ | 2. $\frac{\pi}{6}$ | 3. $\frac{\pi}{6}$ | 4. $\frac{-\pi}{3}$ |
| 5. $\frac{2\pi}{3}$ | 6. $-\frac{\pi}{4}$ | 7. $\frac{\pi}{6}$ | 8. $\frac{\pi}{6}$ |
| 9. $\frac{3\pi}{4}$ | 10. $-\frac{\pi}{4}$ | 11. $\frac{3\pi}{4}$ | 12. $\frac{2\pi}{3}$ |
| 13. B | 14. B | | |

प्रश्नावली 2.2

- | | | | |
|-------------------------------------|-----------------------------------------|-------------------------------------|-------------------------------|
| 5. $\frac{1}{2} \tan^{-1} x$ | 6. $\frac{\pi}{2} - \sec^{-1} x$ | 7. $\frac{x}{2}$ | 8. $\frac{\pi}{4} - x$ |
| 9. $\sin^{-1} \frac{x}{a}$ | 10. $3 \tan^{-1} \frac{x}{a}$ | 11. $\frac{\pi}{4}$ | 12. 0 |
| 13. $\frac{x+y}{1-xy}$ | 14. $\frac{1}{5}$ | 15. $\pm \frac{1}{\sqrt{2}}$ | 16. $\frac{\pi}{3}$ |
| 17. $\frac{-\pi}{4}$ | 18. $\frac{17}{6}$ | 19. B | 20. D |
| 21. B | | | |

अध्याय 2 पर विविध प्रश्नावली

1. $\frac{\pi}{6}$ 2. $\frac{\pi}{6}$ 13. $x = \frac{\pi}{4}$ 14. $x = \frac{1}{\sqrt{3}}$
 15. D 16. C 17. C

प्रश्नावली 3.1

$$4. \quad \text{(i)} \begin{bmatrix} 2 & \frac{9}{2} \\ \frac{9}{2} & 8 \end{bmatrix} \quad \text{(ii)} \begin{bmatrix} 1 & \frac{1}{2} \\ 2 & 1 \end{bmatrix} \quad \text{(iii)} \begin{bmatrix} \frac{9}{2} & \frac{25}{2} \\ 8 & 18 \end{bmatrix}$$

$$5. \quad (i) \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 \\ & 2 & & 2 \\ \frac{5}{2} & 2 & \frac{3}{2} & 1 \\ & 4 & \frac{7}{2} & \frac{5}{2} \end{bmatrix} \quad (ii) \begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 & -2 \\ 3 & 2 & 1 & 0 \\ 5 & 4 & 3 & 2 \end{bmatrix}$$

प्रश्नावली 3.2

$$\begin{aligned}
 \text{1. (i)} \quad A + B &= \begin{bmatrix} 3 & 7 \\ 1 & 7 \end{bmatrix} & \text{(ii)} \quad A - B &= \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 5 & -3 \end{bmatrix} \\
 \text{(iii)} \quad 3A - C &= \begin{bmatrix} 8 & 7 \\ 6 & 2 \end{bmatrix} & \text{(iv)} \quad AB &= \begin{bmatrix} -6 & 26 \\ -1 & 19 \end{bmatrix} & \text{(v)} \quad BA &= \begin{bmatrix} 11 & 10 \\ 11 & 2 \end{bmatrix}
 \end{aligned}$$

2. (i) $\begin{bmatrix} 2a & 2b \\ 0 & 2a \end{bmatrix}$ (ii) $\begin{bmatrix} (a+b)^2 & (b+c)^2 \\ (a-c)^2 & (a-b)^2 \end{bmatrix}$

(iii) $\begin{bmatrix} 11 & 11 & 0 \\ 16 & 5 & 21 \\ 5 & 10 & 9 \end{bmatrix}$ (iv) $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$

3. (i) $\begin{bmatrix} a^2+b^2 & 0 \\ 0 & a^2+b^2 \end{bmatrix}$ (ii) $\begin{bmatrix} 2 & 3 & 4 \\ 4 & 6 & 8 \\ 6 & 9 & 12 \end{bmatrix}$ (iii) $\begin{bmatrix} -3 & -4 & 1 \\ 8 & 13 & 9 \end{bmatrix}$

(iv) $\begin{bmatrix} 14 & 0 & 42 \\ 18 & -1 & 56 \\ 22 & -2 & 70 \end{bmatrix}$ (v) $\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 4 & 5 \\ -2 & 2 & 0 \end{bmatrix}$ (vi) $\begin{bmatrix} 14 & -6 \\ 4 & 5 \end{bmatrix}$

4. $A+B = \begin{bmatrix} 4 & 1 & -1 \\ 9 & 2 & 7 \\ 3 & -1 & 4 \end{bmatrix}, B-C = \begin{bmatrix} -1 & -2 & 0 \\ 4 & -1 & 3 \\ 1 & 2 & 0 \end{bmatrix}$

5. $\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$ 6. $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$

7. (i) $X = \begin{bmatrix} 5 & 0 \\ 1 & 4 \end{bmatrix}, Y = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$ (ii) $X = \begin{bmatrix} 2 & -12 \\ 5 & 5 \\ \frac{-11}{5} & 3 \end{bmatrix}, Y = \begin{bmatrix} 2 & 13 \\ 5 & 5 \\ \frac{14}{5} & -2 \end{bmatrix}$

8. $X = \begin{bmatrix} -1 & -1 \\ -2 & -1 \end{bmatrix}$ 9. $x = 3, y = 3$ 10. $x = 3, y = 6, z = 9, t = 6$

11. $x = 3, y = -4$ 12. $x = 2, y = 4, w = 3, z = 1$

15. $\begin{bmatrix} 1 & -1 & -3 \\ -1 & -1 & -10 \\ -5 & 4 & 4 \end{bmatrix}$ 17. $k = 1$

19. (a) Rs 15000, Rs 15000 (b) Rs 5000, Rs 25000

20. Rs 20160 21. A 22. B

प्रश्नावली 3.3

1. (i) $\begin{bmatrix} 5 & \frac{1}{2} & -1 \end{bmatrix}$ (ii) $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ -1 & 3 \end{bmatrix}$ (iii) $\begin{bmatrix} -1 & \sqrt{3} & 2 \\ 5 & 5 & 3 \\ 6 & 6 & -1 \end{bmatrix}$

4. $\begin{bmatrix} -4 & 5 \\ 1 & 6 \end{bmatrix}$ 9. $\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 0 & a & b \\ -a & 0 & c \\ -b & -c & 0 \end{bmatrix}$

10. (i) $A = \begin{bmatrix} 3 & 3 \\ 3 & -1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 & 2 \\ -2 & 0 \end{bmatrix}$
(ii) $A = \begin{bmatrix} 6 & -2 & 2 \\ -2 & 3 & -1 \\ 2 & -1 & 3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$

(iii) $A = \begin{bmatrix} 3 & \frac{1}{2} & \frac{-5}{2} \\ \frac{1}{2} & -2 & -2 \\ \frac{-5}{2} & -2 & 2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 & \frac{5}{2} & \frac{3}{2} \\ \frac{-5}{2} & 0 & 3 \\ \frac{-3}{2} & -3 & 0 \end{bmatrix}$ (iv) $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 & 3 \\ -3 & 0 \end{bmatrix}$

11. A

12. B

प्रश्नावली 3.4

1. $\begin{bmatrix} 3 & 1 \\ 5 & \frac{5}{5} \\ -2 & \frac{1}{5} \\ \frac{5}{5} & 5 \end{bmatrix}$ 2. $\begin{bmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$ 3. $\begin{bmatrix} 7 & -3 \\ -2 & 1 \end{bmatrix}$

4. $\begin{bmatrix} -7 & 3 \\ 5 & -2 \end{bmatrix}$ 5. $\begin{bmatrix} 4 & -1 \\ -7 & 2 \end{bmatrix}$ 6. $\begin{bmatrix} 3 & -5 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$
7. $\begin{bmatrix} 2 & -1 \\ -5 & 3 \end{bmatrix}$ 8. $\begin{bmatrix} 4 & -5 \\ -3 & 4 \end{bmatrix}$ 9. $\begin{bmatrix} 7 & -10 \\ -2 & 3 \end{bmatrix}$

10. $\begin{bmatrix} 1 & \frac{1}{2} \\ 2 & \frac{3}{2} \end{bmatrix}$ 11. $\begin{bmatrix} -1 & 3 \\ \frac{-1}{2} & 1 \end{bmatrix}$ 12. व्युत्क्रम का अस्तित्व नहीं है।
13. $\begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$ 14. व्युत्क्रम का अस्तित्व नहीं है।
15. $\begin{bmatrix} \frac{-2}{5} & 0 & \frac{3}{5} \\ \frac{-1}{5} & \frac{1}{5} & 0 \\ \frac{2}{5} & \frac{1}{5} & \frac{-2}{5} \end{bmatrix}$ 16. $\begin{bmatrix} 1 & -2 & \frac{-3}{5} \\ \frac{-2}{5} & \frac{4}{25} & \frac{11}{25} \\ \frac{-3}{5} & \frac{1}{25} & \frac{9}{25} \end{bmatrix}$ 17. $\begin{bmatrix} 3 & -1 & 1 \\ -15 & 6 & -5 \\ 5 & -2 & 2 \end{bmatrix}$

18. D

अध्याय 3 पर विविध प्रश्नावली

6. $x = \pm \frac{1}{\sqrt{2}}, y = \pm \frac{1}{\sqrt{6}}, z = \pm \frac{1}{\sqrt{3}}$

7. $x = -1$

9. $x = \pm 4\sqrt{3}$

10. (a) बाजार-I में कुल आय = Rs 46000

बाजार-II में कुल आय = Rs 53000

(b) Rs 15000, Rs 17000

11. $X = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 2 & 0 \end{bmatrix}$ 13. C 14. B 15. C

प्रश्नावली 4.1

1. (i) 18

2. (i) 1, (ii) $x^3 - x^2 + 2$

5. (i) -12, (ii) 46, (iii) 0, (iv) 5

6. 0

7. (i) $x = \pm \sqrt{3}$, (ii) $x = 2$

8. (B)

प्रश्नावली 4.2

15. C

16. C

प्रश्नावली 4.3

1. (i) $\frac{15}{2}$, (ii) $\frac{47}{2}$, (iii) 15

3. (i) 0, 8, (ii) 0, 8 4. (i) $y = 2x$, (ii) $x - 3y = 0$ 5. (D)

प्रश्नावली 4.4

1. (i) $M_{11} = 3, M_{12} = 0, M_{21} = -4, M_{22} = 2, A_{11} = 3, A_{12} = 0, A_{21} = 4, A_{22} = 2$

(ii) $M_{11} = d, M_{12} = b, M_{21} = c, M_{22} = a$

$A_{11} = d, A_{12} = -b, A_{21} = -c, A_{22} = a$

2. (i) $M_{11} = 1, M_{12} = 0, M_{13} = 0, M_{21} = 0, M_{22} = 1, M_{23} = 0, M_{31} = 0, M_{32} = 0, M_{33} = 1,$

$A_{11} = 1, A_{12} = 0, A_{13} = 0, A_{21} = 0, A_{22} = 1, A_{23} = 0, A_{31} = 0, A_{32} = 0, A_{33} = 1$

(ii) $M_{11} = 11, M_{12} = 6, M_{13} = 3, M_{21} = -4, M_{22} = 2, M_{23} = 1, M_{31} = -20, M_{32} = -13, M_{33} = 5$

$A_{11} = 11, A_{12} = -6, A_{13} = 3, A_{21} = 4, A_{22} = 2, A_{23} = -1, A_{31} = -20, A_{32} = 13, A_{33} = 5$

3. 7

4. $(x - y)(y - z)(z - x)$ 5. (D)

प्रश्नावली 4.5

1. $\begin{bmatrix} 4 & -2 \\ -3 & 1 \end{bmatrix}$

2. $\begin{bmatrix} 3 & 1 & -11 \\ -12 & 5 & -1 \\ 6 & 2 & 5 \end{bmatrix}$

5. $\frac{1}{14} \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ -4 & 2 \end{bmatrix}$

6. $\frac{1}{13} \begin{bmatrix} 2 & -5 \\ 3 & -1 \end{bmatrix}$

7. $\frac{1}{10} \begin{bmatrix} 10 & -10 & 2 \\ 0 & 5 & -4 \\ 0 & 0 & 2 \end{bmatrix}$

8. $\frac{-1}{3} \begin{bmatrix} -3 & 0 & 0 \\ 3 & -1 & 0 \\ -9 & -2 & 3 \end{bmatrix}$

9. $\frac{-1}{3} \begin{bmatrix} -1 & 5 & 3 \\ -4 & 23 & 12 \\ 1 & -11 & -6 \end{bmatrix}$

10. $\begin{bmatrix} -2 & 0 & 1 \\ 9 & 2 & -3 \\ 6 & 1 & -2 \end{bmatrix}$

11. $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos\alpha & \sin\alpha \\ 0 & \sin\alpha & -\cos\alpha \end{bmatrix}$

13. $\frac{1}{7} \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ 1 & 3 \end{bmatrix}$ 14. $a = -4, b = 1$ 15. $A^{-1} = \frac{1}{11} \begin{bmatrix} -3 & 4 & 5 \\ 9 & -1 & -4 \\ 5 & -3 & -1 \end{bmatrix}$

16. $\frac{1}{4} \begin{bmatrix} 3 & 1 & -1 \\ 1 & 3 & 1 \\ -1 & 1 & 3 \end{bmatrix}$ 17. B 18. B

प्रश्नावली 4.6

1. संगत 2. संगत 3. असंगत
 4. संगत 5. असंगत 6. संगत
 7. $x = 2, y = -3$ 8. $x = \frac{-5}{11}, y = \frac{12}{11}$ 9. $x = \frac{-6}{11}, y = \frac{-19}{11}$
 10. $x = -1, y = 4$ 11. $x = 1, y = \frac{1}{2}, z = \frac{-3}{2}$
 12. $x = 2, y = -1, z = 1$ 13. $x = 1, y = 2, z = -1$
 14. $x = 2, y = 1, z = 3$
 15. $\begin{bmatrix} 0 & 1 & -2 \\ -2 & 9 & -23 \\ -1 & 5 & -13 \end{bmatrix}, x = 1, y = 2, z = 3$
 16. प्याज का मूल्य प्रति kg = Rs 5
 गेहूँ का मूल्य प्रति kg = Rs 8
 चावल का मूल्य प्रति kg = Rs 8

अध्याय 4 पर विविध प्रश्नावली

3. 1 5. $x = \frac{-a}{3}$ 7. $\begin{bmatrix} 9 & -3 & 5 \\ -2 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 2 \end{bmatrix}$
 9. $-2(x^3 + y^3)$ 10. xy 16. $x = 2, y = 3, z = 5$
 17. A 18. A 19. D

प्रश्नावली 5.1

2. $f, x = 3$ पर संतत है।
3. (a), (b), (c) और (d) सभी संतत फलन हैं।
5. $f, x = 0$ और $x = 2$ पर संतत है, परंतु $x = 1$ पर संतत नहीं है।
6. $x = 2$ पर असंतत
7. $x = 3$ पर असंतत
8. $x = 0$ पर असंतत
9. असांतत्यत का कोई बिंदु नहीं
10. असांतत्यता का कोई बिंदु नहीं
11. असांतत्यत का कोई बिंदु नहीं
12. $x = 1$ पर f असंतत है।
13. $x = 1$ पर f संतत नहीं है।
14. $x = 1$ और $x = 3$ पर f संतत नहीं है।
15. केवल $x = 1$ असांतत्यता का बिंदु है।
16. संतत
17. $a = b + \frac{2}{3}$
18. λ के किसी भी मान के लिए $f, x = 0$ पर संतत है परंतु f, λ के प्रत्येक मान के लिए $x = 1$ पर संतत है।
20. $x = \pi$ पर f संतत है।
21. (a), (b) और (c) सभी संतत फलन हैं।
22. प्रत्येक $x \in \mathbf{R}$ के लिए cosine फलन संतत है। cosecant फलन $x = n\pi, n \in \mathbf{Z}$ के अतिरिक्त सभी बिंदुओं पर संतत है। secant फलन $x = (2n+1)\frac{\pi}{2}, n \in \mathbf{Z}$ के अतिरिक्त सभी बिंदुओं पर संतत है। cotangent फलन, $x = n\pi, n \in \mathbf{Z}$ के अतिरिक्त सभी बिंदुओं पर संतत हैं।
23. असांतत्यता का कोई बिंदु नहीं है।
24. हाँ, प्रत्येक $x \in \mathbf{R}$ के लिए f संतत है।
25. प्रत्येक $x \in \mathbf{R}$ के लिए f संतत है।
26. $k = 6$
27. $k = \frac{3}{4}$
28. $k = \frac{-2}{\pi}$
29. $k = \frac{9}{5}$
30. $a = 2, b = 1$
34. असांतत्यता का कोई बिंदु नहीं है।

प्रश्नावली 5.2

1. $2x \cos(x^2 + 5)$
2. $-\cos x \sin(\sin x)$
3. $a \cos(ax + b)$
4.
$$\frac{\sec(\tan \sqrt{x}) \cdot \tan(\tan \sqrt{x}) \cdot \sec^2 \sqrt{x}}{2\sqrt{x}}$$

5. $a \cos(ax + b) \sec(cx + d) + c \sin(ax + b) \tan(cx + d) \sec(cx + d)$
 6. $10x^4 \sin x^5 \cos x^5 \cos x^3 - 3x^2 \sin x^3 \sin^2 x^5$
 7. $\frac{-2\sqrt{2}x}{\sin x^2 \sqrt{\sin 2x^2}}$ 8. $-\frac{\sin \sqrt{x}}{2\sqrt{x}}$

प्रश्नावली 5.3

1. $\frac{\cos x - 2}{3}$
2. $\frac{2}{\cos y - 3}$
3. $-\frac{a}{2by + \sin y}$
4. $\frac{\sec^2 x - y}{x + 2y - 1}$
5. $-\frac{(2x+y)}{(x+2y)}$
6. $-\frac{(3x^2 + 2xy + y^2)}{(x^2 + 2xy + 3y^2)}$
7. $\frac{y \sin xy}{\sin 2y - x \sin xy}$
8. $\frac{\sin 2x}{\sin 2y}$
9. $\frac{2}{1+x^2}$
10. $\frac{3}{1+x^2}$
11. $\frac{2}{1+x^2}$
12. $\frac{-2}{1+x^2}$
13. $\frac{-2}{1+x^2}$
14. $\frac{2}{\sqrt{1-x^2}}$
15. $-\frac{2}{\sqrt{1-x^2}}$

प्रश्नावली 5.4

1. $\frac{e^x (\sin x - \cos x)}{\sin^2 x}, x \neq n\pi, n \in \mathbf{Z}$
2. $\frac{e^{\sin^{-1} x}}{\sqrt{1-x^2}}, x \in (-1,1)$
3. $3x^2 e^{x^3}$
4. $-\frac{e^{-x} \cos(\tan^{-1} e^{-x})}{1+e^{-2x}}$
5. $-e^x \tan e^x, e^x \neq (2n+1)\frac{\pi}{2}, n \in \mathbf{N}$
6. $e^x + 2x^{e^x} + 3x^2 e^{x^3} + 4x^3 e^{x^4} + 5x^4 e^{x^5}$
7. $\frac{e^{\sqrt{x}}}{4\sqrt{x}e^{\sqrt{x}}}, x > 0$
8. $\frac{1}{x \log x}, x > 1$
9. $-\frac{(x \sin x \cdot \log x + \cos x)}{x(\log x)^2}, x > 0$
10. $-\left(\frac{1}{x} + e^x\right) \sin(\log x + e^x), x > 0$

प्रश्नावली 5.5

1. $-\cos x \cos 2x \cos 3x [\tan x + 2 \tan 2x + 3 \tan 3x]$
2. $\frac{1}{2\sqrt{(x-3)(x-4)(x-5)}} \left[\frac{1}{x-1} + \frac{1}{x-2} - \frac{1}{x-3} - \frac{1}{x-4} - \frac{1}{x-5} \right]$
3. $(\log x)^{\cos x} \left[\frac{\cos x}{x \log x} - \sin x \log(\log x) \right]$
4. $x^x (1 + \log x) - 2^{\sin x} \cos x \log 2$
5. $(x+3)(x+4)^2(x+5)^3(9x^2 + 70x + 133)$
6. $\left(x + \frac{1}{x} \right)^x \left[\frac{x^2 - 1}{x^2 + 1} + \log \left(x + \frac{1}{x} \right) \right] + x^{1 + \frac{1}{x}} \left(\frac{x+1 - \log x}{x^2} \right)$
7. $(\log x)^{x-1} [1 + \log x \cdot \log(\log x)] + 2x^{\log x - 1} \cdot \log x$
8. $(\sin x)^x (x \cot x + \log \sin x) + \frac{1}{2} \frac{1}{\sqrt{x-x^2}}$
9. $x^{\sin x} \left[\frac{\sin x}{x} + \cos x \log x \right] + (\sin x)^{\cos x} [\cos x \cot x - \sin x \log \sin x]$
10. $x^{x \cos x} [\cos x \cdot (1 + \log x) - x \sin x \log x] - \frac{4x}{(x^2 - 1)^2}$
11. $(x \cos x)^x [1 - x \tan x + \log(x \cos x)] + (x \sin x)^{\frac{1}{x}} \left[\frac{x \cot x + 1 - \log(xs \sin x)}{x^2} \right]$
12. $\frac{yx^{y-1} + y^x \log y}{x^y \log x + xy^{x-1}}$
13. $\frac{y}{x} \left(\frac{y - x \log y}{x - y \log x} \right)$
14. $\frac{y \tan x + \log \cos y}{x \tan y + \log \cos x}$
15. $\frac{y(x-1)}{x(y+1)}$
16. $(1+x)(1+x^2)(1+x^4)(1+x^8) \left[\frac{1}{1+x} + \frac{2x}{1+x^2} + \frac{4x^3}{1+x^4} + \frac{8x^7}{1+x^8} \right]; f'(1) = 120$
17. $5x^4 - 20x^3 + 45x^2 - 52x + 11$

प्रश्नावली 5.6

1. t^2
2. $\frac{b}{a}$
3. $-4 \sin t$
4. $-\frac{1}{t^2}$

5. $\frac{\cos\theta - 2\cos 2\theta}{2\sin 2\theta - \sin\theta}$ 6. $-\cot\frac{\theta}{2}$ 7. $-\cot 3t$ 8. $\tan t$
 9. $\frac{b}{a} \cosec\theta$ 10. $\tan\theta$

प्रश्नावली 5.7

1. 2 2. $380x^{18}$ 3. $-x \cos x - 2 \sin x$
 4. $-\frac{1}{x^2}$ 5. $x(5 + 6 \log x)$ 6. $2e^x(5 \cos 5x - 12 \sin 5x)$
 7. $9e^{6x}(3 \cos 3x - 4 \sin 3x)$ 8. $-\frac{2x}{(1+x^2)^2}$
 9. $-\frac{(1+\log x)}{(x \log x)^2}$ 10. $-\frac{\sin(\log x) + \cos(\log x)}{x^2}$
 12. $-\cot y \cosec^2 y$

अध्याय 5 पर विविध प्रश्नावली

1. $27(3x^2 - 9x + 5)^8(2x - 3)$ 2. $3\sin x \cos x (\sin x - 2 \cos^4 x)$
 3. $(5x)^{3\cos 2x} \left[\frac{3\cos 2x}{x} - 6\sin 2x \log 5x \right]$
 4. $\frac{3}{2} \sqrt{\frac{x}{1-x^3}}$ 5. $-\left[\frac{1}{\sqrt{4-x^2} \sqrt{2x+7}} + \frac{\cos^{-1} x}{(2x+7)^{\frac{3}{2}}} \right]$
 6. $\frac{1}{2}$ 7. $(\log x)^{\log x} \left[\frac{1}{x} + \frac{\log(\log x)}{x} \right], x > 1$
 8. $(a \sin x - b \cos x) \sin(a \cos x + b \sin x)$
 9. $(\sin x - \cos x)^{\sin x - \cos x} (\cos x + \sin x) (1 + \log(\sin x - \cos x)), \sin x > \cos x$
 10. $x^x (1 + \log x) + ax^{a-1} + a^x \log a$
 11. $x^{x^2-3} \left[\frac{x^2-3}{x} + 2x \log x \right] + (x-3)^{x^2} \left[\frac{x^2}{x-3} + 2x \log(x-3) \right]$
 12. $\frac{6}{5} \cot \frac{t}{2}$ 13. 0 17. $\frac{\sec^3 t}{at}, 0 < t < \frac{\pi}{2}$

प्रश्नावली 6.1

1. (a) $6\pi \text{ cm}^2/\text{cm}$ (b) $8\pi \text{ cm}^2/\text{cm}$
2. $\frac{8}{3} \text{ cm}^2/\text{s}$ 3. $60\pi \text{ cm}^2/\text{s}$ 4. $900 \text{ cm}^3/\text{s}$
5. $80\pi \text{ cm}^2/\text{s}$ 6. $1.4\pi \text{ cm/s}$
7. (a) -2 cm/min (b) $2 \text{ cm}^2/\text{min}$
8. $\frac{1}{\pi} \text{ cm/s}$ 9. $400\pi \text{ cm}^3/\text{cm}$ 10. $\frac{8}{3} \text{ cm/s}$
11. $(4, 11)$ and $\left(-4, \frac{-31}{3}\right)$ 12. $2\pi \text{ cm}^3/\text{s}$
13. $\frac{27}{8}\pi(2x+1)^2$ 14. $\frac{1}{48\pi} \text{ cm/s}$ 15. Rs 20.967
16. Rs 208 17. B 18. D

प्रश्नावली 6.2

4. (a) $\left(\frac{3}{4}, \infty\right)$ (b) $\left(-\infty, \frac{3}{4}\right)$
5. (a) $(-\infty, -2)$ and $(3, \infty)$ (b) $(-2, 3)$
6. (a) $x < -1$ के लिए निरंतर हासमान और $x > -1$ के लिए निरंतर वर्धमान
 (b) $x > -\frac{3}{2}$ के लिए निरंतर हासमान और $x < -\frac{3}{2}$ के लिए निरंतर वर्धमान
 (c) $-2 < x < -1$ के लिए निरंतर वर्धमान और $x < -2$ और $x > -1$ के लिए निरंतर हासमान
 (d) $x < -\frac{9}{2}$ के लिए निरंतर वर्धमान और $x > -\frac{9}{2}$ के लिए निरंतर हासमान
 (e) $(1, 3)$ और $(3, \infty)$, में निरंतर वर्धमान तथा $(-\infty, -1)$ और $(-1, 1)$ में निरंतर हासमान
8. $0 < x < 1$ और $x > 2$ 12. A, B
13. D 14. $a = -2$ 19. D

प्रश्नावली 6.3

1. 764
2. $\frac{-1}{64}$
3. 11
4. 24

- 5.** 1 **6.** $\frac{-a}{2b}$ **7.** $(3, -20)$ और $(-1, 12)$
- 8.** $(3, 1)$ **9.** $(2, -9)$
- 10.** (i) $y + x + 1 = 0$ और $y + x - 3 = 0$
- 11.** वक्र पर कोई ऐसी स्पर्श रेखा नहीं है जिसकी प्रवणता 2 हो।
- 12.** $y = \frac{1}{2}$ **13.** (i) $(0, \pm 4)$ (ii) $(\pm 3, 0)$
- 14.** (i) स्पर्श रेखा : $10x + y = 5$; अभिलंब : $x - 10y + 50 = 0$
(ii) स्पर्श रेखा : $y = 2x + 1$; अभिलंब : $x + 2y - 7 = 0$
(iii) स्पर्श रेखा : $y = 3x - 2$; अभिलंब : $x + 3y - 4 = 0$
(iv) स्पर्श रेखा : $y = 0$; अभिलंब : $x = 0$
(v) स्पर्श रेखा : $x + y - \sqrt{2} = 0$; अभिलंब $x = y$
- 15.** (a) $y - 2x - 3 = 0$ (b) $36y + 12x - 227 = 0$
- 17.** $(0, 0), (3, 27)$ **18.** $(0, 0), (1, 2), (-1, -2)$
- 19.** $(1, \pm 2)$ **20.** $2x + 3my - am^2(2 + 3m^2) = 0$
- 21.** $x + 14y - 254 = 0, x + 14y + 86 = 0$
- 22.** $ty = x + at^2, y = -tx + 2at + at^3$
- 24.** $\frac{x x_0}{a^2} - \frac{y y_0}{b^2} = 1, \frac{y - y_0}{a^2 y_0} + \frac{x - x_0}{b^2 x_0} = 0$
- 25.** $48x - 24y = 23$ **26.** D **27.** A

प्रश्नावली 6.4

- 1.** (i) 5.03 (ii) 7.035 (iii) 0.8
(iv) 0.208 (v) 0.9999 (vi) 1.96875
(vii) 2.9629 (viii) 3.9961 (ix) 3.009
(x) 20.025 (xi) 0.06083 (xii) 2.984
(xiii) 3.0046 (xiv) 7.904 (xv) 2.00187
- 2.** 28.21 **3.** -34.995 **4.** $0.03 x^3 m^3$
- 5.** $0.12 x^2 m^2$ **6.** $3.92 \pi m^3$ **7.** $2.16 \pi m^2$
- 8.** D **9.** C

प्रश्नावली 6.5

अध्याय 6 पर विविध प्रश्नावली

1. (a) 0.677 (b) 0.497

3. $b\sqrt{3}$ cm²/s 4. $x + y - 3 = 0$

6. (i) $0 \leq x < \frac{\pi}{2}$ और $\frac{3\pi}{2} < x < 2\pi$ (ii) $\frac{\pi}{2} < x < \frac{3\pi}{2}$

7. (i) $x < -1$ और $x > 1$ (ii) $-1 < x < 1$

8. $\frac{3\sqrt{3}}{4}ab$ 9. Rs 1000

11. लंबाई = $\frac{20}{\pi+4}$ m, चौड़ाई = $\frac{10}{\pi+4}$ m

13. (i) $x = \frac{2}{7}$ पर स्थानीय उच्चतम (ii) $x = 2$ पर स्थानीय निम्नतम
 (iii) $x = -1$ पर नत परिवर्तन बिंदु

14. निरपेक्ष उच्चतम मान = $\frac{5}{4}$, निरपेक्ष निम्नतम मान = 1

17. $\frac{4\pi R^3}{3\sqrt{3}}$ 19. A 20. B 21.

22. B 23. A 24. A

पूरक पाठ्य सामग्री

अध्याय 5

प्रमेय 5 (पृष्ठ 190 पर शीर्षक 'प्रमेय 5' के अंतर्गत है।)

(i) चरघातांकीय फलन $f(x) = e^x$ का अवकलज

यदि $f(x) = e^x$ है, तो

$$\begin{aligned} f'(x) &= \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{f(x + \Delta x) - f(x)}{\Delta x} \\ &= \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{e^{x+\Delta x} - e^x}{\Delta x} \\ &= e^x \cdot \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{e^{\Delta x} - 1}{\Delta x} \\ &= e^x \cdot 1 \left[\text{क्योंकि } \lim_{h \rightarrow 0} \frac{e^h - 1}{h} = 1 \right] \end{aligned}$$

इस प्रकार, $\frac{d}{dx}(e^x) = e^x$ है।

(ii) लघुगणकीय फलन $f(x) = \log_e x$ का अवकलज

यदि $f(x) = \log_e x$ है, तो

$$\begin{aligned} f'(x) &= \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\log_e(x + \Delta x) - \log_e x}{\Delta x} \\ &= \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\log_e \left(1 + \frac{\Delta x}{x} \right)}{\Delta x} \\ &= \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{1}{x} \frac{\log_e \left(1 + \frac{\Delta x}{x} \right)}{\frac{\Delta x}{x}} \end{aligned}$$

$$= \frac{1}{x} \quad [\text{क्योंकि } \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\log_e(1+h)}{h} = 1]$$

इस प्रकार, $\frac{d}{dx} \log_e x = \frac{1}{x}$ है।