

No. 9018

Name :

Second Year – March 2018

Time : 2½ Hours
Cool-off time : 15 Minutes

Part – III

MATHEMATICS (SCIENCE)

Maximum : 80 Scores

General Instructions to Candidates :

- There is a ‘Cool-off time’ of 15 minutes in addition to the writing time.
- Use the ‘Cool-off time’ to get familiar with questions and to plan your answers.
- Read questions carefully before answering.
- Read the instructions carefully.
- Calculations, figures and graphs should be shown in the answer sheet itself.
- Malayalam version of the questions is also provided.
- Give equations wherever necessary.
- Electronic devices except non-programmable calculators are not allowed in the Examination Hall.

വിദ്യാർത്ഥികൾക്കുള്ള പൊതുനിർദ്ദേശങ്ങൾ :

- നിർദ്ദിഷ്ട സമയത്തിന് പുറമെ 15 മിനിറ്റ് ‘കൂൾ ഓഫ് ടെസ്റ്റ്’ ഉണ്ടായിരിക്കും.
- ‘കൂൾ ഓഫ് ടെസ്റ്റ്’ ചോദ്യങ്ങൾ പരിചയപ്പെടാനും ഉത്തരങ്ങൾ ആസൃതം ചെയ്യാനും ഉപയോഗിക്കുക.
- ഉത്തരങ്ങൾ എഴുതുന്നതിന് മുമ്പ് ചോദ്യങ്ങൾ ശ്രദ്ധാപൂർവ്വം വായിക്കണം.
- നിർദ്ദേശങ്ങൾ മുഴുവനും ശ്രദ്ധാപൂർവ്വം വായിക്കണം.
- കണക്ക് കൂടലുകൾ, ചിത്രങ്ങൾ, ശാഹ്നുകൾ, എന്നിവ ഉത്തരപേപ്പിൽ തന്നെ ഉണ്ടായിരിക്കണം.
- ചോദ്യങ്ങൾ മലയാളത്തിലും നല്ലിയിട്ടുണ്ട്.
- ആവശ്യമുള്ള സഹലത്ത് സമവാക്യങ്ങൾ കൊടുക്കണം.
- പ്രോഗ്രാമുകൾ ചെയ്യാനാകാത്ത കാൽക്കൗലോററുകൾ ഒഴികെയ്യുള്ള ഒരു ഖലക്ട്രോണിക് ഉപകരണവും പരിക്ഷാഹാളിൽ ഉപയോഗിക്കുവാൻ പാടില്ല.

Questions 1 to 7 carry 3 scores each. Answer any Six questions.

(Scores : $6 \times 3 = 18$)

1. If $f(x) = \frac{x}{x-1}$, $x \neq 1$
 - Find $f \circ f(x)$ **(Scores : 2)**
 - Find the inverse of f . **(Score : 1)**

2. Using elementary row operations, find the inverse of the matrix $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & -1 \end{bmatrix}$. **(Scores : 3)**

3. (a) $f(x)$ is a strictly increasing function, if $f'(x)$ is _____
 - positive
 - negative
 - 0
 - None of these**(Score : 1)**

- ✓ (b) Show that the function f given by $f(x) = x^3 - 3x^2 + 4x$, $x \in \mathbb{R}$ is strictly increasing.
(Scores : 2)

4. (a) $\int_0^a f(a-x) dx = \text{_____}$. **(Score : 1)**

\checkmark

$\left[\text{(i)} \int_0^{2a} f(x) dx, \text{ (ii)} \int_{-a}^a f(x) dx, \text{ (iii)} \int_0^a f(x) dx, \text{ (iv)} \int_0^0 f(x) dx \right]$

- ✓ (b) Find the value of $\int_0^{\pi/2} \frac{\sin^4 x}{\sin^4 x + \cos^4 x} dx$. **(Scores : 2)**

- 5. Find the area of the region bounded by the Curve $y^2 = x$, x -axis and the lines $x = 1$ and $x = 4$.
(Scores : 3)

- 6. Find the general solution of the differential equation $x \frac{dy}{dx} + 2y = x^2 \log x$. **(Scores : 3)**

- 7. A manufacturer produces nuts and bolts. It takes 1 hour of work on Machine A and 3 hours on Machine B to produce a package of nuts. It takes 3 hours on Machine A and 1 hour on Machine B to produce a package of bolts. He earns a profit of ₹ 17.50 per package on nuts and ₹ 7.00 per package on bolts. Formulate the above L.P.P., if the machines operates for at most 12 hours a day. **(Scores : 3)**

1 മുതൽ 7 വരെയുള്ള പ്രാദ്യൂഷശക്ക് 3 സ്കോർ വിത്തമാണ്. എത്തെക്കില്ലോ

6 എണ്ണത്തിന് ഉത്തരമെഴുതുക.

(സ്കോർസ് : $6 \times 3 = 18$)

1. $f(x) = \frac{x}{x-1}$, $x \neq 1$ ആയാൽ

(a) $f \circ f(x)$ കണ്ണുപിടിക്കുക.

(സ്കോർസ് : 2)

(b) f റെറ്റ് ഇൻവോൾച്ചർ എഴുതുക.

(സ്കോർ : 1)

2. എലെമെന്റി റോ ട്രാൻസ്ഫോർമേഷൻ ഉപയോഗിച്ച് $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & -1 \end{bmatrix}$ എന്ന മെട്ടിക്സിന്റെ ഇൻവോഴ്സ് എഴുതുക.

(സ്കോർസ് : 3)

3. (a) $f(x)$ സ്ഥിക്കിലി ഇൻഫീസിംഗ് ആയാൽ $f'(x)$ റെറ്റ് വില _____

(i) പോസിറ്റീവ്

(ii) സൈറ്റീവ്

(iii) 0

(iv) ഇതൊന്നുമല്ല

(സ്കോർ : 1)

(b) $f(x) = x^3 - 3x^2 + 4x$, $x \in \mathbb{R}$ സ്ഥിക്കിലി ഇൻഫീസിംഗ് ആണെന്ന് തെളിയിക്കുക.

(സ്കോർസ് : 2)

4. (a) $\int_0^a f(a-x) dx = _____$. (സ്കോർ : 1)

$$\left[(i) \int_0^{2a} f(x) dx, (ii) \int_{-a}^a f(x) dx, (iii) \int_0^a f(x) dx, (iv) \int_a^0 f(x) dx \right]$$

(b) $\int_0^{\pi/2} \frac{\sin^4 x}{\sin^4 x + \cos^4 x} dx$ റെറ്റ് വില കണ്ണുപിടിക്കുക. (സ്കോർസ് : 2)

5. $y^2 = x$ എന്ന വകുവും, x -ആക്സിസും $x = 1$ ഉം $x = 4$ ഉം എന്നിവയ്ക്കും ഇടയിലുള്ള ഭാഗത്തിന്റെ പരപ്പളവ് കണ്ണുപിടിക്കുക. (സ്കോർസ് : 3)

6. $x \frac{dy}{dx} + 2y = x^2 \log x$ എന്ന ഡിഫറൻഷ്യൽ ഇക്കോഷ്യറ്റ് നിർഖാരണ മുല്യം കണ്ണുപിടിക്കുക. (സ്കോർസ് : 3)

7. നട്ടു ബോർഡും ഉല്പാദിപ്പിക്കുന്ന ഒരു ഹാക്കിയിൽ രണ്ടു മെഷീനുകൾ ഉണ്ട്. അവ യഥാക്രമം A യും B യും ആണ്. ഇവ രണ്ടും മൊത്തം പ്രവൃത്തി സമയം 12 മണിക്കറീൽ കവിയരുത്. ഒരു കവർ നട്ടുണ്ടാക്കാൻ മെഷീൻ A യിൽ 1 മണിക്കറും മെഷീൻ B യിൽ 3 മണിക്കറും വേണം. എന്നാൽ ഒരു കവർ ബോർഡ് ഉണ്ടാക്കാൻ മെഷീൻ A യിൽ 3 മണിക്കറും മെഷീൻ B യിൽ 1 മണിക്കറും വേണം. ആകെയുള്ള ലാംഗ് ഒരു കവർ നട്ടിന് 17.50 രൂപയും ഒരു കവർ ബോർഡിന് 7.00 രൂപയും ആണ്. എങ്കിൽ ഈ പ്രസ്തുത ഒരു LPP ആയി എഴുതുക. (സ്കോർസ് : 3)

Questions 8 to 17 carry 4 Scores each. Answer any eight. (Scores : $8 \times 4 = 32$)

8. Let $A = N \times N$ and '*' be a binary operation on A defined by $(a, b) * (c, d) = (a + c, b + d)$

(a) Find $(1, 2) * (2, 3)$

(Score : 1)

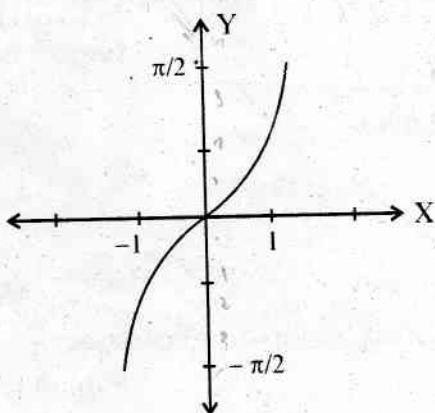
(b) Prove that '*' is commutative

(Score : 1)

(c) Prove that '*' is associative.

(Scores : 2)

9.



- (a) Identify the function from the above graph.

(i) $\tan^{-1}x$

(ii) $\sin^{-1}x$

(iii) $\cos^{-1}x$

(iv) $\operatorname{cosec}^{-1}x$

(Score : 1)

- (b) Find the domain and range of the function represented in above graph.

(Score : 1)

(c) Prove that $\tan^{-1}\frac{1}{2} + \tan^{-1}\frac{2}{11} = \tan^{-1}\frac{3}{4}$.

(Scores : 2)

10. (a) $\frac{d(a^x)}{dx} = \underline{\hspace{2cm}}$

(i) a^x

(ii) $\log(a^x)$

(iii) $a^x \log a$

(iv) $x a^{x-1}$

(Score : 1)

(b) Find $\frac{dy}{dx}$ if $x^y = y^x$.

(Scores : 3)

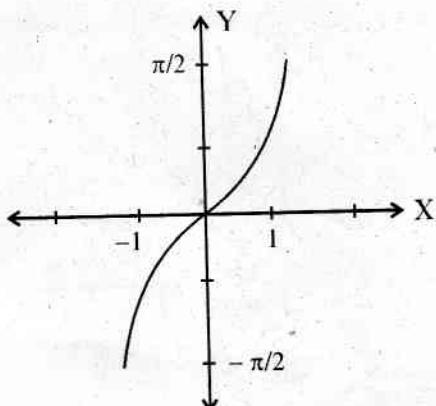
8 മുതൽ 17 വരെയുള്ള പ്രാദ്യൂഷങ്ങൾക്ക് 4 സ്കോർ വിതരണം. എത്തെങ്കിലും
8 എണ്ണത്തിന് ഉത്തരമെഴുതുക. (സ്കോർസ് : $8 \times 4 = 32$)

8. $A = N \times N$ തോന്തരം അപ്രവേശന താഴെ നൽകിയിരിക്കുന്ന രിതിയിലാണ്
നിർവ്വചിച്ചിട്ടുള്ളത്.

$$(a, b) * (c, d) = (a + c, b + d)$$

- (a) $(1, 2) * (2, 3)$ കാണുക. (സ്കോർ : 1)
 (b) ‘*’ കമ്മ്യൂണിറ്റിവ് ആണെന്ന് തെളിയിക്കുക (സ്കോർ : 1)
 (c) ‘*’ അസോസിയേറ്റിവ് ആണെന്ന് തെളിയിക്കുക. (സ്കോർസ് : 2)

9.



- (a) മുകളിൽ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന ശാഫിൽ നിന്നും ധാരംഗ്ഷണം തെരഞ്ഞെടുത്തശുത്രുക.
 (i) $\tan^{-1}x$
 (ii) $\sin^{-1}x$
 (iii) $\cos^{-1}x$
 (iv) $\text{cosec}^{-1}x$ (സ്കോർ : 1)
 (b) ആ ശാഫിന്റെ മണ്ഡലവും രംഗവും എഴുതുക. (സ്കോർ : 1)
 (c) $\tan^{-1}\frac{1}{2} + \tan^{-1}\frac{2}{11} = \tan^{-1}\frac{3}{4}$ എന്ന് തെളിയിക്കുക. (സ്കോർസ് : 2)

10. (a) $\frac{d(a^x)}{dx} = \underline{\hspace{2cm}}$

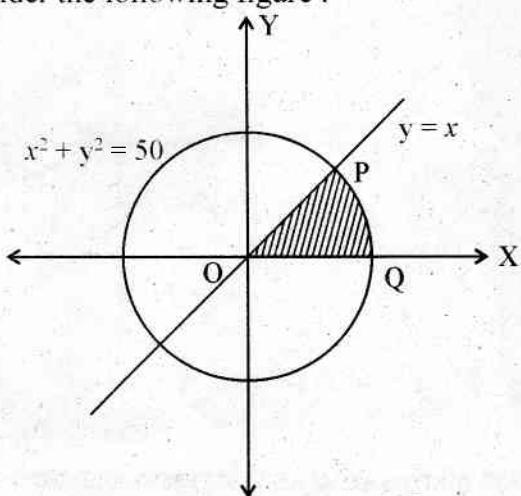
- (i) a^x
 (ii) $\log(a^x)$
 (iii) $a^x \log a$
 (iv) xa^{x-1} (സ്കോർ : 1)

- (b) $x^y = y^x$ ആയാൽ $\frac{dy}{dx}$ കാണുക. (സ്കോർസ് : 3)

11. (a) Find the slope of the tangent to the curve $y = (x - 2)^2$ at $x = 1$. **(Score : 1)**
 (b) Find a point at which the tangent to the curve $y = (x - 2)^2$ is parallel to the chord joining the points A(2, 0) and B(4, 4). **(Scores : 2)**
 (c) Find the equation of the tangent to the above curve and parallel to the line AB. **(Score : 1)**

12. $\int_0^2 (x^2 + 1) dx$ as the limit of a sum. **(Scores : 4)**

13. Consider the following figure :



17

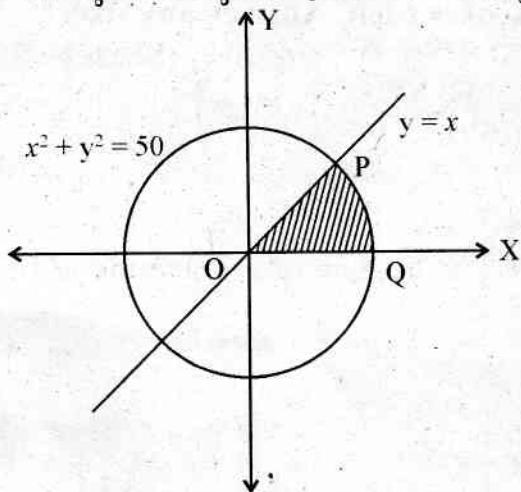
$x^2 + y^2 = 50$
Ans

- (a) Find the point of intersection 'P' of the circle $x^2 + y^2 = 50$ and the line $y = x$. **(Score : 1)**
 (b) Find the area of the shaded region. **(Scores : 3)**
14. (a) The degree of the differential equation $xy \left(\frac{d^2y}{dx^2} \right)^2 + x^4 \left(\frac{dy}{dx} \right)^3 - y \frac{dy}{dx} = 0$ is _____.
 (i) 4
 (ii) 3
 (iii) 2
 (iv) 1 **(Score : 1)**
 (b) Find the general solution of the differential equation $\sec^2 x \tan y dx + \sec^2 y \tan x dy = 0$ **(Scores : 3)**
15. (a) Prove that for any vectors $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$, $[\vec{a} + \vec{b}, \vec{b} + \vec{c}, \vec{c} + \vec{a}] = 2 [\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}]$. **(Scores : 3)**
 (b) Show that if $\vec{a} + \vec{b}, \vec{b} + \vec{c}, \vec{c} + \vec{a}$ are coplanar then $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ are also coplanar. **(Score : 1)**

11. (a) $y = (x - 2)^2$ എന്ന വകുത്തിന്റെ $x = 1$ ലെ തൊടുവരയുടെ സ്കാർപ് കണ്ടുപിടിക്കുക.
(സ്കാർ : 1)
- (b) $y = (x - 2)^2$ എന്ന വകുത്തിന്റെ തൊടുവര $A(2, 0), B(4, 4)$ എന്ന ബിന്ദുകൾ തമിൽ വരയ്ക്കുന്ന രേഖാവണിയത്തിന് സമാനരമാകുന്നോ അല്ലെങ്കിൽ മുട്ടുന്ന പിന്നു കണ്ടുപിടിക്കുക.
(സ്കാർസ് : 2)
- (c) മുകളിലെ വകുത്തിന്റെ തൊടുവര AB യും സമാനരമാകുന്ന തിരിയിലുള്ള സമവാക്യം കണ്ടെത്തുക.
(സ്കാർ : 1)

12. $\int_0^2 (x^2 + 1) dx$ എന്നത് ഒരു തുകയുടെ ലിമിറ്റ് ആയി കണ്ടെത്തുക.
(സ്കാർസ് : 4)

13. താഴെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന ചിത്രം പരിഗണിക്കുക :



- (a) $x^2 + y^2 = 50$ എന്ന വ്യത്തവും $y = x$ എന്ന വരയും സംഗമിക്കുന്ന P എന്ന ബിന്നു കണ്ടുപിടിക്കുക.
(സ്കാർ : 1)
- (b) ശാമ്പിൽ ഷേഡ് ചെയ്ത ഭാഗത്തിന്റെ പരപ്പളവ് കണ്ടുപിടിക്കുക.
(സ്കാർസ് : 3)
14. (a) $xy \left(\frac{d^2y}{dx^2} \right)^2 + x^4 \left(\frac{dy}{dx} \right)^3 - y \frac{dy}{dx} = 0$ എന്ന ഡിഫറൻഷ്യൽ സമവാക്യത്തിന്റെ ഡിഗ്രി
ആണ്.
(i) 4
(ii) 3
(iii) 2
(iv) 1
(സ്കാർ : 1)
- (b) $\sec^2 x \tan y dx + \sec^2 y \tan x dy = 0$ എന്ന ഡിഫറൻഷ്യൽ സമവാക്യത്തിന്റെ
ജനറൽ സൊല്യൂഷൻ കണ്ടുപിടിക്കുക.
(സ്കാർസ് : 3)

15. (a) $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ മൂന്ന് വെക്ടറുകളായാൽ $[\vec{a} + \vec{b}, \vec{b} + \vec{c}, \vec{c} + \vec{a}] = 2 [\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}]$ എന്ന്
തെളിയിക്കുക.
(സ്കാർസ് : 3)
- (b) $\vec{a} + \vec{b}, \vec{b} + \vec{c}, \vec{c} + \vec{a}$ എന്നീ വെക്ടറുകൾ ഒരേ തലത്തിലാണെങ്കിൽ, $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$
ഒരേ തലത്തിലാണെന്ന് തെളിയിക്കുക.
(സ്കാർ : 1)

16. (a) Find the equation of a plane which makes x, y, z intercepts respectively as 1, 2, 3.
(Scores : 2)
- (b) Find the equation of a plane passing through the point (1, 2, 3) which is parallel to
 above plane.
(Scores : 2)

17. Solve the L.P.P. given below graphically :

$$\text{Minimise } Z = -3x + 4y$$

$$\text{Subject to } x + 2y \leq 8,$$

$$3x + 2y \leq 12,$$

$$x \geq 0, y \geq 0$$

Ans 2124
Ans 2124
Ans 2124
Ans 2124

(Scores : 4)

Questions from 18 to 24 carry 6 scores each. Answer any five.

(Scores : $5 \times 6 = 30$)

18. (a) Find x and y if

$$x \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix} + y \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 10 \\ 5 \end{bmatrix}$$

Ans 2124
Ans 2124
Ans 2124
Ans 2124

(Scores : 2)

- (b) Express the matrix $\begin{bmatrix} 2 & -2 & -4 \\ -1 & 3 & 4 \\ 1 & -2 & -3 \end{bmatrix}$ as the sum of a symmetric and a skew-symmetric matrices.
(Scores : 4)

19. (a) Prove that $\begin{vmatrix} a & b & c \\ a+2x & b+2y & c+2z \\ x & y & z \end{vmatrix} = 0$.
(Scores : 2)

(b) If $A = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 0 & 2 & -3 \\ 3 & -2 & 4 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} -2 & 0 & 1 \\ 9 & 2 & -3 \\ 6 & 1 & -2 \end{bmatrix}$.

- (i) Prove that $B = A^{-1}$.

- (ii) Using A^{-1} solve the system linear equations given below.

$$x - y + 2z = 1$$

$$2y - 3z = 1$$

$$3x - 2y + 4z = 2$$

Ans 2124
Ans 2124
Ans 2124
Ans 2124

(Scores : 4)

20. (a) Prove that the function defined by $f(x) = \cos(x^2)$ is a continuous function. **(Scores : 2)**

- (b) (i) If $y = e^{a\cos^{-1}x}$, $-1 \leq x \leq 1$, show that $\frac{dy}{dx} = \frac{-ae^{a\cos^{-1}x}}{\sqrt{1-x^2}}$.
(Score : 1)

- (ii) Hence, prove that $(1-x^2) \frac{d^2y}{dx^2} - x \frac{dy}{dx} - a^2y = 0$.
(Scores : 3)

16. (a) 1, 2, 3 എന്നിവ തമാക്രമം x, y, z ലൈൻസപ്പറ്റുകളാകുന്ന ഒരു തലത്തിന്റെ സമവാക്യം എഴുതുക. (സ്കോർസ് : 2)
- (b) (1, 2, 3) കൂടി കടന്നു പോകുകയും മുകളിലെ തലത്തിന് സമാന്തരമാകുന്നതുമായ തലത്തിന്റെ സമവാക്യം എഴുതുക. (സ്കോർസ് : 2)

17. ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന L.P.P. യെ ശാഫ്റ്റപയോഗിച്ച് നിർബന്ധാരണം ചെയ്യുക :

$$\text{Minimise } Z = -3x + 4y$$

$$\text{Subject to } x + 2y \leq 8,$$

$$3x + 2y \leq 12,$$

$$x \geq 0, y \geq 0$$

(സ്കോർസ് : 4)

- 18 മുതൽ 24 വരെയുള്ള ചോദ്യങ്ങൾക്ക് . 6 സ്കോർ വിത്തമാണ്.
എത്തെങ്കിലും 5 എണ്ണത്തിന് ഉത്തരമേശുതുക. (സ്കോർസ് : $5 \times 6 = 30$)

18. (a) $x \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix} + y \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 10 \\ 5 \end{bmatrix}$ ആയാൽ (സ്കോർസ് : 2)

x, y യുടെ വില കണ്ടുപിടിക്കുക.

(b) $\begin{bmatrix} 2 & -2 & -4 \\ -1 & 3 & 4 \\ 1 & -2 & -3 \end{bmatrix}$ എന്ന മാട്രിഡെ ഒരു സിമ്പിക് മാട്രിഡീസ്റ്റും ഒരു സൂഖ്യ-സിമ്പിക് മാട്രിഡീസ്റ്റും തുകയായി എഴുതുക. (സ്കോർസ് : 4)

19. (a) $\begin{vmatrix} a & b & c \\ a+2x & b+2y & c+2z \\ x & y & z \end{vmatrix} = 0$ എന്ന തെളിയിക്കുക. (സ്കോർസ് : 2)

(b) $A = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 0 & 2 & -3 \\ 3 & -2 & 4 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} -2 & 0 & 1 \\ 9 & 2 & -3 \\ 6 & 1 & -2 \end{bmatrix}$ ആയാൽ

(i) $B = A^{-1}$ എന്ന തെളിയിക്കുക.

(ii) A^{-1} ഉപയോഗിച്ച് താഴെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന രേഖിയ സമവാക്യങ്ങളുടെ പരിഹാരം കണ്ടുപിടിക്കുക.

$$x - y + 2z = 1$$

$$2y - 3z = 1$$

$$3x - 2y + 4z = 2$$

(സ്കോർസ് : 4)

20. (a) $f(x) = \cos(x^2)$ എന്നത് ഒരു കണ്ണിന്നുസ് ഫംഗഷൻ എന്ന തെളിയിക്കുക. (സ്കോർസ് : 2)

(b) (i) $y = e^{a\cos^{-1}x}, -1 \leq x \leq 1$ ആയാൽ $\frac{dy}{dx} = \frac{-ae^{a\cos^{-1}x}}{\sqrt{1-x^2}}$ എന്ന തെളിയിക്കുക. (സ്കോർ : 1)

(ii) $(1-x^2) \frac{d^2y}{dx^2} - x \frac{dy}{dx} - a^2y = 0$ എന്ന തെളിയിക്കുക. (സ്കോർസ് : 3)

21. Evaluate the following :

(a) $\int \sin mx dx$. (Score : 1)

(b) $\int \frac{1 dx}{\sqrt{x^2 + 2x + 2}}$ (Scores : 3)

(c) $\int \frac{x dx}{(x+1)(x+2)}$ (Scores : 2)

22. (a) If $\vec{a} = 3\hat{i} + 2\hat{j} + 2\hat{k}$, $\vec{b} = \hat{i} + 2\hat{j} - 2\hat{k}$

(i) Find $\vec{a} + \vec{b}$ and $\vec{a} - \vec{b}$. (Scores : 2)

(ii) Find a unit vector perpendicular to both $\vec{a} + \vec{b}$ and $\vec{a} - \vec{b}$. (Scores : 2)

(b) Consider the points A(1, 2, 7), B(2, 6, 3), C(3, 10, -1).

(i) Find \overrightarrow{AB} , \overrightarrow{BC} (Score : 1)

(ii) Prove that A, B, C are collinear points. (Score : 1)

23. (a) Find the angle between the lines

$$\frac{x-2}{2} = \frac{y-1}{5} = \frac{z+3}{-3} \text{ and } \frac{x+2}{-1} = \frac{y-4}{8} = \frac{z-5}{4} \quad \text{(Scores : 2)}$$

(b) Find the shortest distance between the pair of lines

$$\vec{r} = (\hat{i} + 2\hat{j} + 3\hat{k}) + \lambda (\hat{i} - 3\hat{j} + 2\hat{k}) \quad \text{(Scores : 4)}$$

$$\vec{r} = (4\hat{i} + 5\hat{j} + 6\hat{k}) + \mu (2\hat{i} + 3\hat{j} + \hat{k})$$

24. (a) The probability distribution of a random variable is given by $P(x)$. What is $\Sigma P(x)$?

(Score : 1)

(b) The following is a probability distribution function of a random variable.

x	-5	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4	5
$P(x)$	k	$2k$	$3k$	$4k$	$5k$	$7k$	$8k$	$9k$	$10k$	$11k$	$12k$

(i) Find k (Scores : 2)

(ii) Find $P(x > 3)$ (Score : 1)

(iii) Find $P(-3 < x < 4)$ (Score : 1)

(iv) Find $P(x < -3)$ (Score : 1)

21. ചുവടെ കോടുത്തിരിക്കുന്നവ കണ്ണൂപിടിക്കുക :

(a) $\int \sin mx dx$. (സ്നേഹി : 1)

(b) $\int \frac{1}{\sqrt{x^2 + 2x + 2}} dx$ (സ്നേഹി : 3)

(c) $\int \frac{x dx}{(x+1)(x+2)}$ (സ്നേഹി : 2)

22. (a) $\vec{a} = 3\hat{i} + 2\hat{j} + 2\hat{k}$, $\vec{b} = \hat{i} + 2\hat{j} - 2\hat{k}$ ആയാൽ

(i) $\vec{a} + \vec{b}$; $\vec{a} - \vec{b}$ ലൂപയുടെ വില കാണുക. (സ്നേഹി : 2)

(ii) $\vec{a} + \vec{b}$ യെങ്കും $\vec{a} - \vec{b}$ യെങ്കും ലംബമായി വരുന്ന യൂണിറ്റ് വെക്ടർ കണ്ണൂപിടിക്കുക. (സ്നേഹി : 2)

(b) A(1, 2, 7), B(2, 6, 3), C(3, 10, -1) എന്നി ബിന്ദുകൾ പരിഗണിക്കുക.

(i) \overrightarrow{AB} , \overrightarrow{BC} ലൂപ കാണുക. (സ്നേഹി : 1)

(ii) A, B, C എന്നി ബിന്ദുകൾ ഒരേ വരയിലുള്ളതാണെന്ന് തെളിയിക്കുക. (സ്നേഹി : 1)

23. (a) $\frac{x-2}{2} = \frac{y-1}{5} = \frac{z+3}{-3}$, $\frac{x+2}{-1} = \frac{y-4}{8} = \frac{z-5}{4}$ എന്നി വരകൾ തമ്മിലുള്ള കോൺ അളവ് കാണുക. (സ്നേഹി : 2)

(b) $\vec{r} = (\hat{i} + 2\hat{j} + 3\hat{k}) + \lambda (\hat{i} - 3\hat{j} + 2\hat{k})$
 $\vec{r} = (4\hat{i} + 5\hat{j} + 6\hat{k}) + \mu (2\hat{i} + 3\hat{j} + \hat{k})$
 എന്നി വരകൾ തമ്മിലുള്ള ഏറ്റവും കുറഞ്ഞ അകലം കണ്ണൂപ്പിക്കുക. (സ്നേഹി : 4)

24. (a) $P(x)$ എന്നത് ഒരു റാൻഡം വേരിയബിളിഞ്ച് പ്രോബബിലിറ്റി ഡിസ്ട്രിബ്യൂഷൻ ആണെങ്കിൽ $\Sigma P(x)$ എന്താണ് ? (സ്നേഹി : 1)

(b) താഴെ കോടുത്തിരിക്കുന്ന പട്ടിക ഒരു റാൻഡം വേരിയബിളിഞ്ച് പ്രോബബിലിറ്റി ഡിസ്ട്രിബ്യൂഷൻ ആണെങ്കിൽ

x	-5	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4	5
$P(x)$	k	$2k$	$3k$	$4k$	$5k$	$7k$	$8k$	$9k$	$10k$	$11k$	$12k$

(i) k യുടെ വില എന്ത്? (സ്നേഹി : 2)

(ii) $P(x > 3)$ വില കണ്ണൂപിടിക്കുക. (സ്നേഹി : 1)

(iii) $P(-3 < x < 4)$ വില കാണുക. (സ്നേഹി : 1)

(iv) $P(x < -3)$ കാണുക. (സ്നേഹി : 1)